

الرياضيات

الصف التاسع الأساسي

أ. ماهر بربر

نموذج اختبار محلول

للوحة الأولى جبر + الوحدة الأولى هندسة

الاختبار الثاني



الكتاب:	الرياضيات
الوحدة:	الأولى من الكتابين
التاريخ:	5/10/2022

الدرجة	400
المدة:	ساعتين

الصف التاسع الأساسي

T.Maher BarBar

أولاً: أجب عن السؤالين التاليين: (60° درجة لأول ، 40° درجة للثاني)

السؤال الأول: في كل مما يأتي إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة ، اكتبها.

1) مثلث قائم فيه $\cos x = \frac{1}{\sqrt{5}}$ فإن $\tan x$ يساوي:			
(A)	$\frac{2}{1}$	(B)	$\frac{1}{2}$
(C)	$\frac{2}{\sqrt{5}}$	(A)	$\sqrt{9}$
2) نصف العدد $\sqrt{18}$ يساوي:			
(A)	$\sqrt{9}$	(B)	$\sqrt{36}$
(C)	$\sqrt{4.5}$	3) $(\sqrt{11} - \sqrt{7})(\sqrt{11} + \sqrt{7})$ هو عدد:	
(A)	صحيح	(B)	عادي غير صحيح
(C)	غير عادي	4) إذا كانت \hat{x} زاوية حاده في مثلث قائم بحيث $\cos(26 + \frac{x}{5}) = \sin(14 + \frac{4x}{5})$ فإن	
(A)	$\hat{x} = 54^\circ$	(B)	$\hat{x} = 36^\circ$
(C)	$\hat{x} = 50^\circ$		

السؤال الثاني: قل إن كنت موافقاً أم غير موافق على كل من العبارات الآتية:

1) ABC قائم في B فيه $\hat{A} = 32^\circ$ فإن $AB = BC \times \frac{\cos 32^\circ}{\sin 32^\circ}$

2) $GCD(51,17) = 1$

3) إن العدد $\sqrt{9+16}$ يساوي $\sqrt{9} + \sqrt{16}$

4) الشكل المختزل للكسر $\frac{153}{324}$ هو: $\frac{51}{108}$

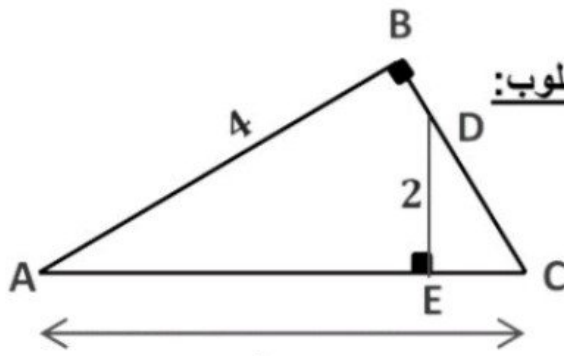
ثانياً: حل التمرينات التالية: (60° درجة لكل تمرين)

التمرين الأول: ليكن العدد $A = \frac{11}{14} - \frac{228}{144}$ والمطلوب:

1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 228 و 144 ثم اختزل الكسر $\frac{228}{144}$

2) احسب A وضعه بشكل كسر مختزل.

التمرين الثاني: تأمل الشكل المجاور ثم أجب عن الأسئلة التالية:



ABC مثلث قائم فيه: $AB = 4$ و $AC = 6$ و $DE = 2$ والمطلوب:

(1) احسب $\sin \hat{C}$.

(2) باستعمال النسب المثلثية احسب طول CD .

(3) احسب طول EC .

1] $ABCD$ متوازي أضلاع فيه: $AB = \sqrt{125} + \sqrt{112}$ cm.

التمرين الثالث:

و $BC = \sqrt{45} - \sqrt{28} + 6\sqrt{7} + 2\sqrt{5}$ cm. والمطلوب:

(1) برهن أن الشكل $ABCD$ معين.

