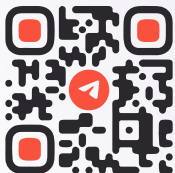


ملخصات متنوعة
لبعض المواد
ملخص
للرياضيات



قناة تسريبات نينجا

@T7SILY



جميع الحقوق محفوظة © لتسريبات نينجا

المتطابقات المثلثية

متطابقات المجموع والفرق

المجموع والفرق

الدالة

$$\sin(A + B) = \sin A \cos B + \sin B \cos A$$

$\sin \theta$

$$\sin(A - B) = \sin A \cos B - \sin B \cos A$$

$$\cos(A + B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B$$

$\cos \theta$

$$\cos(A - B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B$$

$$\tan(A + B) = \frac{\tan A + \tan B}{1 - \tan A \tan B}$$

$\tan \theta$

$$\tan(A - B) = \frac{\tan A - \tan B}{1 + \tan A \tan B}$$

متطابقات الضعف والنصف

متطابقة النصف

الضعف

الدالة

$$\sin \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$\sin \theta$

$$\cos \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \theta}{2}}$$

$$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$$

$$\cos 2\theta = 2 \cos^2 \theta - 1$$

$\cos \theta$

$$\cos 2\theta = 1 - 2 \sin^2 \theta$$

$$\tan \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}$$

$$\tan 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$$

$\tan \theta$

قيم الدوال المثلثية للزوايا الخاصة والرابعة

θ	0°	30°	45°	60°	90°	180°	270°	360°
θ	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\sin \theta$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
$\cos \theta$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1
$\tan \theta$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	غير معرف	0	غير معرف	0

المتطابقات النسبية

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}, \cos \theta \neq 0$$

$$\cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}, \sin \theta \neq 0$$

متطابقات المقلوب

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}, \sin \theta \neq 0$$

(مقلوب sin)

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}, \cos \theta \neq 0$$

(مقلوب cos)

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta}, \tan \theta \neq 0$$

(مقلوب tan)

متطابقات فيثاغورس

$$\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

بنقل $\cos^2 \theta$ للطرف الآخر

$$\sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta$$

بالقسمة على $\sin^2 \theta$

$$\cot^2 \theta + 1 = \csc^2 \theta$$

متطابقات الزاويتين التامتين

$$\sin(90 - \theta) = \cos \theta$$

$$\cos(90 - \theta) = \sin \theta$$

$$\tan(90 - \theta) = \cot \theta$$

متطابقات الدوال الزوجية والفردية

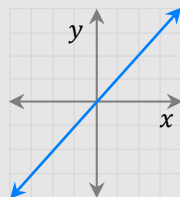
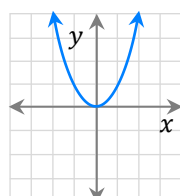
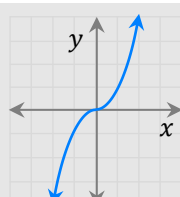
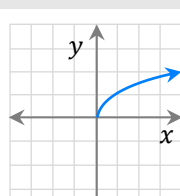
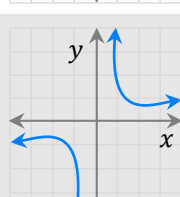
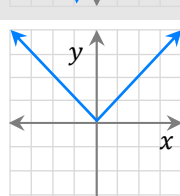
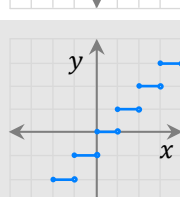
$$\sin(-\theta) = -\sin \theta$$

