

قال الشاعر عمر أبو ريشة :

في مغانينا ذيول الشهب  
وهوى دون بلوغ الأرب  
عارضيه قبضة المغتصب  
غلب الوائب أم لم يُغلب  
جرح ماضيها كثيف الحجب

١- ياعروس المجد [ تيهي ] واسحبي  
٢- درج البغي عليها حقبلة  
٣- لا يموت الحق مهما لظمت  
٤- شرف الوثبة أن ترضي العلا  
٥- ضلت الأمة إن أرخت على

أولاً: أ- اختر الإجابة الصحيحة، ثم انقلها إلى ورقة إجابتك فيما يأتي: (٦٠ درجة لكل سؤال ١٠ درجات)

١- مفرد كلمة ( مغانينا ) الواردة في البيت الأول:							
أ	غانية	ب	غناء	ج	أغنية	د	مغنى
٢- الفكرة العامة للأبيات السابقة هي :							
أ	تصوير أعراس الشهادة وتمجيد انتصار تشرين	ب	الدعوة إلى مناصرة الحق ومساندة المناضلين	ج	تصوير أفراس الجلاء والإشادة بنضال أبناء الوطن	د	تخليد تراث الأمة وتاريخها المشرف
٣- واحد مما يأتي لا يمثل موقف الشاعر من أبناء الوطن :							
أ	تقدير نضالهم وسعيهم إلى تحقيق الأمجاد	ب	تقدير نسيانهم لجراح الماضي	ج	تقدير انتصارهم المشرف	د	إصرارهم على تقدير استعادة حقوقهم
٤- أراد الشاعر في البيت الأول التعبير عن							
أ	بهجة النصر بجلاء المستعمر	ب	تصوير كثرة التضحيات	ج	التغني بأمجاد الماضي	د	أفراس النصر على العثمانيين
٥- يبلغ المناضل المجد في البيت الرابع :							
أ	بالوثوب على الأعداء وسحقهم	ب	بالتضحية والدماء	ج	بالنصر على الأعداء	د	بمواصله النضال أيأ كانت نتائج
٦- أشار الشاعر في البيت الثاني إلى:							
أ	تهاوي غرور المستعمرين بعد تمكنهم من تحقيق أهدافهم	ب	سير المستعمر على أرض الوطن وتحقيق أهدافه	ج	خيبة أمل المستعمر في تحقيق أهدافه	د	خيبة المناضلين في تحقيق أهدافهم

ب- أجب عن الأسئلة الآتية : (٤٥ درجة)

١. عبّر الشاعر عن ثبات الحق أمام المعتدين، وضح ذلك مما ورد في البيت الثالث. (١٠ درجات)
٢. في البيت الخامس سبب ونتيجة، وضح كلاً منهما. (١٠ درجات)
٣. قال الشاعر عمر أبو ريشة في القصيدة نفسها: لن تري حفنة رملٍ فوقها لم تُعطرّ بدما حرّ أبي وقال سليمان العيسى: أيّارُ عرسك معقودٌ على الجبلِ دمُ الشبابِ كتابُ الحبِّ والغزلِ وازن بين هذين البيتين من حيث المضمون. (٢٠ درجة)
٤. قال عمر أبو ريشة في القصيدة نفسها: وتَغَنَّتْ بالمروءات التي عرفتْها في فتاها العربي استخرج من مضمون البيت السابق قيمة بارزة فيه. (٥ درجات)

ثانياً: المستوى الفني: (٨٠ درجة)

أ- املأ الفراغ بما يناسبه ، ثم انقله إلى ورقة إجابتك فيما يأتي:

- ١- أفاد استعمال الفعل الماضي (ضُلت) في البيت الخامس الدلالة على ..... (١٠ درجة)
- ٢- الشعور العاطفي البارز في البيت الثاني هو ..... ومن أدوات التعبير عنه ..... مثل ..... (٢٠ درجة)

يتبع في الصفحة الثانية

**ب - أجب عن السؤالين الآتيين :**

- ١- استخرج من البيت الرابع محسناً بديعياً واذكر نوعه . ( ٢٠ درجة )
- ٢- قال الشاعر عمر أبو ريشة : **يا عروس المجد حسبي عزة أن أرى المجد انثنى يعتزُّ بي**  
حل الصورة الآتية : (المجد يعتزُّ بي ) ثم سمِّها، و اشرح وظيفة إضفاء نفسيّة المبدع فيها . ( ٣٠ درجة )

**ثالثاً : التطبيق وقواعد اللغة والنحو والاملاء : ( ٨٥ درجة )**

أ - املأ الفراغ بما يناسبه، ثم انقله إلى ورقة إجابتك فيما يأتي:

- ١- وزن كلمة ( أَرَحْتُ ) هو ..... ( ٥ درجات )
- ٢- كتبت الألف على صورتها في كلمة ( هوى ) لأنها ..... ( ٥ درجات )
- ٣- الترتيب الصحيح للكلمات الآتية (مغتصب- ماضيها- مغانينا) وفق ورودها في معجم يأخذ بأوائل الكلمات هو..... ( ٥ درجات )
- ب- أجب عن الأسئلة الآتية :**

- ١- اذكر نوع ( إلا ) في كلٍّ من الجملتين الآتيتين : ( أ ) ما دَرَجَ إلا البغيُّ ( ب ) ضَلَّتِ الأُمّةُ إلا حكماءَها ( ١٠ درجات )
- ٢- حوّل الحال المفردة فيما يأتي إلى حال جملة اسمية : ( خرج المستعمرون مهزومين ) ( ١٠ درجات )
- ٣- أعرب ما تحته خط إعراب مفردات وما بين قوسين إعراب جمل ( ٥٠ درجة )

**رابعاً : المطالعة ( ٣٠ درجة )**

- اكتب خمس ممارسات وحشيّة يقوم بها الكيان الصهيوني في فلسطين المحتلة كما ورد في نص (أدب المقاومة) للدكتورة نجاح العطار .

**خامساً : المستوى الإبداعي: ( ١٠٠ درجة )**

اكتب في واحد من الموضوعين الآتيين :

١. اكتب مقالة بما لا يتجاوز عشرة أسطر تبين فيها أهمية نشر الوعي الصحي بين الناس مبرزاً الدور الذي يؤديه الإعلام في ذلك
٢. قال الشاعر بشار بن برد : **إذا كنت في كل الأمور معاتباً صديقك لم تلق الذي لا تعاتبه .**

اكتب موضوعاً في ضوء هذا القول تبين فيها أهمية الصداقة في حياة الإنسان، مبرزاً الصفات التي تؤدُّ أن يتحلّى بها أصدقاؤك.

**انتهت الأسئلة**

(١٠×٦=٦٠)

أولاً: أ) ١- ٢ / د - ٣ / ج - ٤ / ب - ٥ / أ - ٦ / ج

ب) ١- الحق لا يفنى أو لا يضيع أو لا يزول مهما تعرض للعوان. / ١٠ / د  
٢- السبب: إرخاء الحجب على جرح الماضي أو تجاهل جرح الماضي / ٥ / د  
النتيجة: ضلال الأمة أو ضياعها / ٥ / د

٣- الموازنة: كلاهما تحدثت عن التضحيات أو دماء الشهداء / ١٠ / د

أبو ريشة / ٥ / د	سليمان العيسى / ٥ / د
الدماء عطرت التراب	الدماء كتاب حب
مجد شهداء الحرية	مجد شهداء أيار وتشريين

٤- القيمة: تقدير مروءات الإنسان العربي. / ٥ / د

**ثانياً: المستوى الفني: (٨٠ د)**

أ) ١- تحقق ضلال الأمة وثبات وقوعه. / ١٠ / د  
٢- الشعور: فرح - اعتزاز / ٤ / د - الأداة: تركيب / ٣ / د - المثال: الشطر الثاني / ٣ / د  
ب) ١- المحسن البيديعي: غلب: لم يغلب / ١٠ / د ( طباق سلب) / ١٠ / د  
٢- الصورة: ذكر المشبه: المجد / ٥ / د - حذف المشبه به: الإنسان / ٥ / د  
ترك شيئاً من لوازمه ( يعنّز) / ٥ / د - فالاستعارة مكنية / ٥ / د  
إضفاء نفسية المبدع: نقل الشاعر صورة ( المجد ) وأضفى عليها مشاعره ورؤاه حيث شخّص المجد فجعله كإنسان يشعر مثله بالاعتزاز / ١٠ / د

**ثالثاً: التطبيق وقواعد اللغة والنحو والإملاء: (٨٥ د)**

١- وزن ( أرخت) أفعت ( ٥ د)  
٢- ( هوى) ثالثه أصلها ياء ( ٥ د) / ٣- الترتيب: ١- مغتصب ٢- مغانينا ٣- ماضيها ( ٥ د)  
ب) ١- ما درج إلا البغي: أداة حصر ( ٥ د) / ضلت الأمة الاحكامها: أداء استثناء / ٥ / د  
٢- خرج المستعمرون وهم مهزومون أو وهم يهزومون. ( ١٠ د)  
٣- الإعراب:

( تيهي) استئنافية لا محل لها من الإعراب ( ١٠ د)  
الأرب: مضاف إليه مجرور وعلامة جره الكسرة الظاهرة ( ١٠ د)  
ترضي: فعل مضارع منصوب وعلامة نصبه الفتحة الظاهرة ( ١٠ د)  
الواثب: نائب فاعل مرفوع وعلامة رفعه الضمة الظاهرة ( ١٠ د)  
كثيف: مفعول به منصوب وعلامة نصبه الفتحة الظاهرة ( ١٠ د)

**رابعاً: المطالعة: (٦×٣٠=٣٠٠)**

الاجتصاب الصهيوني لفلسطين / تذيب أهلها وتهجيرهم / اضطهاد من رفض الهجرة وتشبث بالأرض / التمييز العنصري / قتل الروح القومية والوطنية العربية في كل شبر مغتصب.

**خامساً: (١٠٠)**

١- المقالة: أ) مقدمة مناسبة ( ١٠ د) ب) أهمية نشر الوعي الصحيح بين الناس ( ٣٠ د)  
ج) دور الإعلام في نشر الوعي الصحي ( ٣٠ د) د) خاتمة مناسبة ( ١٠ د) هـ) الأسلوب ( ٢٠ د)  
٢- الموضوع: أ) مقدمة مناسبة ( ١٠ د) ب) أهمية الصداقة في حياة الإنسان ( ٣٠ د)  
ج) الصفات التي يتحلى بها الصديق ( ٤٠ د) د) خاتمة مناسبة ( ١٠ د) هـ) الأسلوب ( ٢٠ د)

انتهى السلم

Nom :..... ;

## L'été en France

En été, des festivals, des concerts et des animations rythment la vie.

Le 21 juin, c'est le premier jour de l'été, c'est aussi le jour de la fête de la musique. Les Français sortent dans la rue pour jouer de la musique ou bien pour écouter des concerts. C'est très populaire.

En juillet, il y a le Tour de France, c'est la plus importante compétition cycliste du monde. Chaque année, des millions de personnes vont sur les routes du Tour de France pour encourager les coureurs. Et le 14, c'est le jour de la Fête nationale, il y a un feu d'artifice dans chaque village et à Paris, il y a un grand défilé militaire sur les Champs-Élysées.

La municipalité de Paris

### Répondez par « Vrai » ou « Faux » !

- 1- Dans ce document, il s'agit d'un article.
- 2- La municipalité présente de différents événements sociaux.
- 3- Les événements cités dans le document se déroulent en même saison.
- 4- Ce document est une publication officielle.

### Cochez la bonne réponse !

- 5- **La fête de la musique vise à.....**

a- encourager les coureurs	c- sortir dans les rues
b- jouer et écouter de la musique	d- faire des concerts
- 6- **Dans la fête nationale, sur les Champs-Élysées, on organise.....**

a- un feu d'artifice	c- des concerts
b- un cortège militaire	d- une compétition
- 7- **Des millions de personnes envahissent les rues pour l'événement .....**

a-La Fête Nationale	c-La Fête de la Musique
b-Le Tour de France	d- La compétition cycliste du monde
- 8- **La fête de la musique se déroule.....**

a- au début de l'été	c- à mi-juillet
b- le dernier jour de l'été	d- en juillet

### II- Grammaire

- 9- **La municipalité a organisé un événement..... célébrer le Nouvel An.**

a- afin que	b- de crainte que	c- de peur de	d- pour
-------------	-------------------	---------------	---------
- 10- **En France, la mairie propose plusieurs activités ..... la communauté chinoise puisse fêter le Nouvel An.**

a- Pour que	b- de peur que	c- afin de	d- de façon à
-------------	----------------	------------	---------------
- 11- **Je me réveille très tôt..... rater le rendez-vous d'affaires.**

a- pour	b- de peur de	c- afin que	d- afin de
---------	---------------	-------------	------------
- 12- **Le gouvernorat a organisé la fête.....le public puisse participer à toutes les activités.**

a- de peur que	b- de manière à	c- de manière à ce que	d- pour
----------------	-----------------	------------------------	---------
- 13- **Je porte mon parapluie de peur qu'il ne.....**

a- pleut	b- pleuvra	c- pleuvait	d- pleuve
----------	------------	-------------	-----------
- 14- **Je travaille jour et nuit pour ..... de bonnes notes.**

a- obtienne	b- obtenir	c- obtiens	d- obtiendrai
-------------	------------	------------	---------------
- 15- **Il faut que tu ..... tes devoirs.**

a- fasses	b- fais	c- feras	d- faisais
-----------	---------	----------	------------
- 16- **Si tu comprends bien la règle, tu .....l'exercice facilement.**

a- feras	b- faisais	c- ferais	d- faire
----------	------------	-----------	----------
- 17- **Je pense que vous ..... participer à cet événement.**

a- deviez	b- devrez	c- devriez	d- devoir
-----------	-----------	------------	-----------
- 18- **Je fais tous mes efforts pour.....**

a- réussirai	b- réussisse	c- la réussite	d- réussirais
--------------	--------------	----------------	---------------

III- Voici un extrait d'une interview entre un journaliste et un responsable sur la journée internationale des femmes, remettez-le en ordre !

a-	Donc, elles font tous leurs possibles pour réduire l'inégalité homme-femme et quelles sont les activités proposées ?
b-	Et où l'on fête cette journée cette année ?
c-	Le gouvernorat permet aux femmes d'organiser des conférences, des expositions et des séances
d-	Aujourd'hui, c'est la journée internationale des femmes pourriez-vous nous présenter cet événement en quelques mots ?
e-	Pour célébrer cette fête, on consacre plusieurs salles dans le centre culturel de Damas.
f-	Bien sûr, à cette occasion, on rend hommage aux femmes qui luttent pour avoir leurs droits.

1	2	3	4	5	6

**BONNE CHANCE**



Nom :..... ;

## L'été en France

### A-Répondez par « Vrai » ou « Faux » !

- 1- **Vrai** (15 points)
- 2- **Vrai** (15 points)
- 3- **Vrai** (15 points)
- 4- **Vrai** (15 points)

### B- Cochez la bonne réponse !

- 5- La fête de la musique vise à.....  
b- **jouer et écouter de la musique** (20 points)
- 6- Dans la fête nationale, sur les Champs- Elysées, on organise.....  
a- **un cortège militaire** (20 points)
- 7- Des millions de personnes envahissent les rues pour l'événement .....  
b- **Le Tour de France** (20 points)
- 8- La fête de la musique se déroule.....  
a- **au début de l'été** (20 points)

## II- Grammaire

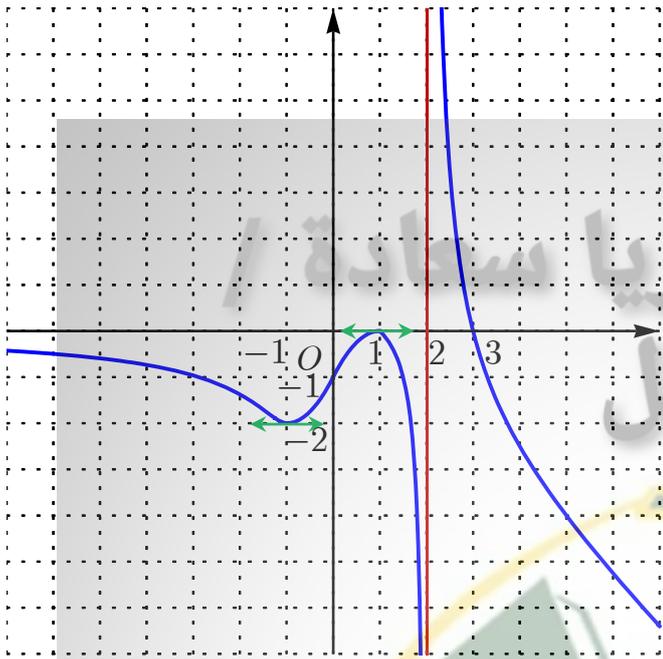
- 9- La municipalité a organisé un événement..... célébrer le Nouvel An.  
d- **pour** (10 points)
- 10- En France, la mairie propose plusieurs activités ..... la communauté chinoise puisse fêter le Nouvel An.  
a- **Pour que** (10 points)
- 11- Je me réveille très tôt..... rater le rendez-vous d'affaires.  
b- **de peur de** (10 points)
- 12- Le gouvernorat a organisé la fête.....le public puisse participer à toutes les activités.  
c- **de manière à ce que** (10 points)
- 13- Je porte mon parapluie de peur qu'il ne.....  
d- **pleuve** (10 points)
- 14- Je travaille jour et nuit pour ..... de bonnes notes.  
b- **obtenir** (10 points)
- 15- Il faut que tu ..... tes devoirs.  
b- **fasses** (10 points)
- 16- Si tu comprends bien la règle, tu .....l'exercice facilement.  
c- **feras** (10 points)
- 17- Je pense que vous ..... participer à cet événement.  
b- **devrez** (10 points)
- 18- Je fais tous mes efforts pour..... .  
c- **la réussite** (10 points)

## III- Voici un extrait d'une interview entre un journaliste et un responsable sur la journée internationale des femmes, remettez-le en ordre !