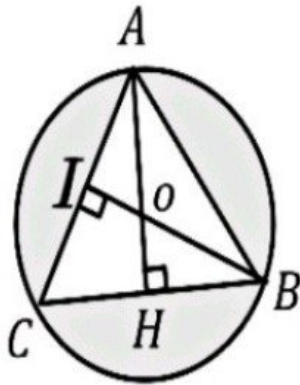
(2) احسب محيط الشكل.

2] جِدْ عددين موجبين فرقهما 24 ونسبتهما $\frac{1}{5}$.

ثالثاً: حل المسالتين التاليتين: [120 درجة]

المسألة الأولى: [80 درجة]

ABC مثلث متساوي الاضلاع طول ضلعه x ، تمر من رؤوسه دائرة مركزها O فيه BI ، AH ارتفاعين.



1- احسب بدلالة x كلاً من AO ، AH ثم مساحة الدائرة.

2- احسب قياس كل من $\hat{A}OB$ و $\hat{A}BI$.

3- اثبت ان مساحة المنطقة المظلمة تساوي $S = \frac{4\pi - \sqrt{27}}{12} x^2$.

4- احسب x إذا علمت أن $S = \frac{4\pi - \sqrt{27}}{3}$.

المسألة الثانية: [40 درجة]

ليكن العددان $A = \frac{243}{189}$ ، $B = \sqrt{72} - 2\sqrt{8} + 3\sqrt{18}$

(1) أوجد $GCD(243, 189)$ واختزل العدد A

(2) اكتب العدد B على شكل $a\sqrt{b}$

(3) أزل الجذر من مقام الكسر $\frac{5}{\sqrt{2}}$

T.Maher BarBar

أولاً: أجب عن السؤالين التاليين: (60° درجة لأول ، 40° درجة للثاني)

السؤال الأول: في كل مما يأتي إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة ، اكتبها.

(1) مثلث قائم فيه $\cos x = \frac{1}{\sqrt{5}}$ فإن $\tan x$ يساوي:

(A) $\frac{2}{1}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{2}{\sqrt{5}}$

$$\boxed{1} \quad \cos \hat{x} = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

بالتعويض في المتطابقة نجد

$$\boxed{\sin^2 x + \cos^2 x = 1}$$

$$\sin^2 \hat{x} + \frac{1}{5} = 1 \Rightarrow \sin^2 \hat{x} = 1 - \frac{1}{5} \Rightarrow \sin^2 \hat{x} = \frac{4}{5}$$

$$\boxed{\sin \hat{x} = \frac{2}{\sqrt{5}}} \Rightarrow \tan \hat{x} = \frac{\sin \hat{x}}{\cos \hat{x}} = \frac{\frac{2}{\sqrt{5}}}{\frac{1}{\sqrt{5}}} = \frac{2}{1}$$

$$\Rightarrow \boxed{\tan \hat{x} = \frac{2}{1} = 2}$$

(2) نصف العدد $\sqrt{18}$ يساوي:

(A) $\sqrt{9}$ (B) $\sqrt{36}$ (C) $\sqrt{4.5}$

$$\boxed{2} \quad \frac{\sqrt{18}}{2} = \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{4}} = \sqrt{\frac{18}{4}} = \sqrt{\frac{2 \times 9}{2 \times 2}} = \sqrt{\frac{9}{2}} = \sqrt{4.5}$$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{\sqrt{18}}{2} = \sqrt{4.5}}$$

(3) $(\sqrt{11} - \sqrt{7})(\sqrt{11} + \sqrt{7})$ هو عدد:

(A) صحيح (B) عادي غير صحيح (C) غير عادي

$$\boxed{3} \quad (\sqrt{11} - \sqrt{7})(\sqrt{11} + \sqrt{7}) = 11 + \sqrt{77} - \sqrt{77} - 7 = 4$$

$$\boxed{(\sqrt{11} - \sqrt{7})(\sqrt{11} + \sqrt{7}) = 4}$$

4) إذا كانت \hat{x} زاوية حاده في مثلث قائم بحيث $\cos\left(26 + \frac{x}{5}\right) = \sin\left(14 + \frac{4x}{5}\right)$ فإن