$$\cos(-\theta) = \cos \theta$$

$$\tan(-\theta) = -\tan \theta$$



الدوال

الدالة	الشكل	المجال	المدى	المقطع	التماثل	الاتصال	السلوك
الدالة الثابتة $f(x) = c$		\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	$\{c\}$	مقطع x : لا يوجد إلا إذا كانت $c = 0$ مقطع y : c	حول محور y (دالة زوجية)	متصلة على المجال \mathbb{R}	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = c$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = c$
الدالة المحايدة $f(x) = x$		\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	مقطع x : 0 مقطع y : 0	حول نقطة الأصل (دالة فردية)	متصلة على المجال \mathbb{R}	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
الدالة التربيعية $f(x) = x^2$		\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	$[0, \infty)$	مقطع x : 0 مقطع y : 0	حول محور y (دالة زوجية)	متصلة على المجال \mathbb{R}	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$
الدالة التكعبية $f(x) = x^3$		\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	مقطع x : 0 مقطع y : 0	حول نقطة الأصل (دالة فردية)	متصلة على المجال \mathbb{R}	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
دالة الجذر التربيعي $f(x) = \sqrt{x}$		$[0, \infty)$	$[0, \infty)$	مقطع x : 0 مقطع y : 0	غير متماثلة (ليست زوجية وليست فردية)	متصلة على المجال $[0, \infty)$	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$
دالة المقلوب $f(x) = \frac{1}{x}$		$\mathbb{R} - \{0\}$ $\mathbb{R} - \{0\}$	$\mathbb{R} - \{0\}$	لا يوجد	حول نقطة الأصل (دالة فردية)	للدالة عدم اتصال لا نهائي عند $x = 0$	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$
دالة القيمة المطلقة $f(x) = x $		\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	$[0, \infty)$	مقطع x : 0 مقطع y : 0	حول محور y (دالة زوجية)	متصلة على المجال \mathbb{R}	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$
الدالة الدرجية $f(x) = [x]$		\mathbb{R} $(-\infty, \infty)$	\mathbb{Z}	مقطع x : $0 \leq x < 1$ مقطع y : 0	غير متماثلة (ليست زوجية وليست فردية)	عدم اتصال قفزي على \mathbb{Z}	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

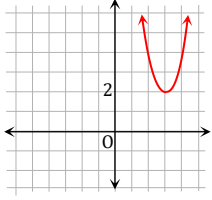


المجال و المدى

-مثال 2: مدى الدالة $f(x) = (x - 3)^2 + 2$

المدى بيانيًا

من خلال التمثيل البياني للدالة نجد أن المدى $[2, \infty)$



المدى جبريًا

-الإزاحة الرأسية هي الإزاحة خارج الدالة، أي 2

-إذاً يكون المدى $y \geq 2$
أو $[2, \infty)$

4 الدالة التكعبية $f(x) = x^3$

مثال: $f(x) = x^3 + 6$, $f(x) = (x + 1)^3 - 3$

المجال: مجال الدالة التكعبية دائمًا جميع الأعداد الحقيقية R

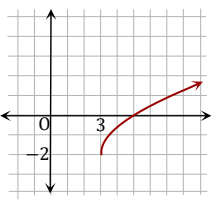
المدى: مدى الدالة التكعبية دائمًا جميع الأعداد الحقيقية R

5 الدالة الجذرية $f(x) = \sqrt{x}$

مثال: $f(x) = \sqrt{2x - 6} - 2$

بيانيًا

من خلال التمثيل البياني للدالة



نجد أن المجال $[3, \infty)$
ونجد أن المدى $[-2, \infty)$

جبريًا

المجال: نضع ما داخل الجذر أكبر من أو يساوي صفر...

$$2x - 6 \geq 0 \text{ ومنها } x \geq 3$$

• المدى: بنفس طريقة الدالة التربيعية (الإزاحة الرأسية $y \geq -2$)
-الإزاحة الرأسية هي -2

