

اولا: اجب عن الاسئلة الاتية : (40 درجة لكل سؤال)

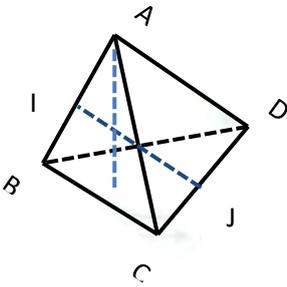
السؤال الاول:

في معلم متجانس لدينا $A(1, 0, 1)$ و $B(0, 1, 1)$

- (1) اكتب تمثيلا وسيطا للمستقيم d المار من A ويقبل شعاع توجيه له $\vec{u}(2, 2, 1)$
- (2) اثبت ان المستقيمين (AB) و d متعامدان

السؤال الثاني:

$ABCD$ رباعي وجوه طول ضلعه a و I, J منتصف AB, CD و G مركز ثقل رباعي الوجوه



(1) اثبت ان النقطة G تحقق $\vec{AG} = \frac{3}{4}\vec{AK}$ حيث K مركز ثقل المثلث BCD

(2) اثبت ان J, I, G تقع على استقامة واحدة

(3) اثبت ان AB, CD متعامدان (المستقيمين)

السؤال الثالث:

في معلم متجانس لدينا $A(3, 2, 1), B(0, 2, 7), C(1, 2, 1)$

(1) اوجد احداثيات مركز الابعاد G للنقاط $(A, 1), (B, 2), (C, 3)$

(2) صف مجموعة النقاط $M(x, y, z)$ التي تحقق $\|\vec{MA} + 3\vec{MC} + 2\vec{MB}\| = \|\vec{MA} + 2\vec{MB} - 3\vec{MC}\|$

السؤال الرابع:

ليكن لدينا المستويين $Q; x + y - z = 0$ و $P; 2x - y = z + 1 = 0$ اكتب تمثيلا وسيطيا لفصلهما المشترك

السؤال الخامس:

لدينا النقاط $A(1, 2, 3)$ و $B(3, 2, 1)$

(1) اكتب معادلة الكرة التي قطرها AB

(2) تحقق ان المستوي $x - y + 2 = 0$ يمس الكرة

ثانيا: اجب عن التمارين التالية : 50 درجة لكل تمرين

التمرين الاول:

في معلم متجانس لدينا $A(1, 0, 0), B(4, 3, -3), C(-1, 1, 2), D(0, 0, 1)$

(1) اثبت ان \vec{AB}, \vec{AC} غير مرتبطين خطيا

(2) اثبت ان $\vec{AC}, \vec{AB}, \vec{AD}$ مرتبطة خطيا

(3) استنتج ان D مركز ابعاد $(A, \alpha), (B, \beta), (C, \gamma)$ يطلب تعيين اللائحة

التمرين الثاني :

$$d: \begin{cases} x = 2s - 1 \\ y = s - 2 \\ z = 3s - 2 \end{cases} \quad s \in \mathbb{R} \quad d: \begin{cases} x = t + 2 \\ y = 2t + 1 \\ z = -t \end{cases}$$

١) اثبت ان المستقيمين متقاطعان

٢) عين نقطة التقاطع I

٣) جد معادلة المستوي المحدد ب d, d

ثالثاً: حل المسألتين الاتيتين: 100 درجة لكل مسألة

المسألة الاولى :

نتأمل النقاط $B(3, 1, -2), C(2, 2, 3), D(1, 0, 1)$

- ١- اثبت ان المثلث BCD قائم في D
- ٢- اكتب معادلة المستوي BCD
- ٣- احسب بعد $A(-4, 2, 1)$ عن المستوي و استنتج حجم الهرم $ADBCD$
- ٤- اوجد احداثيات A' مسقط A على المستوي
- ٥- بين ان المستوي يقطع كرة مركزها A ونصف قطرها 5

المسألة الثانية :

لدينا النقاط $A(2, 0, 0), B(0, 2, 0), C(0, 0, 1)$

- ١- اثبت ان معادلة المستوي ABC هي $x + y + 2z = 2$
- ٢- استنتج تمثيل وسيطي للمستقيم M المار من O عمودياً على المستوي
- ٣- اوجد احداثيات النقطة H نقطة تقاطع المستقيم M مع المستوي
- ٤- تحقق ان H هي نقطة تلاقي الارتفاعات في المثلث ABC
- ٥- احسب حجم رباعي الوجوه $OABC$ ثم استنتج مساحة المثلث ABC

عزيزي الطالب الفارش المستوى مش صعب ليهيك في اختبار ثاني

اصعب ويس هيك بتختم الاشعة

لاتنسى نشر النموذج للتواصل 0967729704

تلغرام @mbac600