$\hat{x} = 50^\circ$ (C)

$\hat{x} = 36^\circ$ (B)

$\hat{x} = 54^\circ$ (A)

4 $\cos\left(26 + \frac{\hat{x}}{5}\right) = \sin\left(14 + \frac{4\hat{x}}{5}\right)$

جيب إحدى
الزاويتين يساوي جيب
الأخرى ((مجموعهما 90°)) وبالتالي

$26^\circ + \frac{\hat{x}}{5} + 14^\circ + \frac{4\hat{x}}{5} = 90^\circ$

$40^\circ + \frac{5\hat{x}}{5} = 90^\circ \Rightarrow \hat{x} = 90^\circ - 40^\circ \Rightarrow \hat{x} = 50^\circ$

السؤال الثاني: قل إن كنت موافقاً أم غير موافقاً على كل من العبارات الآتية:

1) ABC قائم في B فيه $\hat{A} = 32^\circ$ فإن $AB = BC \times \frac{\cos 32^\circ}{\sin 32^\circ}$ ✓✓

1 $\tan 32^\circ = \frac{BC}{AB} \Rightarrow AB = \frac{BC}{\tan 32^\circ} \Rightarrow AB = BC \times \frac{1}{\tan 32^\circ}$

$\Rightarrow AB = BC \times \frac{1}{\frac{\sin 32^\circ}{\cos 32^\circ}} \Rightarrow AB = BC \times \frac{\cos 32^\circ}{\sin 32^\circ}$ ✓



طريقه ثانيه للطالب المتميز

$AB = BC \times \frac{\cos 32^\circ}{\sin 32^\circ} \Leftrightarrow \frac{AB}{BC} = \frac{\cos 32^\circ}{\sin 32^\circ} \dots \textcircled{*}$

$\textcircled{*} \cos 32^\circ = \sin 58^\circ, \sin 32^\circ = \cos 58^\circ$ نعوض بـ

$\frac{AB}{BC} = \frac{\sin 58^\circ}{\cos 58^\circ} = \tan 58^\circ$ ✓✓ $\xleftrightarrow[\text{فالعلاقة المكافئه صحيحه}]{\text{العلاقه الاولى صحيحه}}$ $AB = BC \times \frac{\cos 32^\circ}{\sin 32^\circ}$ ✓

2) $GCD(51, 17) = 1$ ✕✕

نعلم ان: اذا كان b قاسماً لـ a فإن

2 $GCD(a, b) = b$

$\frac{51}{17} = 3 \Rightarrow GCD(51, 17) = 17$

×× إن العدد $\sqrt{9+16}$ يساوي $\sqrt{9} + \sqrt{16}$ (3)

$$\sqrt{9} + \sqrt{16} = 3 + 4 = 7, \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$$

$$\Rightarrow 7 \neq 5$$

$$\Rightarrow \boxed{\sqrt{9} + \sqrt{16} = \sqrt{9+16}} \times \times$$

×× الشكل المختزل للكسر $\frac{153}{324}$ هو: $\frac{51}{108}$ (4)

لاحظ ان كل من حدي الكسر $\frac{51}{108}$ يقبل القسمة على 3 فهو ليس مختزل

$$\frac{51 \div 3}{108 \div 3} = \frac{17}{36} \rightarrow \frac{153}{324} \text{ وهو الكسر المختزل للكسر}$$

ثانياً: حل التمرينات التالية:

التمرين الأول: ليكن العدد $A = \frac{11}{14} - \frac{228}{144}$ والمطلوب:

(1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 228 و 144 ثم اختزل الكسر $\frac{228}{144}$.

$$GCD(228, 144)??$$

$$228 = 1 \times 144 + 84$$

$$144 = 1 \times 84 + 60$$

$$84 = 1 \times 60 + 24$$

$$60 = 2 \times 24 + \boxed{12}$$

$$24 = 2 \times 12 + 0$$

الحل

$$GCD(228, 144) = 12$$

$$\frac{228 \div 12}{144 \div 12} = \frac{19}{12}$$

(2) احسب A وضعه بشكل كسر مختزل.