(60 points)

1	2	3	4	5	6
D	F	A	C	B	E

**BONNE CHANCE**

**التحليل 1: (40 درجة لكل سؤال)****السؤال الأول :**ليكن  $f$  التابع المعرف على  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ خطه البياني  $C_f$  المرسوم في الشكل المجاور:1 استنتج من الشكل نهاية التابع  $f$  عند أطراف مجموعة تعريفهثم اكتب معادلة كل مستقيم مقارب أفقي أو شاقولي للخط  $C_f$ .2 ما حلول المعادلة  $f(x) = 0$  ؟3 ما مجموعة حلول المتراجحة  $f(x) \geq 0$  ؟4 ناقش بحسب قيم  $k \in \mathbb{R}$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = k$ .5 نظم جدولاً بتغيرات التابع  $f$ .6 ليكن التابع  $g$  المعين بالعلاقة:  $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ .خطه البياني  $C_g$  عيّن مجموعة تعريف التابع  $g$  واستنتج معادلات المستقيمات المقاربة لخطه البياني  $C_g$ .**السؤال الثاني :**ليكن  $f$  التابع المعين بالعلاقة  $f(x) = x \cdot \sin \frac{1}{x}$ 1 ادرس نهاية  $f$  عند الصفر.2 ادرس نهاية  $f$  عند  $+\infty$ .**السؤال الثالث :**ادرس نهايات كلاً من التوابع الآتية عند  $a$  الموافقة .1  $f(x) = \sqrt{-x} + x$  عند  $-\infty$  .  
2  $f(x) = \frac{2 - \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+6} - 3}$  عند  $+\infty$  و  $3$  .3  $f(x) = \frac{3 \cos x - 3}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}$  عند  $0$  و  $-\infty$  .  
4  $f(x) = \frac{2x^3 - 3x - 10}{x^2 - 4}$  عند  $-\infty$  و  $+\infty$  و  $-2$  و  $2$  .**السؤال الرابع :**1 أثبت أن  $\frac{1}{x^2} - \sin^2 \frac{1}{x} \geq \frac{1}{x^2} - 1$  أيأ تكن  $x \in \mathbb{R}^*$  . ثم استنتج نهاية التابع  $x \mapsto \frac{1}{x^2} - \sin^2 \frac{1}{x}$  عند الصفر .2  $f$  تابع معرف على  $]-\infty, 0[$  وفق :  $g(x) = \frac{2 - \cos x}{x}$  . احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(g(x))$  .3 بافتراض أن  $x - \frac{x^3}{6} \leq \sin x \leq x - \frac{x^3}{6} + \frac{x^5}{120}$  أيأ تكن  $x > 0$  . استنتج  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x - \sin x}{x^3}$  .

**التحليل:2****السؤال الأول : (30 درجة)**

- 1 حل المعادلة الآتية :  $\ln(-x) = \ln(x^2 - 1)$
- 2 حل المتراجحة الآتية :  $\ln(x^2 - 2x + 2) > 0$
- 3 ارسم في معلم متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  مجموعة النقاط  $M(x, y)$  التي تحقق الشرط :  $\ln(-y) = \ln(x + 1)$

**السؤال الثاني : (30 درجة)**

ليكن  $f$  التابع المعين بالعلاقة :  $f(x) = 2x^2 - x - 1$

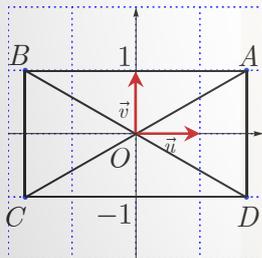
- 1 حل المعادلة  $f(x) = 0$  ثم استنتج حلول المعادلة  $2(\ln x)^2 - \ln x - 1 = 0$
- 2 حل المتراجحة :  $2(\ln x)^2 - \ln x - 1 \leq 0$
- 3 حل المتراجحة :  $\ln x + \ln(2x - 1) > 0$

**السؤال الثالث : (30 درجة)** حل جملة المعادلتين الآتيتين :

$$\begin{cases} x^2 + 2y = 16 \\ \ln \frac{x}{y} = -\ln 3 \end{cases}$$

**السؤال الرابع : (50 درجة)**

- ليكن  $f$  تابعاً معرفاً على المجال  $I = ]0, +\infty[$  وفق العلاقة :  $f(x) = x^2 + \ln x - 1$  ، خطّه البياني  $C$
- 1 احسب  $f'(x)$  واستنتج أنّ  $f$  متزايداً تماماً على  $I = ]0, +\infty[$
  - 2 نظم جدولاً باطراد التابع  $f$  ثم احسب  $f(1)$  واستنتج مجموعة حلول المتراجحة  $x^2 + \ln x \leq 1$
  - 3 اكتب معادلةً للمماس للخط  $C$  في نقطة منه فاصلتها  $x = 1$

**الجبر:****السؤال الأول : (20 درجة)**

- في معلم متجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  مثلثنا المستطيل  $ABCD$  المرسوم جانباً: مركزه  $O$  وطول قطره يساوي 4. أعط الأعداد العقدية التي تمثل رؤوس المستطيل .

**السؤال الثاني : (60 درجة)**

ليكن العدد العقدي  $w = \frac{2e^{i\frac{\pi}{6}}}{\sqrt{2} + i\sqrt{2}}$

- 1 أثبت أنّ  $|w| = 1$  و  $\arg(w) = \frac{-\pi}{12}$  ثم استنتج الشكل الأسي للعدد  $w$
- 2 ليكن  $z$  عدداً عقدياً ما ، بالاستفادة من  $|w| = 1$  أثبت أنّ العدد  $v = \frac{z - w\bar{z}}{1 - w}$  حقيقي .
- 3 بالاستفادة من  $\arg(w) = \frac{-\pi}{12}$  أثبت أنّ العدد  $u = \frac{-1 + i}{(1 + i\sqrt{3}) \cdot w}$  تخيلي بحت .

**السؤال الثالث : (60 درجة)**

لتكن الأعداد العقدية :  $z = (3 + \sqrt{3}) + i(-3 + \sqrt{3})$  و  $u = 3 + i\sqrt{3}$  و  $v = \frac{z}{u}$

① اكتب  $v$  بالشكل الجبري .

② اكتب كلاً من  $v$  و  $u$  بالشكل المثلثي ثم استنتج  $z$  بالشكل المثلثي .

③ استنتج  $\cos \frac{\pi}{12}$  و  $\sin \frac{\pi}{12}$  .

④ أثبت أن العدد  $z^{2022}$  تخيلي بحت .

**السؤال الرابع : (60 درجة)**

أولاً: عيّن مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق المساواة في كل من الحالتين الآتيتين :

①  $\arg(iz) = \pi$  . ②  $\text{Im}(z) = \frac{\pi}{4}$  .

ثانياً: ① اكتب كلاً من العددين العقديين بالشكل الأسّي :  $z_1 = 2 \cos \frac{5\pi}{7} e^{\frac{i\pi}{3}}$  و  $z_2 = 1 + e^{\frac{i\pi}{6}}$  .

② اكتب كلاً من العددين العقديين بالشكل المثلثي :  $z_3 = (\sin \frac{\pi}{9} + i \cos \frac{\pi}{9})^5$  و  $z_3 = -7(\cos \frac{\pi}{7} - i \sin \frac{\pi}{7})$  .

**الأشعة:****السؤال الأول: (100 درجة)**

$ABCDEFGH$  متوازي مستطيلات فيه  $AB = 4$  و  $AD = 2$  و  $AE = 1$  . والنقطتان  $I$  و  $J$  منتصفا  $[DC]$  و  $[BC]$  بالترتيب .

و  $Q$  نقطة تحقق  $\overrightarrow{AQ} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AD}$  .

أولاً: حدّد موقع النقطة  $N$  التي تحقق المساواة :

$$\overrightarrow{GN} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{DA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{EC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{EB}$$

ثانياً: لنختر معلماً متجانساً :  $(A; \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}, \frac{1}{2}\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$

① جد إحداثيات رؤوس متوازي المستطيلات

وإحداثيات النقاط  $I$  و  $J$  و  $Q$  في المعلم المعطى .

② احسب أطوال أضلاع المثلث  $EJG$  . وحدّد نوعه .

و جد إحداثيات النقطة  $K$  كي يكون الشكل  $EJGK$  مستطيلاً .

③ عيّن إحداثيات النقطة  $G'$  مركز ثقل المثلث  $EJG$  وأثبت أنها تنتمي إلى المستقيم  $(QF)$  .

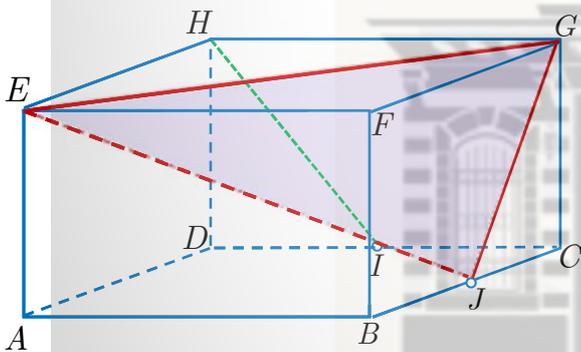
④ عيّن إحداثيات النقطة  $L$  نظيرة النقطة  $G$  بالنسبة إلى النقطة  $G'$  .

⑤ جد معادلة المستوي التي تمثله مجموعة النقاط  $M$  من الفراغ المتساوية البعد عن طرفي القطعة المستقيمة  $[GJ]$  .

⑥ هل يوجد نقطة من المستقيم  $(HG)$  متساوية البعد عن النقطتين  $G$  و  $J$  ؟ علل إجابتك .

⑦ جد معادلة الكرة التي قطرها  $[AG]$  .

.....انتهت الأسئلة.....



$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty \text{ و } \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$$

ومنه  $x = 2$  مستقيم مقارب شاقولي .

② للمعادلة  $f(x) = 0$  حلان هما  $x = 1$  و  $x = 3$  .

③ حلول المتراجحة  $f(x) \geq 0$  هي  $x \in ]2, 3] \cup \{1\}$

④ المناقشة :

□ عندما  $k \in ]-\infty, -2[$  يكون للمعادلة  $f(x) = k$  حلان

□ عندما  $k = -2$  يكون للمعادلة  $f(x) = k$  ثلاثة حلول

□ عندما  $k \in ]-2, 0[$  يكون للمعادلة  $f(x) = k$

أربعة حلول .

□ عندما  $k = 0$  يكون للمعادلة  $f(x) = k$  حلان .

□ عندما  $k \in ]0, +\infty[$  يكون للمعادلة  $f(x) = k$

حل وحيد .

⑤

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$
$f(x)$	$0$	$\searrow$	$-2$	$\nearrow$	$0$

⑥ يكون التابع  $g$  معرفاً عندما يكون  $f$  معرفاً و

$f(x) \neq 0$  وهذا محقق عندما  $x \neq 1$  و  $x \neq 3$  و  $x \neq 2$

أي  $x \in ]-\infty, 1[ \cup ]1, 2[ \cup ]2, 3[ \cup ]3, +\infty[$

لما كان  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  و  $f$  سالب في جوار  $-\infty$  .

كان  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty$

$(\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 0^-)$  لأن  $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = -\infty$

ومنه  $x = 1$  مستقيم مقارب شاقولي للخط  $C_g$

$\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 0$

$(\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty)$  و  $(\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty)$  لأن

$(\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 0^+)$  لأن  $\lim_{x \rightarrow 3^-} g(x) = +\infty$

$(\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 0^-)$  لأن  $\lim_{x \rightarrow 3^+} g(x) = -\infty$

ومنه  $x = 3$  مستقيم مقارب شاقولي للخط  $C_g$  .

$(\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty)$  لأن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 0$

ومنه  $y = 0$  مستقيم مقارب أفقي للخط  $C_g$

التحليل 1: (160 درجة)

السؤال الأول: (40 درجة)

ليكن  $f$  التابع المعرف على  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$

خطه البياني  $C_f$  المرسوم في الشكل المجاور:

① استنتج من الشكل نهاية التابع  $f$  عند أطراف مجموعة

تعريفه ثم اكتب معادلة كل مستقيم مقارب أفقي أو

شاقولي للخط  $C_f$  .

② ما حلول المعادلة  $f(x) = 0$  ؟

③ ما مجموعة حلول المتراجحة  $f(x) \geq 0$  ؟

④ ناقش بحسب قيم  $k \in \mathbb{R}$  عدد حلول المعادلة

$f(x) = k$  .

⑤ نظم جدولاً بتغيرات التابع  $f$  .

⑥ ليكن التابع  $g$  المعين بالعلاقة:  $g(x) = \frac{1}{f(x)}$  .

خطه البياني  $C_g$  عين مجموعة تعريف التابع  $g$  واستنتج

معادلات المستقيمات المقاربة لخطه البياني  $C_g$  .



الجد

①  $f$  معرف على  $]-\infty, 2[ \cup ]2, +\infty[$

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  ومنه المستقيم  $y = 0$  مقارب أفقي

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$

2

$$f(x) = x \left( \frac{\sqrt{-x}}{-\sqrt{-x} \cdot \sqrt{-x}} + 1 \right) \text{ و بالتالي}$$

$$f(x) = x \left( \frac{-1}{\sqrt{-x}} + 1 \right)$$

2

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty \text{ و لَمَّا كان } \lim_{x \rightarrow -\infty} \left( \frac{-1}{\sqrt{-x}} \right) = 0 \text{ كان}$$

$$f(x) = \sqrt{x^2 \left( \frac{-x}{x^2} \right) + x} \text{ طريقة ثانية :}$$

$$f(x) = -x \sqrt{\left( \frac{-1}{x} \right) + x} \text{ وبالتالي}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty \text{ ومنه } f(x) = x \left( -\sqrt{\left( \frac{-1}{x} \right) + 1} \right)$$

$$f(x) = \frac{2 - \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+6} - 3} \quad \textcircled{2}$$

نلاحظ أن نهاية التابع  $f$  عند  $+\infty$  هي حالة عدم

تعيين من الشكل  $\frac{-\infty}{+\infty}$  لإزالتها:

$$f(x) = \frac{2 - \sqrt{x \left( 1 + \frac{1}{x} \right)}}{\sqrt{x \left( 1 + \frac{6}{x} \right)} - 3} \text{ ومنه}$$

$$f(x) = \frac{2 - \sqrt{x} \sqrt{\left( 1 + \frac{1}{x} \right)}}{\sqrt{x} \sqrt{\left( 1 + \frac{6}{x} \right)} - 3} \text{ وبالتالي}$$

$$f(x) = \frac{\sqrt{x} \left( \frac{2}{\sqrt{x}} - \sqrt{\left( 1 + \frac{1}{x} \right)} \right)}{\sqrt{x} \left( \sqrt{\left( 1 + \frac{6}{x} \right)} - \frac{3}{\sqrt{x}} \right)} \text{ ومنه}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2}{\sqrt{x}} = 0 \text{ و لَمَّا كان } f(x) = \frac{\left( \frac{2}{\sqrt{x}} - \sqrt{\left( 1 + \frac{1}{x} \right)} \right)}{\left( \sqrt{\left( 1 + \frac{6}{x} \right)} - \frac{3}{\sqrt{x}} \right)}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{6}{x} = 0 \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x} = 0 \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{\sqrt{x}} = 0 \text{ و}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{-1}{1} = -1 \text{ كان}$$

1

1

1

## السؤال الثاني : ليكن $f$ التابع المعين بالعلاقة

$$f(x) = x \cdot \sin \frac{1}{x}$$

1 ادرس نهاية  $f$  عند الصفر. 2 ادرس نهاية  $f$  عند  $+\infty$ .