-إذاً يكون المدى $y \geq -2$
أو $[-2, \infty)$

1 الدالة الثابتة $f(x) = c$

مثال: $f(x) = 5$

المجال: مجال الدالة الثابتة دائمًا جميع الأعداد الحقيقية R

المدى: مدى الدالة الثابتة هو c أي في المثال = 5

2 الدالة المحايدة $f(x) = x$

مثال: $f(x) = 2x + 1$

المجال: مجال الدالة المحايدة دائمًا جميع الأعداد الحقيقية R

المدى: مدى الدالة المحايدة دائمًا جميع الأعداد الحقيقية R

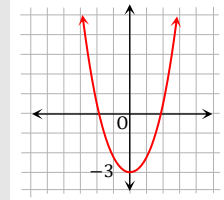
3 الدالة التربيعية $f(x) = x^2$

مثال 1: $f(x) = x^2 - 3$

المجال: مجال الدالة التربيعية دائمًا جميع الأعداد الحقيقية R

المدى بيانيًا

من خلال التمثيل البياني للدالة وتحديد المدى بيانيًا (من محور y)، نجد أن المدى $[-3, \infty)$



المدى جبريًا

مدى الدالة التربيعية يكون: (الإزاحة الرأسية $y \geq -3$)
-الإزاحة الرأسية هي الإزاحة خارج الدالة، أي -3

-إذاً يكون المدى $y \geq -3$
أو $[-3, \infty)$



- مثال 2: $f(x) = \frac{7}{5+x}$

أي أن المجال هو
 $R - \{-5\}$

$5 + x \neq 0$
 $x \neq -5$

المجال

أي أن المدى هو جميع
الأعداد الحقيقية عدا خط
التقارب،
أي $f(x) - \{0\}$

بما أن درجة البسط
أصغر من درجة المقام
يكون خط التقارب الأفقي
 $y = 0$

المدى

7 دالة القيمة المطلقة $f(x) = |x|$

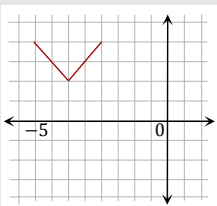
- مثال: $f(x) = |x + 4| + 2$

• المجال: مجال دالة القيمة المطلقة دائماً R

• المدى: بنفس طريقة الدالة التربيعية...

المدى بيانيًا

من خلال التمثيل البياني للدالة
وتحديد المدى بيانيًا
(من محور y)، نجد أن المدى
 $[2, \infty)$



المدى جبريًا

مدى دالة القيمة المطلقة:
(الإزاحة الرأسية $y \geq 2$)
-الإزاحة الرأسية هي الإزاحة
خارج الدالة، أي 2
-إذاً يكون المدى $y \geq 2$
أو $[2, \infty)$

6 الدالة النسبية $f(x) = \frac{a(x)}{b(x)}$

المجال: R باستثناء أصفار المقام: $\{ \text{أصفار المقام} \}$

المدى: نوجده من خلال خطوط التقارب الأفقية...

تذكير بحالات خطوط التقارب

درجة البسط مساوية
لدرجة المقام

درجة البسط أصغر
من درجة المقام

درجة البسط أكبر
من درجة المقام

خط التقارب
هو $y = \frac{\text{العامل الرئيس ل } a(x)}{\text{العامل الرئيس ل } b(x)}$

خط التقارب
هو المستقيم
 $y = 0$

خط التقارب
لا يوجد خط تقارب
أفقي

المدى

المدى

المدى

جميع الأعداد
الحقيقية عدا خط
التقارب الأفقي

جميع الأعداد
الحقيقية عدا صفر
 $R - \{0\}$

جميع الأعداد
الحقيقية (R)

- مثال 1: $f(x) = \frac{-8x}{4x - 12}$

أي أن المجال هو جميع
الأعداد الحقيقية عدا 3 أي
 $R - \{3\}$

$4x - 12 \neq 0$
 $4x \neq 12$
 $x \neq 3$

المجال

أي أن المدى هو جميع
الأعداد الحقيقية عدا خط
التقارب،
أي $f(x) - \{-2\}$

خط التقارب الأفقي هو
معامل البسط على
معامل المقام،
أي: $\frac{-8}{4} = -2$

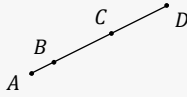
المدى



الاحتمالات

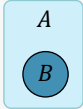
4 الاحتمالات الهندسية

الأطوال: احتمال أن تقع النقطة على BC يساوي...