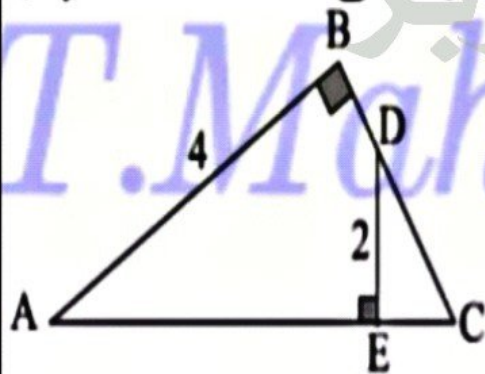
$$A = \frac{11}{14} - \frac{228}{144}$$

بالإستفاده من
الطلب السابق

$$A = \frac{11}{14} - \frac{19}{12} = \frac{132 - 266}{168}$$

$$A = -\frac{134}{168} = -\frac{67}{84}$$

التمرين الثاني: تأمل الشكل المجاور ثم أجب عن الأسئلة التالية:



ABC مثلث قائم فيه : $DE = 2$, $AC = 6$, $AB = 4$

(1) احسب $\sin \hat{C}$

(2) باستعمال النسب المثلثية احسب CD

(3) احسب طول EC

من المثلث ABC القائم في B لدينا:

$$\boxed{1} \quad \sin \hat{C} = \frac{AB}{AC} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \Rightarrow \boxed{\sin \hat{C} = \frac{2}{3}}$$

$$\boxed{2} \quad \text{من المثلث CDE القائم في E لدينا: } \sin \hat{C} = \frac{DE}{DC} \Rightarrow$$

$$\frac{2}{3} = \frac{2}{DC} \Rightarrow DC = 3$$

$$\boxed{3} \quad \text{حسب فيثاغورث من المثلث CDE} \rightarrow (DC)^2 = (DE)^2 + (EC)^2 \Rightarrow$$

$$9 = 4 + (EC)^2 \Rightarrow (EC) = \sqrt{5}$$

1] $ABCD$ متوازي أضلاع فيه: $AB = \sqrt{125} + \sqrt{112} \text{ cm}$

و $BC = \sqrt{45} - \sqrt{28} + 6\sqrt{7} + 2\sqrt{5} \text{ cm}$ والمطلوب:

(1) برهن أن الشكل $ABCD$ معين.

(2) احسب محيط الشكل.

$$\bullet BC = \sqrt{45} - \sqrt{28} + 6\sqrt{7} + 2\sqrt{5} \text{ cm}$$

$$BC = \sqrt{9 \times 5} - \sqrt{7 \times 4} + 6\sqrt{7} + 2\sqrt{5} \text{ cm}$$

$$BC = 3\sqrt{5} - 2\sqrt{7} + 6\sqrt{7} + 2\sqrt{5} \text{ cm}$$

$$\Rightarrow BC = 5\sqrt{5} + 4\sqrt{7} \text{ cm}$$

$$\bullet AB = \sqrt{125} + \sqrt{112} \text{ cm}$$

$$AB = \sqrt{5 \times 25} + \sqrt{16 \times 7}$$

$$\Rightarrow AB = 5\sqrt{5} + 4\sqrt{7} \text{ cm}$$

$$\Rightarrow AB = BC$$

وبالتالي $ABCD$ معين لتساوي طولاه ضلعين متجاورين فيه
اطوال المعين متساوية بالتالي محيطه P يساوي:

$$P = 4 \times l = 4 \times (5\sqrt{5} + 4\sqrt{7})$$

$$\Rightarrow P = 20\sqrt{5} + 16\sqrt{7} \text{ cm}$$

2 جذّ عددين موجبين فرقهما 24 ونسبتهما $\frac{1}{5}$.