الحل

$$|f(x)| = \left| x \cdot \sin \frac{1}{x} \right| = |x| \cdot \left| \sin \frac{1}{x} \right| \leq |x| \cdot (1) \quad \textcircled{1}$$

$$\left| \sin \frac{1}{x} \right| \leq 1 \text{ لأن}$$

$$|f(x) - 0| \leq |x| \text{ أصبح لدينا}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} |x| = 0 \text{ فاستناداً إلى مبرهنة الإحاطة (2)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0 \text{ نجد أن}$$

ملاحظة : يمكن الحل باستخدام الإحاطة (1).

2 نلاحظ أن نهاية التابع  $f$  عند  $+\infty$  هي حالة عدم

تعيين من الشكل  $+\infty \times 0$  لإزالتها

$$f(x) = \frac{\sin \frac{1}{x}}{\frac{1}{x}}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x} = 0 \quad \square$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{X \rightarrow 0} \frac{\sin X}{X} = 1 \quad \square$$

## السؤال الثالث : ادرس نهايات كلاً من التتابع الآتية

عند  $a$  الموافقة .

$$f(x) = \sqrt{-x} + x \text{ عند } -\infty \quad \textcircled{1}$$

$$f(x) = \frac{2 - \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+6} - 3} \text{ عند } +\infty \text{ و } 3 \quad \textcircled{2}$$

$$f(x) = \frac{3 \cos x - 3}{\sqrt{x^2 + 1} - 1} \text{ عند } 0 \text{ و } -\infty \quad \textcircled{3}$$

$$f(x) = \frac{2x^3 - 3x - 10}{x^2 - 4} \text{ عند } -\infty \text{ و } +\infty \text{ و } -2 \text{ و } 2 \quad \textcircled{4}$$

الحل

1 نلاحظ أن نهاية التابع  $f$  عند  $-\infty$  هي

حالة عدم تعيين من الشكل  $+\infty - \infty$  لإزالتها

$$f(x) = x \left( \frac{\sqrt{-x}}{x} + 1 \right) \text{ ومنه}$$

$$f(x) = -6 \left( \frac{\sin \frac{x}{2}}{2 \times \frac{x}{2}} \right)^2 \times (\sqrt{x^2 + 1} + 1)$$

$$f(x) = \frac{-6}{4} \left( \frac{\sin \frac{x}{2}}{\frac{x}{2}} \right)^2 \times (\sqrt{x^2 + 1} + 1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin \frac{x}{2}}{\frac{x}{2}} = \lim_{X \rightarrow 0} \frac{\sin X}{X} = 1 \text{ ولما كان}$$

$$\cdot \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \frac{-3}{2} (1)^2 (2) = -3 \text{ كان}$$

عند  $-\infty$  :

$$f(x) = \frac{3 \cos x - 3}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}$$

$$-3 \leq 3 \cos x \leq 3 \text{ ومنه } -1 \leq \cos x \leq 1$$

$$-6 \leq 3 \cos x - 3 \leq 0 \text{ ومنه}$$

$$\text{بما أن } \sqrt{x^2 + 1} - 1 > 0 \text{ فإن}$$

$$\frac{-6}{\sqrt{x^2 + 1} - 1} \leq f(x) \leq 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-6}{\sqrt{x^2 + 1} - 1} = 0 \text{ بما أن}$$

فاستناداً إلى مبرهنة الإحاطة (1) نجد

$$\cdot \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$$

$$f(x) = \frac{2x^3 - 3x - 10}{x^2 - 4} \quad \textcircled{4}$$

$f$  معرف على  $]-\infty, -2[ \cup ]-2, 2[ \cup ]2, +\infty[$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left( \frac{2x^3}{x^2} \right) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (2x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{2x^3}{x^2} \right) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (2x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow (-2)^+} f(x) = +\infty$$

عند الصفر : نلاحظ أنّ نهاية التابع عند الصفر هي

حالة عدم تعيين من الشكل  $\frac{0}{0}$  لإزالتها

نضرب بمرافق كلاً من البسط والمقام ونقسّم عليهما

$$f(x) = \frac{(2 - \sqrt{x+1}) \times (2 + \sqrt{x+1}) \times (\sqrt{x+6} + 3)}{(\sqrt{x+6} - 3) \times (\sqrt{x+6} + 3) \times (2 + \sqrt{x+1})}$$

$$\text{وبالتالي } f(x) = \frac{(4 - (x+1)) \times (\sqrt{x+6} + 3)}{((x+6) - 9) \times (2 + \sqrt{x+1})}$$

$$\text{ومنه } f(x) = \frac{(-x+3) \times (\sqrt{x+6} + 3)}{(x-3) \times (2 + \sqrt{x+1})}$$

$$f(x) = \frac{-x-3 \times (\sqrt{x+6} + 3)}{(x-3) \times (2 + \sqrt{x+1})}$$

$$f(x) = \frac{-(\sqrt{x+6} + 3)}{(2 + \sqrt{x+1})}$$

$$\cdot \lim_{x \rightarrow 3} f(x) = \frac{-6}{4} = \frac{-3}{2}$$

$$f(x) = \frac{3 \cos x - 3}{\sqrt{x^2 + 1} - 1} \quad \textcircled{3}$$

نلاحظ أنّ نهاية التابع  $f$  عند الصفر هي حالة عدم

تعيين من الشكل  $\frac{0}{0}$  لإزالتها

$$f(x) = \frac{3(\cos x - 1)}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}$$

$$\text{ومنه } f(x) = \frac{-3(1 - \cos x)}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}$$

$$\text{وبالتالي } f(x) = \frac{-3(2 \sin^2 \frac{x}{2}) \times (\sqrt{x^2 + 1} + 1)}{(\sqrt{x^2 + 1} - 1) \times (\sqrt{x^2 + 1} + 1)}$$

$$\text{ومنه } f(x) = \frac{-3(2 \sin^2 \frac{x}{2}) \times (\sqrt{x^2 + 1} + 1)}{x^2}$$

$$f(x) = -6 \frac{\sin^2 \frac{x}{2}}{x^2} \times (\sqrt{x^2 + 1} + 1)$$

$$f(x) = -6 \left( \frac{\sin \frac{x}{2}}{x} \right)^2 \times (\sqrt{x^2 + 1} + 1)$$

فاستناداً إلى مبرهنة المقارنة عند اللانهاية نجد

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{1}{x^2} - \sin^2 \frac{1}{x} \right) = +\infty$$

$$g(x) = \frac{2 - \cos x}{x} \quad \textcircled{2}$$

فنجد  $-1 \leq \cos x \leq 1$  نضرب بالعدد (-1) فنجد

$$1 \geq -\cos x \geq -1 \quad \text{فنجد 2}$$

$$3 \geq 2 - \cos x \geq 1 \quad \text{2}$$

بما أن  $x$  في جوار  $-\infty$  فإذا قسمنا المتراجحة

على  $x$  سوف تتغير جهة التراجح ..

$$\frac{3}{x} \leq g(x) \leq \frac{1}{x}$$

بما أن  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x} = 0$  فاستناداً إلى مبرهنة

الإحاطة (1) نجد أن  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$

ومنه  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(g(x)) = \lim_{X \rightarrow 0} g(X) = -\infty$

لدينا فرضاً  $\textcircled{3} \quad x - \frac{x^3}{6} \leq \sin x \leq x - \frac{x^3}{6} + \frac{x^5}{120}$

نضرب بالعدد (-1) فنجد

$$-x + \frac{x^3}{6} \geq -\sin x \geq -x + \frac{x^3}{6} - \frac{x^5}{120}$$

نضيف  $x$  فنجد:  $\frac{x^3}{6} \geq x - \sin x \geq \frac{x^3}{6} - \frac{x^5}{120}$

بما أن  $x > 0$  فإذا قسمنا المتراجحة على  $x^3$  لا تتغير

$$\frac{1}{6} \geq \frac{x - \sin x}{x^3} \geq \frac{1}{6} - \frac{x^2}{120} \quad \text{جهة التراجح:}$$

بما أن  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left( \frac{1}{6} - \frac{x^2}{120} \right) = \frac{1}{6}$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left( \frac{1}{6} \right) = \frac{1}{6}$

فاستناداً إلى مبرهنة الإحاطة (1) نجد أن

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x - \sin x}{x^3} = \frac{1}{6}$$

نلاحظ أن نهاية التابع  $f$  عند 2 هي حالة عدم تعيين

من الشكل  $\frac{0}{0}$  لإزالتها

$$\frac{2x^2 + 4x + 5}{x-2} \cdot \frac{2x^3 - 3x - 10}{2x^3 \pm 4x^2} = \frac{4x^2 - 3x - 10}{\mp 4x^2 \pm 8x} = \frac{5x - 10}{\mp 5x \pm 10} = 0$$

$$f(x) = \frac{(x-2) \times (2x^2 + 4x + 5)}{(x-2) \times (x+2)} \quad \text{ومنه}$$

$$f(x) = \frac{2x^2 + 4x + 5}{x+2} \quad \text{وبالتالي}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \frac{21}{4}$$

### السؤال الرابع :

1 أثبت أن  $\frac{1}{x^2} - \sin^2 \frac{1}{x} \geq \frac{1}{x^2} - 1$  أيًا تكن  $x \in \mathbb{R}^*$

ثم استنتج نهاية التابع  $x \mapsto \frac{1}{x^2} - \sin^2 \frac{1}{x}$  عند الصفر .

2  $g$  تابع معرف على  $]-\infty, 0[$  وفق :

$$g(x) = \frac{2 - \cos x}{x} \quad \text{احسب } \lim_{x \rightarrow -\infty} g(g(x))$$

3 بافتراض أن  $x - \frac{x^3}{6} \leq \sin x \leq x - \frac{x^3}{6} + \frac{x^5}{120}$

أيًا تكن  $x > 0$  . استنتج  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x - \sin x}{x^3}$

### الحل

1  $0 \leq \sin^2 \frac{1}{x} \leq 1$  نضرب بالعدد (-1) فنجد

$$-\frac{1}{x^2} \geq -\sin^2 \frac{1}{x} \geq -1$$

$$\frac{1}{x^2} \geq \frac{1}{x^2} - \sin^2 \frac{1}{x} \geq -1 + \frac{1}{x^2} \quad \text{ومنه}$$

$$\frac{1}{x^2} - \sin^2 \frac{1}{x} \geq -1 + \frac{1}{x^2}$$

بما أن  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( -1 + \frac{1}{x^2} \right) = +\infty$

$$\ln(-y) = \ln(x+1) \quad \textcircled{3}$$

□ شرط الحل :  $-y > 0$  ومنه  $y < 0$

$$-y = x+1 \quad \square$$

$$y = -x-1 \quad \text{بشرط } y < 0$$

$x$	-1	0
$y$	0	-1



فمجموعة النقاط  $M(x,y)$  التي تحقق الشرط المعطى تمثل نصف المستقيم المرسوم في الشكل أعلاه .

### السؤال الثاني : (30 درجة)

ليكن  $f$  التابع المعين بالعلاقة :

$$f(x) = 2x^2 - x - 1$$

① حل المعادلة  $f(x) = 0$  ثم استنتج حلول

$$\cdot \text{المعادلة } 2(\ln x)^2 - \ln x - 1 = 0$$

② حل المتراجحة :  $2(\ln x)^2 - \ln x - 1 \leq 0$

③ حل المتراجحة :  $\ln x + \ln(2x-1) > 0$

**الحل**

$$f(x) = 0 \quad \textcircled{1}$$

$$2x^2 - x - 1 = 0$$

$$\Delta = (-1)^2 - 4(2)(-1) = 9$$

$$x = \frac{1-3}{2(2)} = \frac{-1}{2} \quad \text{أو} \quad x = \frac{1+3}{2(2)} = 1$$

$$2(\ln x)^2 - \ln x - 1 = 0$$

المعادلة معرفة عندما  $x \in ]0, +\infty[$

$$\text{بفرض } X = \ln x$$

### التحليل 2:

#### السؤال الأول : (30 درجة)

① حل المعادلة الآتية :  $\ln(-x) = \ln(x^2 - 1)$

② حل المتراجحة الآتية :  $\ln(x^2 - 2x + 2) > 0$

③ ارسم في معلم متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  مجموعة النقاط

$M(x,y)$  التي تحقق الشرط :  $\ln(-y) = \ln(x+1)$

**الحل**

$$\ln(-x) = \ln(x^2 - 1) \quad \textcircled{1}$$

□ شرط الحل :  $-x > 0$  ومنه  $x < 0$

$$x \in ]-\infty, 0[ = D_1$$

$$-x = x^2 - 1 \quad \square$$

$$x^2 + x - 1 = 0$$

لنوجد المميز :  $\Delta = (1)^2 - 4(1)(-1) = 1 + 4 = 5$

$$\text{مرفوض } x = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2} \notin D_1$$

$$\text{مقبول } x = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2} \in D_1$$

$$\cdot S = \left\{ \frac{-1 - \sqrt{5}}{2} \right\}$$

$$\ln(x^2 - 2x + 2) > 0 \quad \textcircled{2}$$

$$\ln(x^2 - 2x + 2) > \ln 1$$

□ شرط الحل :  $1 > 0$  محقق دوماً

$$D_1 = \mathbb{R}$$

$$x^2 - 2x + 2 > 1 \quad \square$$

$$\text{ومنه } x^2 - 2x + 1 > 0$$

وهذه المتراجحة محققة أياً تكن

$$x \in \mathbb{R} \setminus \{1\} = D_2$$

□ فمجموعة حلول المتراجحة المفروضة هي

$$x \in D_1 \cap D_2 = \mathbb{R} \setminus \{1\}$$

$$S = \mathbb{R} \setminus \{1\}$$

$$x \in ]-\infty, \frac{-1}{2}[ \cup ]1, +\infty[ = D_2 \text{ ومنه}$$

□ فمجموعة حلول المتراجحة المفروضة هي :

$$x \in D_1 \cap D_2$$

$$x \in (]\frac{1}{2}, +\infty[) \cap (]-\infty, \frac{-1}{2}[ \cup ]1, +\infty[)$$

$$x \in ]1, +\infty[$$

$$S = ]1, +\infty[$$

**السؤال الثالث : (30 درجة)**

$$\begin{cases} x^2 + 2y = 16 \\ \ln \frac{x}{y} = -\ln 3 \end{cases}$$

حل جملة المعادلتين الآتيتين :

**الحل**

جملة المعادلتين معرفتين عندما  $\frac{x}{y} > 0$

وهذا محقق عندما يكونا  $x$  و  $y$  موجبين معاً  
أو  $x$  و  $y$  سالبين معاً .

$$\begin{cases} x^2 + 2y = 16 \\ \frac{x}{y} = \frac{1}{3} \end{cases} \text{ ومنه } \begin{cases} x^2 + 2y = 16 \\ \ln \frac{x}{y} = \ln \frac{1}{3} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 + 2y = 16 & (1) \\ y = 3x & (2) \end{cases} \text{ نعوض (2) في (1)}$$

$$\text{ومنه } x^2 + 2(3x) = 16$$

$$x^2 + 6x - 16 = 0$$

$$(x + 8) \cdot (x - 2) = 0$$

$$\text{إما } x = 2 \text{ أو } x = -8 .$$

□ عندما  $x = -8$  نعوض في (2) فنجد  $y = -24$

مقبولان . فالحل الأول :  $(-8, -24)$

□ عندما  $x = 2$  نعوض في (2) فنجد  $y = 6$

مقبولان . فالحل الثاني :  $(2, 6)$

$$S = \{(-8, -24), (2, 6)\}$$

$$2X^2 - X - 1 = 0$$

إما  $X = 1$  ومنه  $\ln x = 1$  وبالتالي  $x = e$  مقبول .