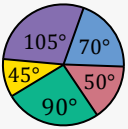
$$\frac{\text{طول } \overline{BC}}{\text{طول } \overline{AD}}$$

المساحة: احتمال أن تقع النقطة في المنطقة B يساوي:



$$\frac{\text{مساحة المنطقة } B \text{ (الدائرة)}}{\text{مساحة المنطقة } A \text{ (المستطيل)}}$$

الزوايا



$$\frac{\text{زاوية قطاع الاحتمال}}{360^\circ} = \text{الاحتمال}$$

5 الحوادث المستقلة والغير مستقلة

الحدثان المستقلتان: وقوع إحداهما لا يؤثر على الأخرى

مثال إلقاء قطعة نقد ومكعب مرقم السحب مع إرجاع

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) \quad \text{الاحتمال}$$

احتمال وقوع A . احتمال وقوع B

الحدثان غير المستقلين: وقوع إحداهما يؤثر على الأخرى

مثال السحب بدون إرجاع

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B|A) \quad \text{الاحتمال}$$

احتمال وقوع B بشرط وقوع A أولاً

1 التجربة العشوائية

إجراء نعرف مسبقاً جميع نواتجه الممكنة.

فضاء العينة: مجموعة جميع النواتج الممكنة لتجربة ما

مثال فضاء العينة لمكعب مرقم: {1, 2, 3, 4, 5, 6}

مثال فضاء العينة لقطعة نقد: {شعار، كتابة}

مبدأ العد الأساسي: لإيجاد عدد نواتج تجربة من عدة مراحل

فإننا نضرب عدد النواتج الممكنة لجميع المراحل...

مثال نواتج رمي مكعب وقطعة نرد $6 \times 2 = 12$

احتمال الحادثة: جزء من مجموعة نواتج التجربة العشوائية.

$$P(\text{حادثة}) = \frac{\text{عدد نواتج الحادثة}}{\text{عدد نواتج فضاء العينة}}, \quad 0 \leq P(X) \leq 1 \quad \text{الاحتمال}$$

2 التباديل

لإيجاد عدد نواتج حادثة عندما يكون الترتيب مهماً

${}_n P_r$: نضرب r من الأعداد الصحيحة المتتالية تنازلياً من بداية العدد n

$${}_5 P_3 = 5 \times 4 \times 3 = 60 \quad \text{مثال}$$

التباديل مع التكرار: التباديل مع التكرار

لعناصر عددها n يتكرر منها عنصر r_1 من $r_1!$ مرات، ويتكرر آخر r_2 من المرات يساوي $r_2!$ مرات، وهكذا...

التباديل الدائرية:

بنقطة مرجعية ثابتة: $n!$

بدون نقطة مرجعية ثابتة: $(n-1)!$

3 التوافيق

لإيجاد عدد نواتج حادثة عندما يكون الترتيب غير مهماً

طريقة الحساب

$${}_n C_r = \frac{\text{نضرب العدد } n \text{ بـ } r \text{ أعداد صحيحة مرتبة متتالية}}{\text{نضرب العدد } r \text{ تنازلياً وصولاً إلى العدد واحد}}$$

$${}_7 C_3 = \frac{7 \times 6 \times 5}{3 \times 2 \times 1} = 35 \quad \text{مثال}$$



6 الاحتمال المشروط

لأي حدثين A ، B غير مستقلتين، يكون احتمال وقوع الحادثة B بشرط وقوع A أولاً..

$$P(B | A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} , P(A) \neq 0$$

7 الحوادث المتنافية وغير المتنافية

الحدثان المتنافيتان: حدثان لا توجد عناصر مشتركة بينهما

مثال

ظهور عدد زوجي أو فردي عند إلقاء مكعب مرقم

الاحتمال

$$P(A \text{ أو } B) = P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

الحدثان غير المتنافيتان: حدثان توجد عناصر مشتركة بينهما

مثال

ظهور عدد أصغر من 4 أو عدد فردي على الوجه الظاهر لمكعب مرقم.