بفرض العدد الصغير a والكبير b عندئذ يكون $b - a = 24$ وحسب فرضيات المسألة :
نسبة الصغير إلى الكبير هي $\frac{1}{5}$ وبالتالي:

$$\frac{a}{b} = \frac{1}{5} \xrightarrow[\text{نثبت البسط ونطرحه من المقام}]{\text{حسب خواص التناسب}} \frac{a}{\underbrace{b - a}_{24}} = \frac{1}{5 - 1}$$

$$\frac{a}{24} = \frac{1}{4} \Rightarrow$$

$$\boxed{a = 6} \Rightarrow b - a = 24 \Rightarrow \boxed{b = 30}$$

ثالثاً: حل المسالتين التاليتين:

المسألة الأولى:

ABC مثلث متساوي الاضلاع طول ضلعه x ،
تمر من رؤوسه دائرة مركزها O فيه BI ، AH ارتفاعين.
1- احسب بدلالة x كل من AH ، AO ثم مساحة الدائرة.

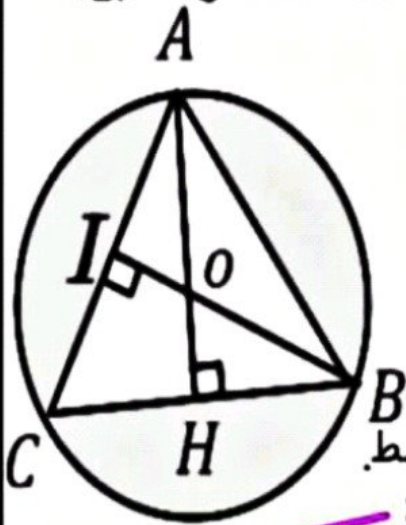
نعلم أن ارتفاع المثلث المتساوي

الأضلاع يعطى بالعلاقة:

$$h_3 = \frac{x\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \boxed{AH = h_3 = \frac{x\sqrt{3}}{2}}$$

نعلم ان كل ارتفاع في مثلث متساوي الاضلاع هو متوسط.
بالتالي النقطة O هي مركز ثقل المثلث ABC ومنه:

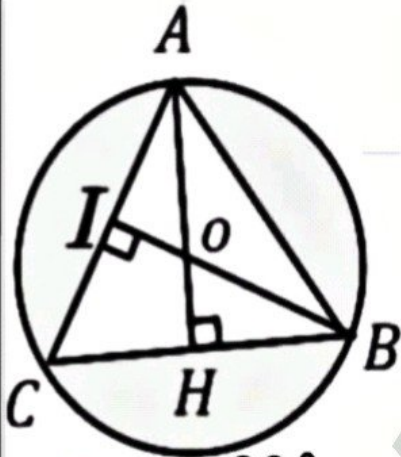
$$\boxed{AO = R = \frac{\sqrt{3}}{3}x}$$



حساب مساحة الدائرة:

$$\blacksquare S_{Circle} = \pi R^2 ; R = Ao = \frac{\sqrt{3}}{3} x \Rightarrow$$

$$S_{Circle} = \pi \times \frac{3}{9} x^2 \Rightarrow S_{Circle} = \frac{\pi}{3} x^2$$



٢- احسب قياس كل من $A\hat{O}B$ و $\sin A\hat{B}I$.
 بداية " نعلم أن كل زاوية من زوايا المثلث المتساوي الأضلاع قياسها 60° و كل ارتفاع في مثلث متساوي الأضلاع هو منصف بالتالي:

$$I\hat{B}A = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ, H\hat{A}B = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ \Rightarrow$$