$$\text{أو } X = \frac{-1}{2} \text{ ومنه } \ln x = \frac{-1}{2} \text{ وبالتالي}$$

$$x = e^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{e}} \text{ مقبول .}$$

$$S = \{e, \frac{1}{\sqrt{e}}\}$$

$$2(\ln x)^2 - \ln x - 1 \leq 0 \quad \text{②}$$

المتراجحة معرفة عندما  $x \in ]0, +\infty[$

$$2(\ln x)^2 - \ln x - 1 = 0$$

ووجدنا حسب الطلب السابق أنّ حلولها هي

$$x = e \text{ أو } x = \frac{1}{\sqrt{e}}$$

$x$	0	$\frac{1}{\sqrt{e}}$	$e$	$+\infty$		
$2(\ln x)^2 - \ln x - 1$		+	0	-	0	+
المتراجحة		غير محققة	محققة	غير محققة	محققة	غير محققة

وهي حلول المتراجحة المفروضة  $x \in [\frac{1}{\sqrt{e}}, e]$

$$\ln x + \ln(2x - 1) > 0 \quad \text{③}$$

□ نوجد مجموعة تعريف المتراجحة المفروضة :

$$x > 0 \text{ و } 2x - 1 > 0$$

أي  $x > \frac{1}{2}$  و  $x > 0$  ومنه

$$x \in ]0, +\infty[ \cap ]\frac{1}{2}, +\infty[$$

$$x \in ]\frac{1}{2}, +\infty[ = D_1$$

□ نطبق خواص اللوغاريتم :

$$\ln(x \times (2x - 1)) > \ln 1$$

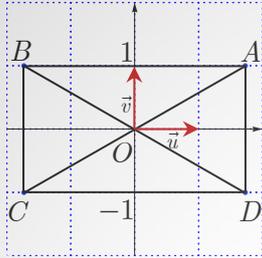
$$2x^2 - x - 1 > 0 \text{ ومنه } x \times (2x - 1) > 1$$

وجدنا أنّ  $2x^2 - x - 1 = 0$  عندما  $x = 1$  أو  $x = \frac{-1}{2}$

$x$	$-\infty$	$\frac{-1}{2}$	1	$+\infty$		
$2x^2 - x - 1$		+	0	-	0	+
المتراجحة		محققة	غير محققة	غير محققة	محققة	محققة

**الجبر:****السؤال الأول : (20 درجة)**

في معلم متجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  مثلثا المستطيل  $ABCD$  المرسوم جانباً:  
مركزه  $O$  وطول قطره يساوي 4. أعط الأعداد  
العقدية التي تمثل رؤوس المستطيل .

**الحل**

لما كان قطر المستطيل 4 كان  $OA = OD = 2$  ولدينا  $AD = 2$  فالمثلث  $OAD$  متساوي الأضلاع

ومنه  $(\vec{OA}, \vec{OD}) = \frac{\pi}{3}$  وبالتالي  $(\vec{u}, \vec{OA}) = \frac{\pi}{6}$

ومنه  $A(2; \frac{\pi}{6})$  إذن  $z_A = 2(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6})$

ومنه  $z_A = \sqrt{3} + i$  وبالتالي  $z_A = 2(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i)$

$$z_D = \bar{z}_A = \sqrt{3} - i$$

$$z_C = -z_A = -\sqrt{3} - i$$

$$z_B = \bar{z}_C = -\sqrt{3} + i$$

**السؤال الرابع: (50 درجة)**

ليكن  $f$  تابعاً معرفاً على المجال  $I = ]0, +\infty[$  وفق  
العلاقة :  $f(x) = x^2 + \ln x - 1$  ، خطّه البياني  $C$  .

1 احسب  $f'(x)$  واستنتج أنّ  $f$  متزايداً تماماً على

$$I = ]0, +\infty[$$

2 نضّم جدولاً باطراد التابع  $f$  ثمّ احسب  $f(1)$  واستنتج

مجموعة حلول المتراجحة  $x^2 + \ln x \leq 1$  .

3 اكتب معادلةً للمماس للخط  $C$  في نقطة منه

$$x = 1$$
 فاصلتها .

**الحل**

1  $f$  اشتقاقي على المجال  $]0, +\infty[$  .

$$f'(x) = 2x + \frac{1}{x} > 0$$

ومنه  $f$  متزايداً تماماً على المجال  $I = ]0, +\infty[$  .

2

$x$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$		+	+
$f(x)$		↗ 0 ↗	↗

$$f(1) = 0$$

$x^2 + \ln x \leq 1$  تكافئ  $x^2 + \ln x - 1 \leq 0$  ومنه

$$f(x) \leq 0$$

نلاحظ من جدول اطراد التابع  $f$  أنّ حلول المتراجحة

$f(x) \leq 0$  هي  $x \in ]0, 1]$  وهي مجموعة حلول المتراجحة

المفروضة .

$$y = f'(1)(x - 1) + f(1) \quad \text{3}$$

$$y = 3(x - 1) + 0 \quad \text{ومنه } f(1) = 0 \text{ و } f'(1) = 3$$

$$y = 3x - 3$$

4

$$\bar{z} - \frac{1}{z} = \frac{\bar{z} - \frac{1}{z}}{w} \quad \text{ومنه } \bar{v} = \frac{1}{1 - \frac{1}{w}}$$

4

$$\bar{v} = \frac{\bar{z} - \frac{1}{z}}{w} = \frac{\frac{w\bar{z} - z}{w-1}}{\frac{w}{w-1}} = \frac{w\bar{z} - z}{w-1}$$

4

$$\bar{v} = \frac{-(z - w\bar{z})}{-(1-w)} = \frac{z - w\bar{z}}{1-w} = v \quad \text{ومنه } v \text{ حقيقي .}$$

3 يكون  $u$  تخيلياً بحتاً إذا كان  $\arg(u) \in \{-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\}$

4

$$\arg(u) = \arg\left(\frac{-1+i}{(1+i\sqrt{3}) \cdot w}\right)$$

4

$$\arg(u) = \arg(-1+i) - \arg((1+i\sqrt{3}) \cdot w)$$

4

$$\arg(u) = \frac{3\pi}{4} - (\arg(1+i\sqrt{3}) + \arg(w))$$

4

$$\text{ومنه } \arg(u) = \frac{3\pi}{4} - \left(\frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{12}\right)$$

4

$$\arg(u) = \frac{3\pi}{4} - \frac{3\pi}{12} = \frac{6\pi}{12} = \frac{\pi}{2}$$

ومنه  $u$  تخيلياً بحت .

60

## السؤال الثاني : (60 درجة)

ليكن العدد العقدي  $w = \frac{2e^{i\frac{\pi}{6}}}{\sqrt{2} + i\sqrt{2}}$

1 أثبت أن  $|w| = 1$  و  $\arg(w) = \frac{-\pi}{12}$  ثم استنتج الشكل الأسي للعدد  $w$ .

2 ليكن  $z$  عدداً عقدياً ما ، بالاستفادة من  $|w| = 1$

أثبت أن العدد  $v = \frac{z - w\bar{z}}{1-w}$  حقيقي .

3 بالاستفادة من  $\arg(w) = \frac{-\pi}{12}$  أثبت أن العدد

$u = \frac{-1+i}{(1+i\sqrt{3}) \cdot w}$  تخيلي بحت .

الحل

$$w = \frac{2e^{i\frac{\pi}{6}}}{\sqrt{2} + i\sqrt{2}} \quad 1$$

$$|w| = \left| \frac{2e^{i\frac{\pi}{6}}}{\sqrt{2} + i\sqrt{2}} \right|$$

$$|w| = \frac{|2e^{i\frac{\pi}{6}}|}{|\sqrt{2} + i\sqrt{2}|} = \frac{2}{\sqrt{2+2}} = \frac{2}{\sqrt{4}} = 1$$

$$\arg(w) = \arg\left(\frac{2e^{i\frac{\pi}{6}}}{\sqrt{2} + i\sqrt{2}}\right)$$

$$\arg(w) = \arg(2e^{i\frac{\pi}{6}}) - \arg(\sqrt{2} + i\sqrt{2})$$

$$\arg(w) = \frac{\pi}{6} - \frac{\pi}{4} = -\frac{\pi}{12}$$

لما كان  $|w| = 1$  و  $\arg(w) = -\frac{\pi}{12}$  كان الشكل

الأسي للعدد  $w$  هو  $w = e^{-i\frac{\pi}{12}}$

$$v = \frac{z - w\bar{z}}{1-w} \quad 2$$

يكون  $v$  حقيقياً إذا كان  $\bar{v} = v$  لنثبت ذلك

$$\bar{v} = \overline{\left(\frac{z - w\bar{z}}{1-w}\right)} = \frac{\bar{z} - \bar{w}z}{1-\bar{w}}$$

لدينا فرضاً  $|w| = 1$  ومنه  $\bar{w} = \frac{1}{w}$  لنعوض

$$u = 2\sqrt{3}\left(\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}\right)$$

ولما كان  $v = \frac{z}{u}$  كان  $z = u \cdot v$  ومنه

$$z = 2\sqrt{3}\left(\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}\right) \cdot \sqrt{2}\left(\cos\frac{-\pi}{4} + i\sin\frac{-\pi}{4}\right)$$

$$\text{ومنه } z = 2\sqrt{6}\left(\cos\left(\frac{\pi}{6} - \frac{\pi}{4}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{6} - \frac{\pi}{4}\right)\right)$$

$$\cdot z = 2\sqrt{6}\left(\cos\left(-\frac{\pi}{12}\right) + i\sin\left(-\frac{\pi}{12}\right)\right)$$

3 بالمقارنة بين الشكل المثلثي والشكل الجبري للعدد  $z$  نجد:

$$2\sqrt{6}\left(\cos\left(-\frac{\pi}{12}\right) + i\sin\left(-\frac{\pi}{12}\right)\right) = (3 + \sqrt{3}) + i(-3 + \sqrt{3})$$

$$\text{ومنه } \cos\left(-\frac{\pi}{12}\right) + i\sin\left(-\frac{\pi}{12}\right) = \left(\frac{3 + \sqrt{3}}{2\sqrt{6}}\right) + i\left(\frac{-3 + \sqrt{3}}{2\sqrt{6}}\right)$$

$$\cos\left(-\frac{\pi}{12}\right) + i\sin\left(-\frac{\pi}{12}\right) = \left(\frac{\sqrt{3}(\sqrt{3} + 1)}{2\sqrt{3}\sqrt{2}}\right) + i\left(\frac{\sqrt{3}(-\sqrt{3} + 1)}{2\sqrt{3}\sqrt{2}}\right)$$

$$\cos\left(-\frac{\pi}{12}\right) + i\sin\left(-\frac{\pi}{12}\right) = \left(\frac{\sqrt{3} + 1}{2\sqrt{2}}\right) + i\left(\frac{-\sqrt{3} + 1}{2\sqrt{2}}\right)$$

$$\cos\left(-\frac{\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{3} + 1}{2\sqrt{2}} = \cos\left(\frac{\pi}{12}\right)$$

$$\sin\left(-\frac{\pi}{12}\right) = \frac{-\sqrt{3} + 1}{2\sqrt{2}} = -\sin\left(\frac{\pi}{12}\right) \text{ و}$$

$$\sin\left(\frac{\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{3} - 1}{2\sqrt{2}} \text{ ومنه :}$$

$$\arg(z^{2022}) = -\frac{2022\pi}{12} \text{ ومنه } \arg(z) = -\frac{\pi}{12} \quad 4$$

$$\arg(z^{2022}) = -\frac{337\pi}{2} = \frac{-336\pi}{2} - \frac{\pi}{2} = -168\pi - \frac{\pi}{2}$$

$$\arg(z^{2022}) = -\frac{\pi}{2} \text{ ومنه العدد } z^{2022} \text{ تخيلي بحت .}$$

### السؤال الثالث : (60 درجة)

لتكن الأعداد العقدية :

$$u = 3 + i\sqrt{3} \text{ و } z = (3 + \sqrt{3}) + i(-3 + \sqrt{3})$$

$$\text{و } v = \frac{z}{u}$$

1 اكتب  $v$  بالشكل الجبري .

2 اكتب كلاً من  $v$  و  $u$  بالشكل المثلثي

ثم استنتج  $z$  بالشكل المثلثي .

3 استنتج  $\sin\frac{\pi}{12}$  و  $\cos\frac{\pi}{12}$

4 أثبت أن العدد  $z^{2022}$  تخيلي بحت .

الجل

$$v = \frac{z}{u} \quad 1$$

$$v = \frac{(3 + \sqrt{3}) + i(-3 + \sqrt{3})}{3 + i\sqrt{3}}$$

نضرب البسط والمقام بمرافق المقام فنجد

$$\text{ومنه } v = \frac{((3 + \sqrt{3}) + i(-3 + \sqrt{3})) \cdot (3 - i\sqrt{3})}{9 + 3}$$

$$v = \frac{(3(3 + \sqrt{3}) + 3i(-3 + \sqrt{3}) - i\sqrt{3}(3 + \sqrt{3}) + \sqrt{3}(-3 + \sqrt{3}))}{9 + 3}$$

$$v = \frac{12 - 12i}{12} = 1 - i$$

$$v = 1 - i \quad 2$$

$$v = \sqrt{2}\left(\cos\frac{-\pi}{4} + i\sin\frac{-\pi}{4}\right)$$

$$u = 3 + i\sqrt{3}$$

$$r = |u| = \sqrt{9 + 3} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

$$\cos\theta = \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin\theta = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = \frac{1}{2}$$

ومنه  $\theta$  تقع في الربع الأول و  $\theta = \frac{\pi}{6}$  وبالتالي

4

$$z_1 = -(-2 \cos \frac{5\pi}{7}) e^{\frac{i\pi}{3}}$$

4

$$z_1 = e^{i\pi} (-2 \cos \frac{5\pi}{7}) e^{\frac{i\pi}{3}} \text{ ومنه}$$

4

$$z_1 = (-2 \cos \frac{5\pi}{7}) e^{i(\pi + \frac{\pi}{3})} \text{ ومنه}$$

$$\boxed{z_1 = (-2 \cos \frac{5\pi}{7}) e^{i(\frac{4\pi}{3})}} \text{ ونستطيع أن نكتب}$$

$$z_1 = 2 \cos(\pi - \frac{5\pi}{7}) e^{i(\frac{4\pi}{3})} = 2 \cos(\frac{2\pi}{7}) e^{i(\frac{4\pi}{3})}$$

4

$$z_2 = 1 + e^{\frac{i\pi}{6}}$$

4

$$z_2 = e^{i\frac{\pi}{12}} (2 \cos \frac{\pi}{12}) \text{ ومنه } z_2 = e^{i\frac{\pi}{12}} (e^{-i\frac{\pi}{12}} + e^{i\frac{\pi}{12}})$$

$$\boxed{z_2 = (2 \cos \frac{\pi}{12}) e^{i\frac{\pi}{12}}} \text{ وهو الشكل الأسّي للعدد}$$

العقدي المفروض .