الاحتمال

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

• تذكير:

-الحوادث المتنافية وغير المتنافية يُستخدم معها الرابط "أو" ، أي تكون بهذا الشكل في السؤال (احتمال ... أو ...).

-الحوادث المستقلة وغير المستقلة يُستخدم معها الرابط "و" ، أي تكون بهذا الشكل في السؤال (احتمال ... و ...).

8 الحادثة المتمة

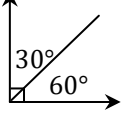
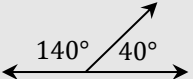
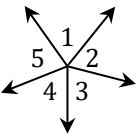
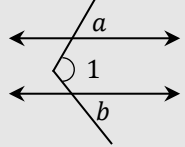
لأي حادثة يوجد هناك احتمالان، إما وقوع الحدث أو عدم وقوعه، وهما حدثان متتامتان ومجموعهما 1 (أو 100%):

$$P(\text{عدم وقوع الحادثة}) = 1 - P(\text{وقوع الحادثة})$$

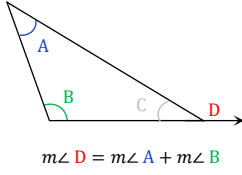


القوانين

قوانين رياضيات أولى ثانوي

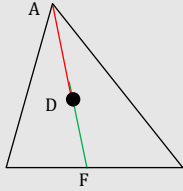
الرقم	اسم القانون	القانون	ملاحظات
1	الزاويتان المتتامتان	مجموع قياس الزاويتان المتتامتان = 90°	
2	الزاويتان المتكاملتان	مجموع قياس الزاويتان المتكاملتان = 180°	
3	قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة	مجموع قياس الزوايا المتجمعة حول نقطة = 360°	
4	التوازي بحرف الـ M	$m\angle 1 = m\angle a + m\angle b$	
5	ميل المستقيم	$m = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$	$x_2 - x_1 \neq 0$
6	صيغة الميل ومقطع	$y = mx + b$	الميل: m المقطع الصادي: b
7	صيغة الميل ونقطة	$y - y_1 = m(x - x_1)$	حيث (x_1, y_1) نقطة تقع على المستقيم و m تمثل الميل
8	البعد بين النقطتين	$\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$	
9	منتصف قطعة مستقيمة	$\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$	





الزاوية الخارجية = مجموع قياس الزاويتين الداخليتين البعيدتين

الزاوية الخارجية لمثلث 10



$$AD = \frac{2}{3} AF, DF = \frac{1}{3} AF$$

مركز المثلث 11

n تمثل عدد الأضلاع

$$S = (n - 2) \times 180^\circ$$

مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع 12

$$360^\circ$$

مجموع قياسات الزوايا الخارجية لمضلع 13

n تمثل عدد الأضلاع

$$n - 3$$

عدد الأقطار من أحد رؤوس مضلع 14

n تمثل عدد الأضلاع

$$\frac{n(n - 3)}{2}$$

عدد الأقطار الكلية لمضلع 15

n تمثل عدد الأضلاع

$$n - 2$$

عدد المثلثات التي ينقسم إليها المضلع 16

n تمثل عدد الأضلاع

$$\frac{360^\circ}{n}$$

قياس الزاوية الخارجية لمضلع منتظم 17

n تمثل عدد الأضلاع

$$m = \frac{(n - 2) \times 180^\circ}{n}$$

قياس الزاوية الداخلية لمضلع منتظم 18

m تمثل قياس الزاوية الداخلية

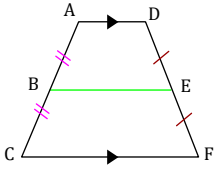
$$n = \frac{360^\circ}{180^\circ - m}$$

عدد أضلاع المضلع المنتظم 19

$$\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right) = \text{نقطة المنتصف}$$