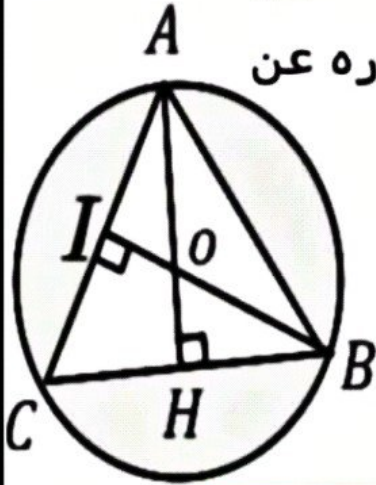
المثلث AOB متساوي الساقين قاعدته AB وقياس زاويتي القاعده 30° فيكون قياس زاوية الرأس O
 $A\hat{O}B = 180^\circ - 2 \times 30^\circ = 180^\circ - 60^\circ \Rightarrow A\hat{O}B = 120^\circ$

حساب $\sin A\hat{B}I$ \blacksquare

$$\text{طريقه 1} \quad \sin A\hat{B}I = \sin 30^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\text{طريقه 2} \quad \sin ABI = \frac{IA}{AB} = \frac{\frac{x}{2}}{x} = \frac{1}{2}$$

٣- اثبت ان مساحة المنطقة المظلة تساوي $S = \frac{4\pi - \sqrt{27}}{12} x^2$



■ إن S مساحة المنطقة المظلة المطلوبه هي عبارته عن مساحة الدائره مطروحا منها مساحة المثلث ABC المتساوي الأضلاع.

وجدنا في الطلب الأول: $S_{Circle} = \frac{\pi}{3} x^2$

ونعلم أن مساحة المثلث المتساوي الأضلاع تعطى بالعلاقة:

$$S_{Triangle} = \frac{x^2 \sqrt{3}}{4}$$

وبالتالي S المساحة المطلوبه هي فرق المساحتين [مساحة الدائره مطروحا منها مساحة المثلث المتساوي الأضلاع]

$$S = \frac{\pi}{3} x^2 - \frac{\sqrt{3}}{4} x^2 = \left(\frac{\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{4} \right) x^2 \Rightarrow$$

$$S = \left(\frac{4\pi - 3\sqrt{3}}{12} \right) x^2 \xrightarrow{3\sqrt{3} = \sqrt{27}} S = \left(\frac{4\pi - \sqrt{27}}{12} \right) x^2$$

٤- احسب x إذا علمت أن $S = \frac{4\pi - \sqrt{27}}{3}$

$$S = \frac{4\pi - \sqrt{27}}{3} \Rightarrow$$

$$\left(\frac{4\pi - \sqrt{27}}{12} \right) x^2 = \frac{4\pi - \sqrt{27}}{3} \Rightarrow \frac{x^2}{12} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow \boxed{x = 2}$$

ليكن العدان $A = \frac{243}{189}$, $B = \sqrt{72} - 2\sqrt{8} + 3\sqrt{18}$

(1) أوجد $GCD(243, 189)$ واختزل العدد A

$$\left. \begin{array}{l} GCD(243, 189) = ?? \\ 243 = 1 \times 189 + 54 \\ 189 = 3 \times 54 + 27 \\ 54 = 2 \times 27 + 0 \end{array} \right\} \Rightarrow GCD(243, 189) = 27$$

$$\Rightarrow A = \frac{243}{189} = \frac{243 \div 27}{189 \div 27} = \frac{9}{7}$$

(2) اكتب العدد B على شكل $a\sqrt{b}$

$$B = \sqrt{72} - 2\sqrt{8} + 3\sqrt{18}$$

$$B = \sqrt{36 \times 2} - 2\sqrt{4 \times 2} + 3\sqrt{9 \times 2}$$

$$B = 6\sqrt{2} - 4\sqrt{2} + 9\sqrt{2} \Rightarrow B = 11\sqrt{2}$$

(3) أزل الجذر من مقام الكسر $\frac{5}{\sqrt{2}}$

$$\frac{5}{\sqrt{2}} = \frac{5 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{2}$$

انتهى حل الإختبار

مع دعائي للجميع بالتوفيق والسداد أ. ماهر بربر

أ. ماهر بربر