4

$$z_3 = (\sin \frac{\pi}{9} + i \cos \frac{\pi}{9})^5 \quad \textcircled{2}$$

$$z_3 = (\cos(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{9}) + i \sin(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{9}))^5$$

$$z_3 = (\cos(\frac{7\pi}{18}) + i \sin(\frac{7\pi}{18}))^5$$

$$\boxed{z_3 = \cos(\frac{35\pi}{18}) + i \sin(\frac{35\pi}{18})}$$

$$z_4 = -7(\cos \frac{\pi}{7} - i \sin \frac{\pi}{7})$$

$$z_4 = 7(-\cos \frac{\pi}{7} + i \sin \frac{\pi}{7})$$

$$z_4 = 7(\cos(\pi - \frac{\pi}{7}) + i \sin(\pi - \frac{\pi}{7}))$$

$$\boxed{z_4 = 7(\cos(\frac{6\pi}{7}) + i \sin(\frac{6\pi}{7}))}$$

60

**السؤال الرابع : (60 درجة)**

أولاً: عيّن مجموعة النقاط  $M(z)$  التي تحقق المساواة في كل من الحالتين الآتيتين :

$$\textcircled{1} \arg(iz) = \pi \quad \textcircled{2} \operatorname{Im}(z) = \frac{\pi}{4}$$

ثانياً:  $\textcircled{1}$  اكتب كلاً من العددين العقديين

$$\text{بالشكل الأسّي} : z_2 = 1 + e^{\frac{i\pi}{6}} \text{ و } z_1 = 2 \cos \frac{5\pi}{7} e^{\frac{i\pi}{3}}$$

$\textcircled{2}$  اكتب كلاً من العددين العقديين

$$\text{بالشكل المثلثي} : z_3 = (\sin \frac{\pi}{9} + i \cos \frac{\pi}{9})^5 \text{ و}$$

$$z_4 = -7(\cos \frac{\pi}{7} - i \sin \frac{\pi}{7})$$

**الجدل**

$$\text{أولاً} : \textcircled{1} \arg(iz) = \pi$$

$$\text{ومنه } \arg(i) + \arg(z) = \pi$$

$$\text{وبالتالي } \frac{\pi}{2} + \arg(z) = \pi$$

$$\arg(z) = \pi - \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2}$$

فمجموعة النقاط  $M(z)$  تمثل نصف مستقيم :

$$x = 0 \text{ بشرط } y > 0$$

$$\textcircled{2} \operatorname{Im}(z) = \frac{\pi}{4}$$

فمجموعة النقاط  $M(z)$  تمثل المستقيم الموازي

لمحور الترتيب .

$$\text{ثانياً} : \textcircled{1} z_1 = 2 \cos \frac{5\pi}{7} e^{\frac{i\pi}{3}}$$

$$\text{نلاحظ أن } \frac{\pi}{2} = \frac{5\pi}{10} < \frac{5\pi}{7} < \frac{5\pi}{5} = \pi$$

(كلما كَبُرَ المقام صَغُرَ الكسر

وكلما صَغُرَ المقام كَبُرَ الكسر )

$$\text{أو الزاوية } \frac{5\pi}{7} \text{ راديان تقابل تقريباً } 128.5^\circ$$

$$\text{فهي تقع في الربع الثاني ومنه } \cos \frac{5\pi}{7} < 0$$

$$\text{أولاً : } \overrightarrow{GN} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{DA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{EC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{EB}$$

$$\overrightarrow{GN} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{CB} + \frac{1}{2}(\overrightarrow{EC} + \overrightarrow{EB})$$

$$\overrightarrow{GN} = \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{BA} + \frac{1}{2}(2\overrightarrow{EJ})$$

$$\text{ومنهُ } \overrightarrow{GN} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{EJ}$$

$$\text{وبالتالي } \overrightarrow{GN} = \overrightarrow{GE} + \overrightarrow{EJ}$$

$$\overrightarrow{GN} = \overrightarrow{GJ} \text{ ومنهُ } N \text{ تنطبق على } J .$$

ثانياً :

$$\textcircled{1} \quad E(0,0,1) , \quad A(0,0,0)$$

$$F(4,0,1) , \quad B(4,0,0)$$

$$H(0,2,1) , \quad D(0,2,0)$$

$$G(4,2,1) , \quad C(4,2,0)$$

$$J(4,1,0) , \quad I(2,2,0)$$

$$\overrightarrow{AQ} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AD} \text{ بفرض } Q(x,y,z)$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \frac{3}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\text{ومنهُ } Q(0,3,0) .$$

②

$$EJ = \sqrt{(4-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2} = \sqrt{18}$$

$$EG = \sqrt{(4-0)^2 + (2-0)^2 + (1-1)^2} = \sqrt{20}$$

$$JG = \sqrt{(4-4)^2 + (2-1)^2 + (1-0)^2} = \sqrt{2}$$

$$\text{نلاحظ أن } EG^2 = EJ^2 + JG^2$$

$$20 = 18 + 2 \text{ محققة}$$

وبالتالي حسب عكس مبرهنة فيثاغوس نجد أن

المثلث  $EJG$  قائم في  $J$  .

بما أن المثلث  $EJG$  قائم . حتى يكون الشكل

$EJGK$  مستطيلاً يكفي أن يكون متوازي أضلاع

لأن متوازي أضلاع فيه زاوية قائمة فهو مستطيل .

## السؤال الأول: ( 100 درجة )

$ABCDEFGH$  متوازي مستطيلات فيه  $AB = 4$  و

$AD = 2$  و  $AE = 1$  . والنقطتان  $I$  و  $J$  منتصفا  $[DC]$  و

$[BC]$  بالترتيب .

$$\text{و } Q \text{ نقطة تحقق } \overrightarrow{AQ} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AD} .$$

أولاً : حدّد موقع النقطة  $N$  التي تحقق المساواة :

$$\overrightarrow{GN} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{DA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{EC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{EB}$$

ثانياً : لنختَر معلماً متجانساً :  $(A; \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}, \frac{1}{2}\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$

① جد إحداثيات رؤوس متوازي المستطيلات

وإحداثيات النقاط  $I$  و  $J$  و  $Q$  في المعلم المعطى .

② احسب أطوال أضلاع المثلث  $EJG$  . وحدّد نوعه .

و جد إحداثيات النقطة  $K$  كي يكون الشكل  $EJGK$

مستطيلاً .

③ عيّن إحداثيات النقطة  $G'$  مركز ثقل المثلث  $EJG$

وأثبت أنها تنتمي إلى المستقيم  $(QF)$  .

④ عيّن إحداثيات النقطة  $L$  نظيرة النقطة  $G$  بالنسبة

إلى النقطة  $G'$  .

⑤ جد معادلة المستوي التي تمثله مجموعة النقاط  $M$

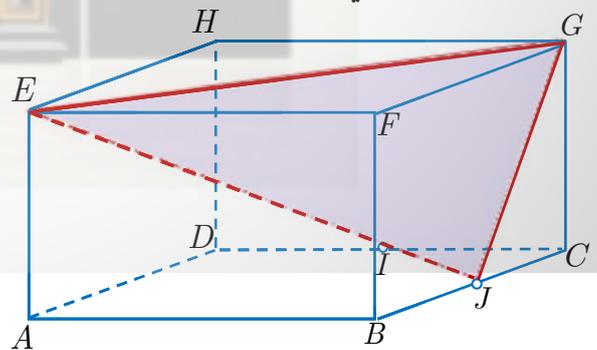
من الفراغ المتساوية البعد عن طرفي القطعة المستقيمة

$[GJ]$  .

⑥ هل يوجد نقطة من المستقيم  $(HG)$  متساوية البعد

عن النقطتين  $G$  و  $J$  ؟ علل إجابتك .

⑦ جد معادلة الكرة التي قطرها  $[AG]$  .



$$MG = MJ \quad \textcircled{5}$$

$$MG^2 = MJ^2$$

بفرض  $M(x, y, z)$

$$(x-4)^2 + (y-2)^2 + (z-1)^2 = (x-4)^2 + (y-1)^2 + z^2$$

$$\text{ومنهم } (y-2)^2 + (z-1)^2 = (y-1)^2 + z^2$$

$$-4y + 4 + -2z + 1 = -2y + 1$$

$$y + z = 2 \text{ بالتالي } 2y + 2z = 4$$

**6** نلاحظ أنه أي نقطة من المستقيم  $(HG)$  هي

إحداثياتها من الشكل  $(x, 2, 1)$  حتى تكون متساوية

البعد عن النقطتين  $G$  و  $J$  يجب أن تحقق معادلة

المستوي المحوري للقطعة  $[GJ]$  وهي  $y + z = -2$

حيث النقطة  $(x, 2, 1)$  لا تحقق المعادلة لأن

$$2 + 1 = 2 \text{ معادلة متناقضة .}$$

وبالتالي لا يوجد نقطة من المستقيم  $(HG)$  متساوية

البعد عن النقطتين  $G$  و  $J$  .

**7** معادلة الكرة التي قطرها  $[AG]$  :

بفرض  $O$  منتصف  $[AG]$  فيكون  $O(2, 1, \frac{1}{2})$  وهي

مركز الكرة المطلوبة

وهو نصف قطر الكرة المطلوبة .  $R = \frac{AG}{2}$

$$AG = \sqrt{4^2 + 2^2 + 1^2} = \sqrt{21}$$

$$R = \frac{AG}{2} = \frac{\sqrt{21}}{2}$$

فمعادلة الكرة التي قطرها  $[AG]$  هي :

$$(x-2)^2 + (y-1)^2 + (z-\frac{1}{2})^2 = \frac{21}{4}$$

انتهى السلم

$\overrightarrow{GK} = \overrightarrow{JE}$  بفرض  $K(x, y, z)$  نجد

$$\text{ومنهم } \begin{pmatrix} x-4 \\ y-2 \\ z-1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

وبالتالي  $K(0, 1, 2)$  و  $x=0$  و  $y=1$  و  $z=2$

$$\textcircled{3} G'(\frac{x_G + x_E + x_J}{3}, \frac{y_G + y_E + y_J}{3}, \frac{z_G + z_E + z_J}{3})$$

$$\text{ومنهم } G'(\frac{4+0+4}{3}, \frac{2+0+1}{3}, \frac{1+1+0}{3})$$

وبالتالي  $G'(\frac{8}{3}, 1, \frac{2}{3})$

$$\overrightarrow{QG'}(\frac{8}{3}, -2, \frac{2}{3}) \text{ و } \overrightarrow{QF}(4, -3, 1)$$

نلاحظ أن  $\overrightarrow{QG'} = \frac{2}{3}\overrightarrow{QF}$  فالشعاوان  $\overrightarrow{QG'}$  و  $\overrightarrow{QF}$

مرتبطان خطياً فالنقاط  $Q$  و  $F$  و  $G'$  تقع على استقامة

واحدة . فالنقطة  $G'$  تنتمي إلى المستقيم  $(QF)$  .

$$\textcircled{4} L(2x_{G'} - x_G, 2y_{G'} - y_G, 2z_{G'} - z_G)$$

$$L(2(\frac{8}{3}) - 4, 2(1) - 2, 2(\frac{2}{3}) - 1)$$

$$L(\frac{4}{3}, 0, \frac{1}{3})$$

طريقة ثانية :  $\overrightarrow{GG'} = \overrightarrow{G'L}$  بفرض  $L(x, y, z)$

$$\begin{pmatrix} \frac{8}{3} - 4 \\ 1 - 2 \\ \frac{2}{3} - 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x - \frac{8}{3} \\ y - 1 \\ z - \frac{2}{3} \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} x = \frac{16}{3} - 4 = \frac{4}{3} \\ y = 0 \\ z = \frac{4}{3} - 1 = \frac{1}{3} \end{cases}$$

$$\text{ومنهم } L(\frac{4}{3}, 0, \frac{1}{3})$$



قال الشاعر خير الدين الزركلي في قصيدة ( مروءة وسخاء )

- 1- بكى وبكت فهاج بي البكاء  
2- رنت سعدى إليه وقد أمت  
3- بني رويد عدك إن شجوي  
4- وساد عقيب شكواها وجوم  
5- فكفكف دمعها وحنث عليه
- شجوناً ما لجذوتها انطفاء  
بها الأحزان واشتدّ اليبلاء  
لمّا قد أحلّ بناء القضاء  
رهيب حينما انصرم الرجاء  
( تقبله ) وفي القلب اصطلاء

أولاً: أ- اختاري الإجابة الصحيحة فيما يلي:

1- ضدّ كلمة (انطفاء) وفق سياقها في البيت الأول:

أ	اسوداد	ب	هدوء	ج	اتقاد	د	خمود
---	--------	---	------	---	-------	---	------

2- الفكرة العامة للنص السابق هي:

أ	معاناة الأسرة وتأثر الشاعر بها	ب	تصوير الشاعر لمعاناته	ج	عجز الشاعر عن إطفاء أحزان الأسرة	د	تعاطف الأسرة مع الشاعر
---	--------------------------------	---	-----------------------	---	----------------------------------	---	------------------------

3- واحد مما يأتي تخلى الشاعر عنه في النص السابق:

أ	الانفعال لحال الفقراء	ب	الحيادية وتجنب التعاطف مع الفقراء	ج	تصوير معاناة الأسرة	د	تسليط الضوء على واقع الفقراء
---	-----------------------	---	-----------------------------------	---	---------------------	---	------------------------------

4- ممّا لا يعبر عن حالة الأمّ كما ورد في النص السابق أنها :

أ	بانسة حزينة	ب	ساكنة راضية	ج	عاجزة ضعيفة	د	متذمّرة شاكية
---	-------------	---	-------------	---	-------------	---	---------------

5- من مظاهر اليأس في حياة الأسرة كما بدا في البيت الرابع:

أ	انقضاء الشكوى	ب	انقضاء الوجوم	ج	انقضاء الرجاء	د	انقضاء الرهبة
---	---------------	---	---------------	---	---------------	---	---------------

6- مما يدل على تكافل أفراد الأسرة فيما بينهم مما ورد في البيت الخامس:

أ	مسح الأم دموع ابنها وتقبيل الابن لها	ب	اضطرام قلب الأم بالأحزان	ج	انفعال الأم والابن لاضطرام الأحزان في قلب الشاعر	د	مسح الابن دموع أمّه وتقبيل الأم له
---	--------------------------------------	---	--------------------------	---	--	---	------------------------------------

7- من سمات المذهب الاتباعي في النص السابق:

أ	جزالة الألفاظ	ب	الجنوح إلى الخيال	ج	تمجيد الطبيعة	د	وحدة الشكل والمضمون
---	---------------	---	-------------------	---	---------------	---	---------------------

8- واحدة مما يأتي ليست من سمات الأدب الاجتماعي في النص السابق:

أ	التأثير النفسي	ب	وضوح المعنى وقرب الفكرة	ج	تصوير قضايا واقعية حياتية	د	التفاؤل الثوري
---	----------------	---	-------------------------	---	---------------------------	---	----------------

ب- أجيبي عن الأسئلة الآتية:

1- وضح حالة كلّ من الشاعر والأسرة كما ورد في البيت الأول.

2- في البيت الثالث سبب ونتيجة، وضح كلا منهما.

3- قال الزركلي في القصيدة نفسها: لنن ساءت بنا الأيام حيناً

وقال أبو البقاء الرندي: هي الأمور كما شاهدها دول

وازنــــي بين هذين البيتين من حيث المضمون.

## شعارهم المروعة والسخاء

## 4- قال الشاعر في القصيدة نفسها: هلم إلى مبرة أهل فضلٍ

استخرجي من مضمون البيت السابق قيمة بارزة فيه.

**ثانياً: المستوى الفني:** أ- املئي الفراغ بما يناسبه، ثم انقله إلى ورقة إجابتك فيما يأتي:

1- أفاد استعمال الشاعر الفعل الماضي ( ساد ) في البيت الرابع الدلالة على .....

2- ورد في البيت الثاني أسلوب خبري نوعه..... مثاله .....

3- قال الشاعر في القصيدة نفسها: فجنثُ إليهما أمشي الهويئي

كمشي الشيخ أعجزه العناء

الشعور العاطفي الذي تجلى في البيت السابق هو..... ومن أدوات التعبير عنه ..... مثل.....

**ب- أجيبى عن السؤالين الآتيين:**

1- استخرجي من البيت الأول مصدراً من مصادر الموسيقى الداخلية، ثم مثلي له بمثال مناسب.

2- قال أدونيس: نحن الذين على الدخيل تمرّدوا / فتهدموا وتشرّدوا / أكل الفراغ نداءنا.

حللي الصورة الآتية (أكل الفراغ) ثم سمّيتها، واشرحي وظيفة الشرح والتوضيح فيها.

**ثالثاً: التطبيق وقواعد اللغة و النحو و الإملاء :**

أ- املئي الفراغ بما يناسبه، ثم انقله إلى ورقة إجابتك فيما يأتي:

1- العلة الصرفية في كلمة ( بكت ) هي .....

2- كتبت الهمزة الأولية همزة وصل في كلمة ( انطفاء ) لأنها..... والألف اللينة مقصورة في كلمة ( شكوى ) لأنها.....

3- الترتيب الصحيح للكلمات الآتية : ( رهيب - رنت - جذوة ) في معجم يأخذ بأوائل الكلمات هو.....

**ب- أجيبى عن الأسئلة الآتية:**

1- أكّدي ما وضع تحته خط توكيداً معنوياً مرة ثم توكيداً لفظياً مرة أخرى مراعية الضبط الصحيح فيما يأتي: (ألّمت بها الأحرانُ)

2- تعجبي من الفعل الوارد في الجملة الآتية: (انصرم الرجاء) مستعملة صيغة ( ما أفعله ) مرة ثم صيغة (أفعل به) مرة أخرى.