نقطة تلاقي القطرين في متوازي الأضلاع 20





$$BE = \frac{AD + CF}{2}$$

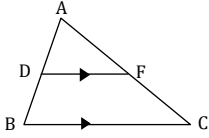
القطعة المتوسطة في شبه المنحرف

21

معامل التشابه بين أي مضلعين = النسبة بين طولي الضلعين أو النسبة بين محيطيهما

معامل التشابه بين مضلعين متشابهين

22

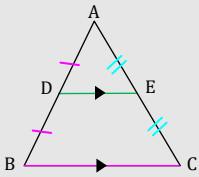


إذا كان \overline{CB} يوازي \overline{DF} فإن:

$$\frac{AD}{DB} = \frac{AF}{FC}$$

نظرية التناسب في المثلث

23

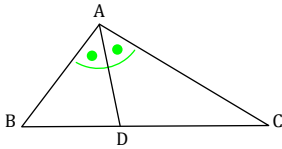


إذا كانت \overline{DE} قطعة منصفة، فإن:

$$DE = \frac{BC}{2} \text{ أو } BC = 2DE$$

القطعة المنصفة في المثلث

24



إذا كان \overline{AD} منصفًا للزاوية A فإن:

$$\frac{BD}{CD} = \frac{BA}{CA} \text{ أو } \frac{BA}{BD} = \frac{CA}{CD}$$

نظرية منصف الزاوية في المثلث

25

$$(x, y) \rightarrow (x, -y)$$

الانعكاس حول محور x

26

$$(x, y) \rightarrow (-x, y)$$

الانعكاس حول محور y

27

$$(x, y) \rightarrow (y, x)$$

الانعكاس حول محور $x = y$

28

-لليمين والأعلى: إزاحة موجبة
-لليسار والأسفل: إزاحة سالبة

صورة النقطة (x, y) بإزاحة أفقية a ورأسية b هي:

$$(x, y) \rightarrow (x + a, y + b)$$

الإزاحة

29

$$(x, y) \rightarrow (-y, x)$$

الدوران بزاوية 90°

30

$$(x, y) \rightarrow (-x, -y)$$

الدوران بزاوية 180°

31

$$(x, y) \rightarrow (y, -x)$$

الدوران بزاوية 270°

32

$$(x, y) \rightarrow (x, y)$$

الدوران بزاوية 360°

33



إذا كان المضلع غير منتظم يكون
مقدار التماثل الدوراني = $\frac{360^\circ}{\text{الرتبة}}$

عدد محاور التماثل = عدد أضلاعه
رتبة التماثل الدوراني = عدد الأضلاع
مقدار التماثل الدوراني = $\frac{360^\circ}{\text{عدد الأضلاع}}$

34 للمضلع المنتظم

- إذا كان $k > 1$ تكبير
- إذا كان $k < 1$ تصغير

$$k = \frac{\text{طول الصورة } (A'B')}{\text{طول الأصل } (AB)}$$

35 معامل التمدد

صورة النقطة (x, y) بمعامل تمدد K :
 $(x, y) \rightarrow (kx, ky)$

36 التمدد في المستوى
الإحداثي

r طول نصف القطر

$$A = r^2 \pi$$

37 مساحة الدائرة

حيث d طول القطر و r طول
نصف القطر

$$C = \pi d = 2\pi r$$

38 محيط الدائرة

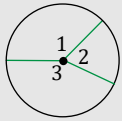
حيث h ارتفاع الاسطوانة

$$V = hr^2 \pi$$

39 حجم الاسطوانة

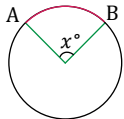
$$V = \frac{4}{3} r^3 \pi$$

40 حجم الكرة



مجموع الزوايا المركزية = 360°

41 مجموع الزوايا المركزية



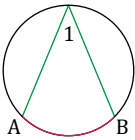
قياس القوس = قياس الزاوية المركزية المقابلة له