3- بيني نوع اللام الموضوع تحتها خط في كلّ من الجملتين الآتيتين: (إنّ شجوي لِممّا قد أحلّ بنا القضاء، دعائي للذي أحسنَ إليّ )

4- أعربي من النص ما وُضع تحته خط إعراب مفردات وما بين قوسين إعراب جمل.

**رابعاً: الرواية و المطالعة :**

1- ورد في رواية (دمشق يا بسمة الحزن) للكاتبّة ألفة الادلبي ما يأتي:

((كانت الأسرة كلها مجتمعة في الليوان ميعاد الغداء، هرعتُ إلى أبي وقدمتُ إليه ورقة العلامات وبطاقة التقدير معتزة بنفوقي))

اذكري الطريقة التي اتبعتها الكاتبّة في تقديم الشخصية، ثم وضحها مع ذكر مثال مناسب مما ورد في المقتطف السابق.

2- اذكرى سببين من أسباب نهوض النقد الروائي العربيّ مما ورد في نص ( عوامل تجديد الرواية العربية).

3- عددي ثلاث ممارسات وحشية يقوم بها الكيان الصهيوني في فلسطين المحتلة كما ورد في مقالة (أدب المقاومة) للدكتورة نجاح العطار.

**خامساً: المستوى الإبداعي:**

أ- **التعبير الأدبي: ( 100 درجة )**

كان الأدب الوجداني صورة صادقة لما يجيش في نفوس الأدياء العرب فأفصحوا عن تمنّيهم لقاء المحبوبة، وأظهروا عجزهم

عن رثاء من غيبتهم الموت، ثم تجاوزوا التعبير عن ذواتهم ليعبروا عن حزنهم لما أصاب الوطن من أذى المستعمرين، مؤكدين

أنّ الدفاع عن الوطن واجب كلّ إنسان.

ناقشي واستشهدي موظفةً الشاهد الآتي:

قال أحمد شوقي مخاطباً دمشق زمن الاستعمار الفرنسي: وبى ممّا رمك به الليالي جراحات لها في القلب عمقُ

**ب- اكتبى فى واحد من الموضوعين الآتيين:**

1- اكتبى مقالة بما لا يتجاوز عشرة أسطر تتحدثين فيها عن أهمية رعاية المسنين واحترام مشاعرهم، مبرزة دور المجتمع فى نشر هذه الثقافة.

2- قال المتنبي: آلة العيش صحة وشباب

فإذا وليا عن المرء ولى

اكتبى موضوعاً فى ضوء هذا القول تبيينين فيه أهمية الحفاظ على سلامة أجسادنا، مبرزة دور الأسرة و المدرسة فى تقديم التوعية

الصحية للأبناء.

انتهت الأسئلة.



أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي، وانقلها إلى ورقة إجابتك: / ١٠٠ د /

١. جهازها العصبي يتكون من شبكة من خلايا عصبية أولية توصل السيالة العصبية في جميع الاتجاهات:

أ	الباراميسيوم	ب	الهيدرية	ج	دودة الأرض	د	الحشرات
---	--------------	---	----------	---	------------	---	---------

٢- حالة تحدث نتيجة عدم وصول الدم المحمل بالأكسجين إلى الدماغ:

أ	الاستسقاء الدماغي	ب	التهاب السحايا	ج	السكتة الدماغية	د	الصداع الوعائي
---	-------------------	---	----------------	---	-----------------	---	----------------

٣- بنية عصبية تتشكل من مجموعة خلايا عصبية انفصلت عن الوريقة الجنينية الخارجية:

أ	الميزابة العصبية	ب	الأنبوب العصبي	ج	العرف العصبي	د	اللوحة العصبية
---	------------------	---	----------------	---	--------------	---	----------------

٤- تصل البطين الثالث مع البطينين الجانبيين:

أ	قناة السيساء	ب	قناة سيلفيوس	ج	فرجتا مونرو	د	ثقباً لوشكا وثقب ماجندي
---	--------------	---	--------------	---	-------------	---	-------------------------

٥- خلايا ببقية يحتويها الجهاز العصبي المحيطي:

أ	الدبقية النجمية	ب	الدبقية الصغيرة	ج	خلايا شوان	د	البطانة العصبية
---	-----------------	---	-----------------	---	------------	---	-----------------

٦- العصبون في القرون الأمامية للنخاع الشوكي هو:

أ	أحادي القطب	ب	ثنائي القطب	ج	متعدد القطبية نجمي	د	متعدد القطبية هرمي
---	-------------	---	-------------	---	--------------------	---	--------------------

٧- الناقل الكيميائي العصبي بين العصبون قبل العقدة والعصبون بعد العقدة هو:

أ	النور ادرينالين	ب	الاستيل كولين	ج	الدوبامين	د	الغلوتامات
---	-----------------	---	---------------	---	-----------	---	------------

٨- هو الزمن الأقصر الذي لا يزال عنده الريبواز فعالاً هو:

أ	الكروناكسي	ب	زمن الاستنفاد	ج	الزمن المفيد	د	الزمن المفيد الأساسي
---	------------	---	---------------	---	--------------	---	----------------------

٩- العصب المجهول يخرج من :

أ	المنطقة العجزية للنخاع الشوكي	ب	جذع الدماغ	ج	الدماغ البيني	د	العقد الودية
---	-------------------------------	---	------------	---	---------------	---	--------------

١٠- عصب مؤلف من تجمع ألياف عصبية مغمدة بغمد شوان فقط هو:

أ	العصب البصري	ب	العصب الشمي	ج	العصب الوركي	د	العصب القوقعي
---	--------------	---	-------------	---	--------------	---	---------------

ثانياً : أجب عن الأسئلة الثلاث الآتية: /٣٨/

١- لاحظ الشكل المجاور وانقل الأرقام المحددة عليه

إلى ورقة إجابتك ثم اكتب المسمى المناسب لكل منها.

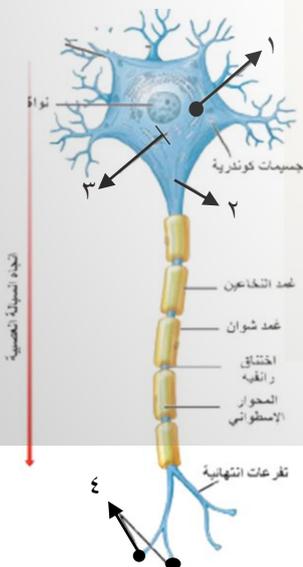
٢- أجب عن أحد السؤالين الآتيين:

(أ) حدد بدقة موقع كل مما يأتي:

(أ) المخيخ (ب) الضفيرة المشيمية (ج) الغدة الصنوبرية

(ب) اذكر وظيفة واحدة لكل مما يأتي:

(أ) الخيط الانتهائي (ب) الحاجز الدماغي الدموي (ج) العقد العصبية



٣- ماذا ينتج عن كل مما يأتي:

(أ) تأثير المنبه على أحد الأعصاب الحوضية الذي ينتهي إلى المثانة.

(ب) تلف بعض الليفيات العصبية عند الباراميسيوم.

(ج) انسداد إحدى القنوات التي تصل بين بطينات الدماغ.

**ثالثاً: أعط تفسيراً علمياً لخمسة مما يأتي: /د٥٠/**

١- تعدّ الخلايا الدبقية الصغيرة خلايا مناعية.

٢- لا يحيط غمد النخاعين بكامل الليف العصبي.

٣- يعطى المرضى في أثناء الربو النورأدرينالين.

٤- العصب الوركي في درجة الحرارة ٢٠ درجة مئوية أكثر قابلية للتنبه من العصب الوركي في درجة حرارة ١٠ درجة مئوية.

٥- يعدّ النقل مستقطباً في الخلية العصبية.

**رابعاً: لاحظ المخطط الآتي**

**ثم انقل الأرقام المحددة عليه إلى ورقة إجابتك**

**ثم اكتب المفاهيم العلمية المناسبة: /د٣٠/**

**خامساً: أجب عن السؤالين الآتيين: /د٤٠/**

١- رتب العناصر الآتية التي تشترك

في مسار المسلك العصبي الودي:

(أ) يخرج ليفه من الجهاز العصبي المركزي.

(ب) ينتهي ليفه العصبي في العضو المستجيب.

(ج) يوجد عصبون نابذ قبل العقدة.

(د) مع عصبون حركي يقع جسمه في العقدة الودية.

(هـ) يشكل مشبكاً في العقدة الودية.

٢- قارن بين كلّ من: (أ) الجهاز العصبي المركزي والجهاز العصبي المحيطي

من حيث الخلايا التي تشكل غمد النخاعين في كل منهما.

(ب) التلم الخلفي والتلم الأمامي في النخاع الشوكي من حيث الشكل.

**سادساً: لاحظ الأشكال الآتية لبنية الدماغ لدى بعض الأحياء في صفوف مختلفة**

**من الفقاريات، ما النتيجة التي حصلت عليها من ملاحظتك لها؟**

**وبماذا يمتاز دماغ الثدييات عن باقي الفقاريات؟ /د١٢/**

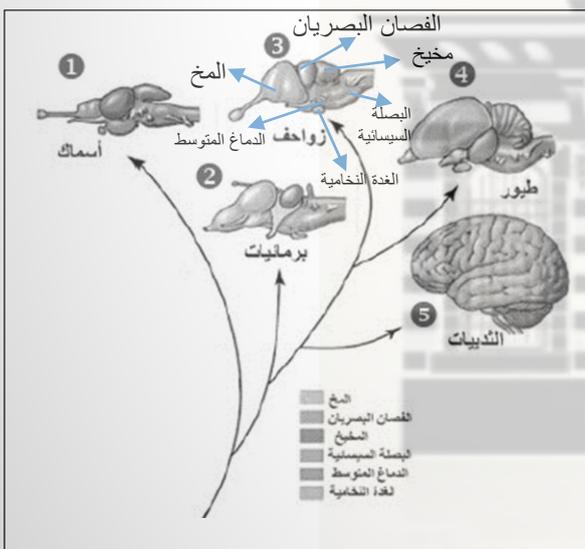
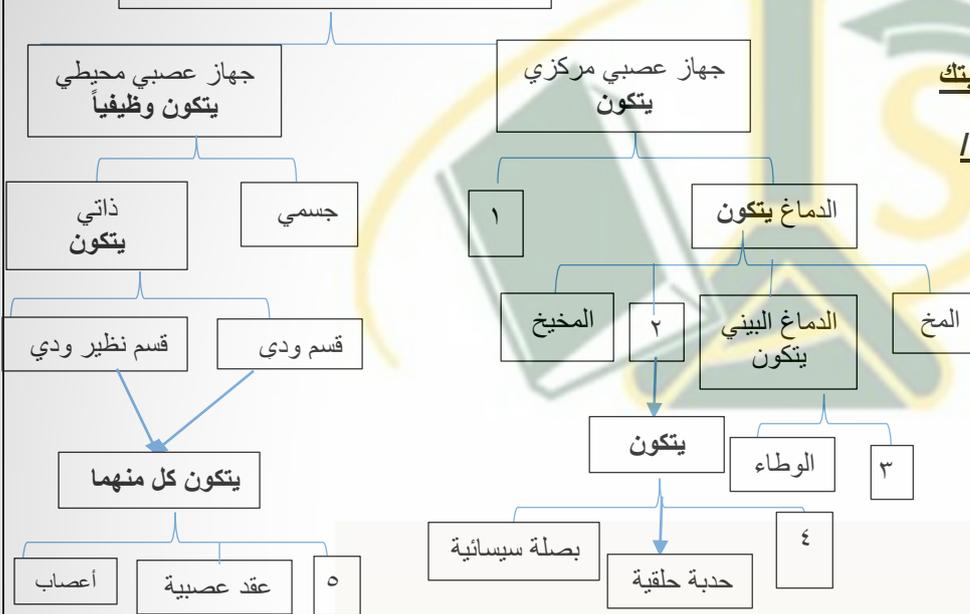
**سابعاً: دراسة حالة: /د٣٠/**

يتم تشخيص بعض الأمراض العصبية من خلال تحليل السائل الدماغي الشوكي، المطلوب:

١- من أين يفرز هذا السائل؟ ٢- أين يوجد الداخلي والخارجي منه؟ ٣- وكيف يتم الحصول عليه؟ ٤- وما وظيفته؟

**انتهت الأسئلة**

الجهاز العصبي لدى الإنسان يتكون من





أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي، وانقلها إلى ورقة إجابتك: / ١٠ × ١٠ = ١٠٠ د /

١. جهازها العصبي يتكون من شبكة من خلايا عصبية أولية توصل السليالة العصبية في جميع الاتجاهات:

أ	الباراميسيوم	ب	الهيدرية	ج	دودة الأرض	د	الحشرات
---	--------------	---	----------	---	------------	---	---------

٢- حالة تحدث نتيجة عدم وصول الدم المحمل بالأكسجين إلى الدماغ:

أ	الاستسقاء الدماغى	ب	التهاب السحايا	ج	السكتة الدماغية	د	الصداع الوعائى
---	-------------------	---	----------------	---	-----------------	---	----------------

٣- بنية عصبية تتشكل من مجموعة خلايا عصبية انفصلت عن الوريقة الجنينية الخارجية:

أ	الميزابة العصبية	ب	الأنبوب العصبى	ج	العرف العصبى	د	اللويحة العصبية
---	------------------	---	----------------	---	--------------	---	-----------------

٤- تصل البطين الثالث مع البطينين الجانبين:

أ	قناة السيساء	ب	قناة سيلفيوس	ج	فرجتا مونرو	د	ثقباً لوشكا وثقب ماجندى
---	--------------	---	--------------	---	-------------	---	-------------------------

٥- خلايا دبقيية يحتويها الجهاز العصبى المحيطى:

أ	الدبقيية النجمية	ب	الدبقيية الصغيرة	ج	خلايا شوان	د	البطانة العصبية
---	------------------	---	------------------	---	------------	---	-----------------

٦- العصبون في القرون الأمامية للنخاع الشوكى هو:

أ	أحادي القطب	ب	ثنائى القطب	ج	متعدد القطبية نجمى	د	متعدد القطبية هرمى
---	-------------	---	-------------	---	--------------------	---	--------------------

٧- الناقل الكيمىائى العصبى بين العصبون قبل العقدة والعصبون بعد العقدة هو:

أ	النور ادرينالين	ب	الاستيل كولين	ج	الدوبامين	د	الغلوتامات
---	-----------------	---	---------------	---	-----------	---	------------

٨- هو الزمن الأقصر الذى لا يزال عنده الريبوز فعالاً هو:

أ	الكروناكسى	ب	زمن الاستنفاد	ج	الزمن المفيد	د	الزمن المفيد الأساسى
---	------------	---	---------------	---	--------------	---	----------------------

٩- العصب المجهول يخرج من :

أ	المنطقة العجزية للنخاع الشوكى	ب	جذع الدماغ	ج	الدماغ البينى	د	العقد الودية
---	-------------------------------	---	------------	---	---------------	---	--------------

١٠- عصب مؤلف من تجمع ألياف عصبية مغمدة بغمدة شوان فقط هو:

أ	العصب البصرى	ب	العصب الشمى	ج	العصب الوركى	د	العصب القوقعى
---	--------------	---	-------------	---	--------------	---	---------------

ثانياً : أجب عن الأسئلة الثلاث الآتية: / ٣٨ د /

١- لاحظ الشكل المجاور وانقل الأرقام المحددة عليه

إلى ورقة إجابتك ثم اكتب المسمى المناسب لكل منها. ( ٢ × ٤ = ٨ د )

١٥٠ × ٣

١- جسيمات نيسل      ٢- ليفات عصبية      ٣- ربوة المحوار      ٤- أضرار انتهائية

٢- أجب عن أحد السؤالين الآتيين : أ) حدد بدقة موقع كل مما يأتي:

أ) المخيخ: يقع خلف البصلة السيسائية والحلبة الحلقية.

ب) الضفيرة المشيمية: تبرز في بطينات الدماغ الأربعة تغطيها البطانة العصبية.

ج) الغدة الصنوبرية: أمام الحدبات التوأمية الأربع في الدماغ.

ب) اذكر وظيفة واحدة لكل مما يأتي:

أ) الخيط الانتهائي: يثبت النهاية السفلية للنخاع الشوكي بنهاية القناة الفقرية.

ب) الحاجز الدماغي الدموي: يحمي الدماغ من المواد الخطرة التي قد تأتي مع الدم أو يمنع وصول المواد الخطرة التي قد تأتي مع الدم إلى

الدماغ أو ينظم البيئة الداخلية لخلايا الدماغ.

ج) العقد العصبية: تعمل كمحطة استقبال وإرسال للرسائل العصبية.

٣- ماذا ينتج عن كل مما يأتي: أ) تأثير المنبه على أحد الأعصاب الحوضية الذي ينتهي إلى المثانة. ( تقلص المثانة)

ب) تآلف بعض الليفيات العصبية عند البارامبيوم. ( تتوقف حركة الأهداب المتصلة بها.)

ج) انسداد إحدى القنوات التي تصل بين بطينات الدماغ.

تراكم السائل الدماغي الشوكي في بطينات الدماغ فيزداد حجمها وتضغط على الدماغ وتسمى هذه الحالة الاستسقاء الدماغي.

ثالثاً: أعط تفسيراً علمياً لخمس مما يأتي: / ٥ × ١٠ = ٥٠ /

١- تعدّ الخلايا الدبقية الصغيرة خلايا مناعية. لأنها تقوم ببلعمة العصبونات التالفة والخلايا الغريبة.

٢- لا يحيط غمد النخاعين بكامل الليف العصبي.

لأنه يتقطع على أبعاد متساوية مشكلاً اختناقات رانفيه والتي تسمح بانتقال السائلة العصبية على طول الليف العصبي.

٣- يعطى المرضى في أثناء الربو النورأدرينالين. من أجل توسيع الطرق الهوائية التنفسية.

٤- ملامسة جسم ساخن بسرعة لا تجعلنا نشعر بسخونته. لأن زمن التنبه أقل من زمن الاستفاد

٥- العصب الوركي في درجة الحرارة ٢٠ درجة مئوية أكثر قابلية للتنبه من العصب الوركي في درجة حرارة ١٠ درجة مئوية .

لأن قيم الريوباز والكروناكسي أخفض حيث تزداد قابلية التنبه بارتفاع درجة الحرارة.

٦- يعدّ النقل مستقطباً في الخلية العصبية.

لأنه يتم بجهة واحدة من الاستطالات الهيولية نحو جسم الخلية ثم للمحوار الذي ينقلها بعيداً عن جسم الخلية.

رابعاً: لاحظ المخطط الآتي ثم انقل الأرقام المحددة عليه إلى ورقة إجابتك ثم اكتب المفاهيم العلمية المناسبة: / ٥ × ٦ = ٣٠ /

١- النخاع الشوكي ٢- جذع الدماغ ٣- المهادين ٤- الدماغ المتوسط ٥- مراكز عصبية

خامساً: أجب عن السؤالين الآتيين: / ٢٠ + ٢٠ = ٤٠ / ١- رتب العناصر الآتية التي تشترك في مسار المسلك العصبي الودي:

أ) يخرج ليفه من الجهاز العصبي المركزي. ب) ينتهي ليفه العصبي في العضو المستجيب. ج) يوجد عصبون نابذ قبل العقدة.

د) مع عصبون حركي يقع جسمه في العقدة الودية. هـ) يشكل مشبكاً في العقدة الودية.

يوجد عصبون نابذ قبل العقدة ← يخرج ليفه من الجهاز العصبي المركزي ( من القرن الجانبي للنخاع الشوكي ) ← ويشكل مشبكاً في

العقدة الودية ← مع عصبون حركي يقع جسمه في العقدة الودية ← وينتهي ليفه العصبي إلى العضو المستجيب.

٢- قارن بين كل من : أ) الجهاز العصبي المركزي والجهاز العصبي المحيطي من حيث الخلايا التي تشكل غمد النخاعين في كل منهما.

ب) التلم الخلفي والتلم الأمامي في النخاع الشوكي من حيث الشكل. ( ٤ × ٥ = ٢٠ )

من حيث	الجهاز العصبي المركزي	الجهاز العصبي المحيطي
الخلايا المكونة لغمد النخاعين	بدءاً من خلايا الدبق قليلة الاستطالات	من خلايا شوان
من حيث	التلم الخلفي	التلم الأمامي
الشكل	ضيق وعميق يصل إلى <u>حدود</u> المادة الرمادية	عريض وقليل العمق لا يصل إلى <u>حدود</u> المادة الرمادية

سادساً: لاحظ الأشكال الآتية لبنية الدماغ لدى بعض الأحياء في صفوف مختلفة من الفقاريات، ما النتيجة التي حصلت عليها من

ملاحظتك لها؟ وبماذا يمتاز دماغ الثدييات عن باقي الفقاريات؟ / ٤ × ٣ = ١٢ /

النتيجة : بنية الدماغ تتعدد تدرجياً كلما ارتقينا في سلم تطور الفقاريات حيث عند الثدييات نما الدماغ، وتخصصت أقسامه ، وتعددت

مراكزه ووظائفه.

سابعاً: دراسة حالة: / ٥ × ٦ = ٣٠ /

يتم تشخيص بعض الأمراض العصبية من خلال تحليل السائل الدماغي الشوكي، المطلوب:

١- من أين يفرز هذا السائل؟ ٢- أين يوجد الخارجي و الداخلي منه؟ ٣- وكيف يتم الحصول عليه؟ ٤- وما وظيفته؟

١- تفرزه خلايا البطانة العصبية.

٢- يوجد الخارجي في الحيز تحت العنكبوتي ( بين الغشاء العنكبوتي وغشاء الأم الحنون )

يوجد الداخلي: في قناة السيساء وبطينات الدماغ.

٣- يتم الحصول عليه : إدخال إبرة معقمة إلى الحيز تحت العنكبوتي بين الفقرات القطنية الثالثة والرابعة.

٤- وظيفته: يشكل وسادة مائية تحيط بالدماغ والنخاع الشوكي وتحميهما من الصدمات أو يمنع انضغاط المراكز العصبية.



Nom :..... ;

## L'été en France

En été, des festivals, des concerts et des animations rythment la vie.

Le 21 juin, c'est le premier jour de l'été, c'est aussi le jour de la fête de la musique. Les Français sortent dans la rue pour jouer de la musique ou bien pour écouter des concerts. C'est très populaire.

En juillet, il y a le Tour de France, c'est la plus importante compétition cycliste du monde. Chaque année, des millions de personnes vont sur les routes du Tour de France pour encourager les coureurs. Et le 14, c'est le jour de la Fête nationale, il y a un feu d'artifice dans chaque village et à Paris, il y a un grand défilé militaire sur les Champs-Élysées.

La municipalité de Paris

### Répondez par « Vrai » ou « Faux » !

- 1- Dans ce document, il s'agit d'un article.
- 2- La municipalité présente de différents événements sociaux.
- 3- Les événements cités dans le document se déroulent en même saison.
- 4- Ce document est une publication officielle.

### Cochez la bonne réponse !

- 5- **La fête de la musique vise à.....**

a- encourager les coureurs	c- sortir dans les rues
b- jouer et écouter de la musique	d- faire des concerts
- 6- **Dans la fête nationale, sur les Champs-Élysées, on organise.....**

a- un feu d'artifice	c- des concerts
b- un cortège militaire	d- une compétition
- 7- **Des millions de personnes envahissent les rues pour l'événement .....**

a-La Fête Nationale	c-La Fête de la Musique
b-Le Tour de France	d- La compétition cycliste du monde
- 8- **La fête de la musique se déroule.....**

a- au début de l'été	c- à mi-juillet
b- le dernier jour de l'été	d- en juillet

### II- Grammaire

- 9- **La municipalité a organisé un événement..... célébrer le Nouvel An.**

a- afin que	b- de crainte que	c- de peur de	d- pour
-------------	-------------------	---------------	---------
- 10- **En France, la mairie propose plusieurs activités ..... la communauté chinoise puisse fêter le Nouvel An.**

a- Pour que	b- de peur que	c- afin de	d- de façon à
-------------	----------------	------------	---------------
- 11- **Je me réveille très tôt..... rater le rendez-vous d'affaires.**

a- pour	b- de peur de	c- afin que	d- afin de
---------	---------------	-------------	------------
- 12- **Le gouvernorat a organisé la fête.....le public puisse participer à toutes les activités.**

a- de peur que	b- de manière à	c- de manière à ce que	d- pour
----------------	-----------------	------------------------	---------
- 13- **Je porte mon parapluie de peur qu'il ne.....**

a- pleut	b- pleuvra	c- pleuvait	d- pleuve
----------	------------	-------------	-----------
- 14- **Je travaille jour et nuit pour ..... de bonnes notes.**

a- obtienne	b- obtenir	c- obtiens	d- obtiendrai
-------------	------------	------------	---------------
- 15- **Il faut que tu ..... tes devoirs.**

a- fasses	b- fais	c- feras	d- faisais
-----------	---------	----------	------------
- 16- **Si tu comprends bien la règle, tu .....l'exercice facilement.**

a- feras	b- faisais	c- ferais	d- faire
----------	------------	-----------	----------
- 17- **Je pense que vous ..... participer à cet événement.**

a- deviez	b- devrez	c- devriez	d- devoir
-----------	-----------	------------	-----------
- 18- **Je fais tous mes efforts pour.....**

a- réussirai	b- réussisse	c- la réussite	d- réussirais
--------------	--------------	----------------	---------------

III- Voici un extrait d'une interview entre un journaliste et un responsable sur la journée internationale des femmes, remettez-le en ordre !

a-	Donc, elles font tous leurs possibles pour réduire l'inégalité homme-femme et quelles sont les activités proposées ?
b-	Et où l'on fête cette journée cette année ?
c-	Le gouvernorat permet aux femmes d'organiser des conférences, des expositions et des séances
d-	Aujourd'hui, c'est la journée internationale des femmes pourriez-vous nous présenter cet événement en quelques mots ?
e-	Pour célébrer cette fête, on consacre plusieurs salles dans le centre culturel de Damas.
f-	Bien sûr, à cette occasion, on rend hommage aux femmes qui luttent pour avoir leurs droits.

1	2	3	4	5	6

**BONNE CHANCE**





### I- Reading:

#### A- Read the following text then choose the correct answer a, b, c or d:

Not all people have the ability to explore their future and build it with more confidence and clarity. Most studies have highlighted the role of parents as active agents in the career development of their children. Parents want their children to opt for a career they know well about, but what their children want or aspire to become can be completely different. Many parents said they had misguided their children into choosing a career of their choice. It is very important not to burden our children with unreal expectations.

There are a few factors that are of great importance in the career selection process. The child's aptitude is a mirror of his/her personality, strengths, and weaknesses. Hence, a designed aptitude test can reveal a lot of information regarding the child. Psychologists said that it was very easy for a child to get swayed by peer pressure into choosing a career that the majority was opting rather than the one which was best for him/her. Although it should not be the most important, remuneration of a career holds value in one's life. A job's earnings should match the child's aspirations and provide a satisfying comfortable life. Parents can work together to gather information about a career and then help the child in deciding whether it is suitable or not.

#### Choose the correct answer a, b, c or d: (60 marks)

- In guiding their children to choose their future career, most parents nowadays ..... what their children want or aspire to be in the future.  
a. ignore                      b. consider                      c. support                      d. approve
- Peer pressure can ..... a child into choosing a career that the majority was opting rather than the one which is best for him/her.  
a. help                      b. support                      c. influence                      d. prevent
- Parents should study very well their children's ..... to decide their future career.  
a. remuneration                      b. natural skills                      c. demotivation                      d. values
- burden means:  
a. load                      b. help                      c. a goal                      d. a skill

#### Decide whether the following statements are true or false:

- When choosing a career for their children, parents take their children's aspirations into consideration. ( )
- Children mostly dream of getting a job with very good pay. ( )

#### B- Read the following text then choose the correct answer a, b, c or d:

Most people think that education is limited to schools only, but the truth is that there are lessons that we can only learn from life, and they may be more important than those learnt at schools. Life lessons are sometimes painful before they are acquired, and in order to avoid this, we must benefit from the experiences of others. We shouldn't pay too much attention to the trivial things that are not important and waste our time and effort.

We must be confident of ourselves, but that does mean we talk about ourselves and our accomplishments all the time, as this inherits vanity. Man by nature makes mistakes, so be tolerant and seek excuses for those around you. The pursuit of success will make you succeed in the end, no matter how long the period is, but keep trying. Failure is a great teacher in life. It teaches us humility and how to correct our course of life. A great example is Thomas Edison. He failed many times, but he did not give up until he succeeded. The golden rule for everybody is to be honest, trustful, useful and generous so that they leave life with a trace that those around them will not forget about.

#### Choose the correct answer a, b, c or d: (60 marks)

- People can avoid life's painful lessons by .....the experiences of others.  
a. ignoring                      b. making use of                      c. rejecting                      d. declining

8. Because Man by nature makes mistakes, we should .....others.

- a. blame                      b. criticize                      c. forgive                      d. hate

9. Edison dealt with failure during his life with.....

- a. modesty                      b. pain                      c. envy                      d. pride

10. vanity means:

- a. modesty                      b. humility                      c. tolerance                      d. too much pride in one's self

**Decide whether the following statements are true or false:**

11. Silly things are important and teach us great lessons. (      )

12. Thomas Edison is an example of someone who never gives up. (      )

**II- Use of English**

**Choose the correct answer a, b, c or d: (130 marks)**

13. I went to a counselor for ..... on my career.

- a. guided                      b. guide                      c. guidance                      d. guidely

14. The airline company ..... to passengers for the delay.

- a. apologetic                      b. apology                      c. apologised                      d. apologetically

15. If you.....rotten food, you will get arrested and end up in a prison.....

- a. sell/cell                      b. cell/sell                      c. eight/ate                      d. ate/eight

16. The group had one successful song but failed to ..... with another hit record.

- a. follow it through                      b. get into it                      c. reach out to it                      d. fit in with it

17. In a few years our company should be able to ..... the world's most developed nations.

- a. be on a roll                      b. be dead in the water                      c. ace the test                      d. join the ranks of

18. After a long tax season, getting on extra week off with pay is .....

- a. at death's door                      b. just what the doctor ordered  
c. on the mend                      d. a taste of your own medicine

19. Dr. Rashed, Leila's ..... came in and noted that her blood pressure and pulse were very high.

- a. cardiologist                      b. ophthalmologist                      c. allergist                      d. naturopath

20. I ..... a writing competition in 2006.

- a. have won                      b. had won                      c. will win                      d. won

21. I ..... him for months.

- a. haven't seen                      b. don't see                      c. haven't been seeing                      d. hadn't seen

22. We ..... at seven o'clock every morning,

- a. are getting up                      b. got up                      c. get up                      d. had got up

23. At the moment, my mother ..... coffee, and my sisters are reading magazines.

- a. is drinking                      b. drank                      c. drinks                      d. will drink

24. .... films?

- a. Are you liking                      b. Do you like                      c. Does you like                      d. Had you liked

25. The lecture ..... by the time they got there.

- a. started                      b. had started                      c. is starting                      d. will start

26. Did anything happen while you ..... TV?

- a. watched                      b. watch                      c. were watching                      d. had watched

27. Henry did very well in his exams, which was a shock because he ..... an exam before.

- a. hadn't been taking                      b. didn't take                      c. wasn't taking                      d. hadn't taken

28. The program that was stopped..... well since 1945.

- a. works                      b. had been working                      c. will work                      d. is working

29. First, they stayed in London for a few days. Then they ..... Cambridge.

- a. visit                      b. had visited                      c. are visiting                      d. visited

30. Are the plates clean? Yes, Rachel ..... them .  
 a. did                                      b. will do                                      c. do                                      d. has done
31. .... your friend when you were at university?  
 a. Do you meet                                      b. Will you meet                                      c. Have you met                                      d. Did you meet
32. I ..... the flat at eight and walk to the university.  
 a. leave                                      b. am leaving                                      c. have left                                      d. leaves
33. Why are you crying? Because my brother ..... an accident.  
 a. had                                      b. have                                      c. has had                                      d. will have
34. An X-ray is a common imaging test that ..... used for decades.  
 a. is being                                      b. had been                                      c. has been                                      d. was being
35. We ..... asked a very difficult question by the teacher when the schoolbell rang.  
 a. were being                                      b. are being                                      c. have been                                      d. will be
36. Mazen doesn't speak English well. He ..... join some English courses to improve his English.  
 a. mustn't                                      b. 'd better                                      c. shouldn't                                      d. instead of
37. In the following sentence, "The **news** is on Channel 1 now" the noun **news** is stressed. Therefore, the most appropriate meaning is:  
 a. not later                                      b. not the film                                      c. not Channel 3                                      d. not me
38. The sound of the past suffix **-ed** in the verb helped is pronounced:  
 a. /t/                                      b. /d/                                      c. /id/                                      d. /ad/

III- Writing:

A- Ask about the underlined word in each sentence: (12 marks)

39. Interviewer: .....?  
 Sofia: We have been here for about a month now.
40. Interviewer: .....?  
 Sofia: We chose Damascus because we have always loved the Arab culture and the language.
41. Interviewer: .....?  
 Sofia: We have been learning Arabic since we arrived in Damascus.
42. Interviewer: .....?  
 Sofia: The best thing about living in Syria is the hospitality of people.

B- Rewrite the following paragraph correctly: (8 marks)

A few weeks ago, a woman called to report a robbery at his house. It happened in four in the afternoon when she was watching news on TV. The burglar came in through the front door, picks up the woman's handbag, emptied it out and stole her purse. when she came into the room, the burglar had already left.

C- Composition: (30 marks)

Write a paragraph of no less than 80 words on your future career. The following question can help you: Include the following in your composition:

- your future career
- reasons for choosing this future career
- **challenges:** what you need to do to achieve your dream
- **aspirations:** what you want from your future career

**Good Luck**

**Home-Test Answer Key****I- Reading:****A- Read the following text then choose the correct answer a, b, c or d: (60 marks)**

1. a. ignore      2. c. influence      3. b. natural skills      4. a. load      5. (F)      6. (T)

**B- Read the following text then choose the correct answer a, b, c or d: (60 marks)**

7. b. making use of      8. c. forgive      9. a. modesty      10. d. too much pride in one's self  
11. (F)      12. (T)

**II- Use of English:****Choose the correct answer a, b, c or d: (130 marks)**

13. c. guidance      14. c. apologised      15. a. sell/cell      16. a. follow it through  
17. d. join the ranks of      18. b. just what the doctor ordered      19. a. cardiologist  
20. d. won      21. a. haven't seen      22. c. get up      23. a. is drinking  
24. b. Do you like      25. b. had started      26. c. were watching      27. d. hadn't taken  
28. b. had been working      29. d. visited      30. d. has done      31. d. Did you meet  
32. a. leave      33. c. has had      34. c. has been      35. a. were being  
36. b. 'd better      37. b. not the film      38. a. /t/

**III- Writing:****A- Ask about the underlined word in each sentence: (12 marks)**

39. How long have you been here? (3 marks)  
40. Why did you choose Damascus? (3 marks)  
41. What have you been doing since you arrived in Damascus? / What have you been learning since you arrived in Damascus? (3 marks)  
42. What is the best thing about living in Syria? (3 marks)

**B- Rewrite the following paragraph correctly: (8 marks)**

A few weeks ago, a woman called to report a robbery at **her** house. It happened **at** four in the afternoon when she was watching news on TV. The burglar came in through the front door, **picked** up the woman's handbag, emptied it out and stole her purse. **W**hen she came into the room, the burglar had already left.

السؤال الأول: أوجد نهاية كل من التوابع الآتية عند القيم المرفقة بجانب كل تابع:

1	$f(x) = \ln(x+1) - x$	$: a = +\infty$	2	$f(x) = \frac{\ln(x^2 - 3x + 5)}{x}$	$: a = +\infty$
3	$f(x) = \frac{\ln(7+6x)}{x^2 - 1}$	$: a = -1$	4	$f(x) = \frac{1}{x} + \ln x - 1$	$: a = 0$
5	$f(x) = \frac{\ln(x^2 + 2x + 1)}{3x}$	$: a = \frac{1}{3}$ $a < 0$	6	$f(x) = \frac{\ln(1-x)}{6x}$	$: a = 0$
7	$f(x) = \ln x - \sqrt[3]{x}$	$: a = +\infty$	8	$f(x) = x \ln\left(\frac{x+2}{x}\right)$	$: a = +\infty$

السؤال الثاني: ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على  $[e, +\infty[ \cup ]0, e]$  ، وفق:

$$f(x) = \frac{1}{x(1 - \ln x)}$$

1. ادرس تغيرات التابع  $f$  ونظم جدولاً بها واستنتج ما للخط  $C$  من مقاربات موازية للمحورين الإحداثيين . وعين قيمته الحدية مبيناً نوعها .
2. ارسم ما وجدته من مستقيمات مقارنة ثم ارسم  $C$  .
3. استنتج رسم  $C_1$  الخط البياني للتابع  $f_1$  المعرفة بالعلاقة:

$$f_1(x) = \frac{-1}{x\left(\ln\frac{1}{x} + 1\right)}$$

السؤال الثالث: ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على  $[0, +\infty[ \cup ]-\infty, -2]$  بالعلاقة:

$$f(x) = \ln\left(\frac{x+2}{x}\right)$$

- (1) احسب نهاية  $f$  عند كل طرف من أطراف مجموعة تعريفه  $D_f$  .
- (2) أوجد  $f'(x)$  ثم ادرس إشارة المشتق ثم نظم جدولاً بتغيرات التابع  $f$  .
- (3) ارسم الخط  $C$  في معلم متجانس .
- (4) لتكن  $(u_n)_{n \geq 1}$  متتالية معرفة على  $N^*$  وفق:  $u_n = f(n)$  نضع  $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$

$$S_n = \ln\frac{(n+2)(n+1)}{2} \quad \text{أثبت أن:}$$

حساب  
الخط

$$f(x) = 1 + \frac{2 \ln x}{x}$$

1. احسب نهاية التابع  $f$  عند الصفر و  $+\infty$  واستنتج ما له من مقاربات توازي المحورين الإحداثيين ثم ادرس وضع  $C$  مع مقاربه الأفقي  $\Delta$
2. ادرس تغيرات  $f$  ونظم جدولاً بها
3. أثبت أن للمعادلة  $f(x) = 0$  حلاً وحيداً في المجال  $]\frac{1}{2}, 1[$
4. باستخدام التقريب التآلفي المحلي احسب قيمة تقريبية لـ  $f(1.1)$
5. ارسم  $\Delta$  ثم ارسم  $C$



حسان البيطار

$$f(x) = \frac{\ln x^2}{x} = \frac{2 \ln x}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2 \ln x}{x} = 0$$

4)  $f(x) = \frac{1}{x} + \ln x - 1$        $a = 0$

$$f(x) = \frac{1}{x} \left( 1 + \frac{\ln x}{\frac{1}{x}} - \frac{1}{\frac{1}{x}} \right)$$

$$f(x) = \frac{1}{x} (1 + x \cdot \ln x - x)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} x \cdot \ln x = 0$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \frac{1}{0^+} (1 + 0 - 0) = +\infty$$

5)  $f(x) = \frac{\ln(x^2 + 2x + 1)}{3x}$        $a = 0$

$$f(x) = \frac{\ln(x+1)^2}{3x} = \frac{2 \ln(x+1)}{3x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1+x}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \frac{2}{3} (1) = \frac{2}{3}$$

6)  $f(x) = \frac{\ln(1-x)}{6x}$        $a = 0$

$$f(x) = \frac{\ln(1+(-x))}{6x(-x)} \cdot (-x)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1 \cdot \frac{-1}{6} = -\frac{1}{6}$$

السؤال الأول

1)  $f(x) = \ln(x+1) - x$        $a = +\infty$

$$f(x) = (x+1) \left( \frac{\ln(x+1)}{x+1} - \frac{x}{x+1} \right)$$

$$f(x) = (x+1) \cdot \left( \frac{2 \ln(x+1)}{x+1} - 1 \cdot x \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty (0 - (+\infty)) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x+1)}{x+1} = 0$$

2)  $f(x) = \frac{\ln(7+6x)}{x^2 - 1}$        $a = -1$

$$f(x) = \frac{\ln(1+6x+6)}{(x-1)(x+1)} = \frac{\ln(1+6x+6)}{(x-1)(x+1) \cdot 6} \cdot 6$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{\ln(1+6x+6)}{6x+6} \cdot \frac{6}{x-1}$$

$$t = 6x+6$$

$$\Rightarrow t \rightarrow 0$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -1} f(x) = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\ln(1+t)}{t} \cdot \frac{6}{-2} = -3$$

3)  $f(x) = \frac{\ln(x^2 - 3x + 5)}{x}$        $a = +\infty$

سأركز الآن تمام طرق كمال هذا طلبة  $x^2$  عامل متكرر

$$f(x) = \frac{\ln(x^2(1 - \frac{3}{x} + \frac{5}{x^2}))}{x}$$

$$f(x) = \frac{\ln(x^2) + \ln(1 - \frac{3}{x} + \frac{5}{x^2})}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{\ln(+\infty) + \ln(1 - 0 + 0)}{+\infty}$$

$x=0$  مقارب شاقولي عكسي بحينه

$x=0$  مقارب شاقولي و عكسي لـ  $0$  كـ

$x=0$  مقارب شاقولي و عكسي بحينه عند  $0$

$y=0$  مقارب افقي عند  $0$  و لاي و لاي و لاي و لاي

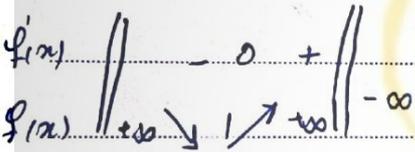
$$f'(x) = \frac{-(1 - (\ln x + \frac{1}{x} \cdot x))}{(x - x \cdot \ln x)^2}$$

$$f'(x) = \frac{-(1 - \ln x - 1)}{(x - x \cdot \ln x)^2} = \frac{-x + \ln x + 1}{(x - x \cdot \ln x)^2}$$

$$\Rightarrow f'(x) = 0 \Rightarrow \ln x = 0 \Rightarrow x = 1$$

$$f(1) = 1$$

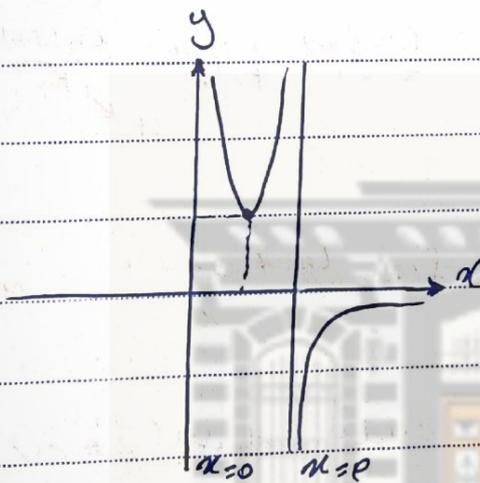
$x$  0 1  $e$   $+\infty$



(1+27)

$\ln 3 >$   
 $\ln 2 > 1$   
 $\ln 2 > 0.7$   
 $\ln 2 > 0$

$\ln 2 < 1$   
 $\ln 3 < 0.75$



$$f(x) = -\frac{1}{x(\ln \frac{1}{x} + 1)}$$

فان فيق

$$f(x) = -\frac{1}{x(\ln(1) - \ln(x) + 1)} = -f(x)$$



$x \cdot x'$  ...

$$f(x) = \ln x - \sqrt[3]{x} \quad a = +\infty$$

$$f(x) = 3 \cdot \ln \sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{x}$$

$$f(x) = \sqrt[3]{x} \left( 3 \cdot \frac{\ln \sqrt[3]{x}}{\sqrt[3]{x}} - 1 \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty (0 - 1) = -\infty$$

$$f(x) = x \cdot \ln \left( \frac{x+2}{x} \right) \quad a = +\infty$$

$$f(x) = x \cdot \ln \left( 1 + \frac{2}{x} \right)$$

$$f(x) = \frac{\ln \left( 1 + \frac{2}{x} \right)}{\frac{1}{x}} \cdot 2$$

$$f(x) = \frac{\ln \left( 1 + \frac{2}{x} \right)}{\frac{2}{x}} \cdot 2$$

نقطة  
 $t = \frac{2}{x}$   
 $x \rightarrow +\infty \Rightarrow t \rightarrow 0$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{t \rightarrow 0} f(t) = \frac{\ln(1+t)}{t} \cdot 2 = 2$$

السؤال الثاني  
 $f(x) = \frac{1}{x \ln x}$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \frac{1}{x - x \cdot \ln x} = \frac{1}{0^+} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow e^-} f(x) = \frac{1}{0^+} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow e^+} f(x) = \frac{1}{0^-} = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{\infty} = 0$$

① نثبت صحة العرقة من أجل  $U_1 = \ln 3 = \ln 3$

② نثبت صحة العرقة

$$U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_n = \ln \left( \frac{(n+2)(n+1)}{2} \right)$$

③ نثبت صحة العرقة من أجل  $n+1$

$$U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_n + U_{n+1} = \ln \left( \frac{(n+3)(n+2)}{2} \right)$$

من ② نطلق من الحد الأول (3)

$$\ln \left( \frac{(n+2)(n+1)}{2} \right) + \ln \left( \frac{n+3}{n+1} \right) =$$

$$\ln \left( \frac{(n+2)(n+1)}{2} \times \frac{(n+3)}{(n+1)} \right) = \ln \left( \frac{(n+2)(n+3)}{2} \right)$$

$$= L_2 = \checkmark$$

السؤال الرابع

$$f(x) = 1 + \frac{2 \ln x}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 1 + 2 \cdot \frac{-\infty}{0^+} = -\infty$$

$x=0$  مقارب عمودي عند  $x=0$  عند  $x=0$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 1$$

$y=1$  مقارب افقي عند  $x=\infty$

$$f(x) = y_0 = \frac{2 \ln x}{x} \Rightarrow \ln x = 0$$

$$\Rightarrow x = 1$$

$x=0$  |  $x=1$  |  $x=\infty$

$$f(x) = y_0$$

من  $\Delta$   $C \in \Delta$  |  $A$  من  $\Delta$

$$= (1,1) \text{ نقطة } (1,1)$$

السؤال الثالث

$$f(x) = \ln \left( \frac{x+2}{x} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \ln(1) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \ln \left( \frac{2}{0^+} \right) = +\infty$$

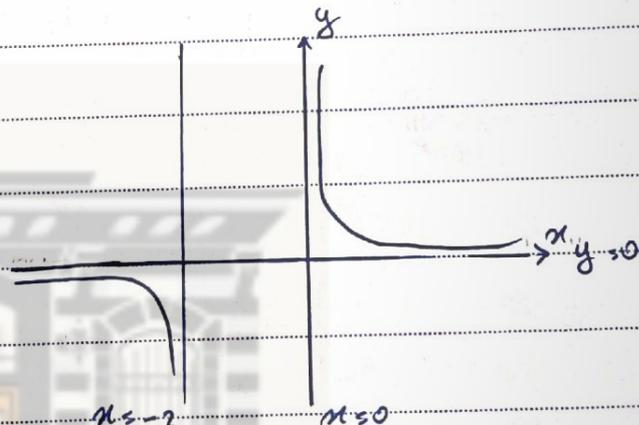
$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \ln(1) = 0$$

$y=0$  مقارب افقي عند  $x=-\infty$  و  $x=+\infty$

$x=-2$  مقارب عمودي و  $x=0$  عند  $x=0$

$x=0$  مقارب عمودي و  $x=0$  عند  $x=0$

$$f'(x) = \frac{x - \frac{x-2}{x^2}}{\frac{x+2}{x}} = \frac{-2}{(x)(x+2)} < 0$$



البيان

$$S_n = U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_n$$

$$= \ln \left( \frac{(n+2)(n+1)}{2} \right)$$

$$U_n = f(U_n)$$

على ان



$$f(x) = 2 \frac{\frac{1}{x} \cdot x - \ln x}{x^2}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{2 - 2 \ln x}{x^2}$$

$$\Rightarrow 2 - 2 \ln x = 0 \Rightarrow \ln x = 1 \Rightarrow x = e$$

$x$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$  $	$+$	$0$
$f(x)$	$  $	$-\infty$	$1 + \frac{2}{e}$

في مسعر ونقطة على المحور

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = 1 + 2 \cdot \frac{\ln \frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} < 0$$

$$f(1) = 1 > 0$$

$$f(1) \cdot f\left(\frac{1}{2}\right) < 0 \quad \Leftarrow$$

في المسطرة  $f(x) = 0$  في المسطرة

$$f(1.1)$$

$$a = 1, \quad h = 0.1$$

$$f(a+h) = f(a) + f'(a) \cdot h$$

$$= 1 + 2 \cdot \frac{1}{10} = \frac{22}{10}$$