42 قياس القوس بمعلومية
زاوية مركزية

θ بالراديان: $l = r \times \theta$

θ بالدرجات: $l = \frac{\theta^\circ}{360^\circ} \times 2\pi r$

43 طول القوس المقابل لزاوية
مركزية

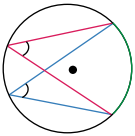


نصف قياس القوس المقابل لها

44 قياس الزاوية المحيطية

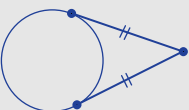
قياس الزاوية = ضعف الزاوية المحيطية المقابلة له

45 قياس القوس بمعلومية
زاوية محيطية



في الزاويتين المحيطيتين المحيطتان المقابلتان لنفس القوس
قياس الزاوية الأولى = قياس الزاوية الثانية

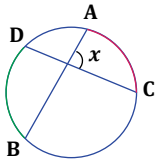
46 نظريات الزاوية المحيطية



طول القطعة الأولى = طول القطعة الثانية

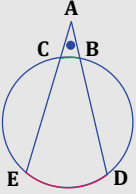
47 القطعتان الماستان
لدائرة من الخارج





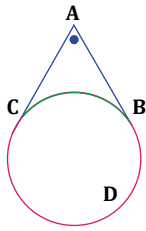
$$m\angle x = \frac{1}{2}(m\widehat{AC} + m\widehat{DB})$$

تقاطع وترين داخل دائرة 48



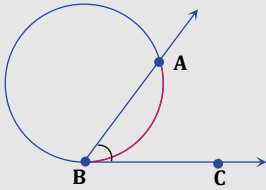
$$m\angle A = \frac{1}{2}(m\widehat{ED} - m\widehat{CB})$$

تقاطع وترين خارج دائرة 49



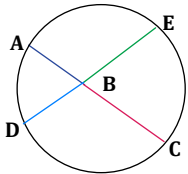
$$m\angle A = \frac{1}{2}(m\widehat{BDC} - m\widehat{BC})$$

تقاطع مماسين خارج
الدائرة 50



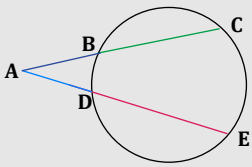
$$m\angle ABC = \frac{1}{2}m\widehat{AB}$$

قياس الزاوية المماسية 51



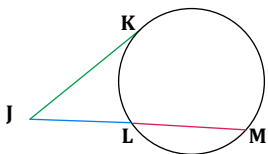
$$AB \times BC = DB \times BE$$

نظرية قطع الوتر 52



$$AC \times AB = AE \times AD$$

قاطعان للدائرة من
الخارج 53



$$JK^2 = JL \times JM$$

مماس وقاطع من
الخارج 54

هو المركز و r هو نوق (h, k)

$$(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$$

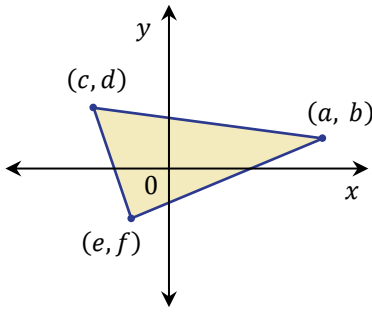
معادلة الدائرة 55



قوانين رياضيات ثاني ثانوي

ملاحظات	القانون	اسم القانون	الرقم
	$a + b = b + a$: في الجمع $a \cdot b = b \cdot a$: في الضرب	الخاصية التبادلية	56
	$(a + b) + c = a + (b + c)$: في الجمع $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$: في الضرب	الخاصية التجميعية	57
	$a + 0 = a = 0 + a$: في الجمع $a \cdot 1 = a = 1 \cdot a$: في الضرب	العنصر المحايد	58
$a + (-a) = 0$	النظير الجمعي لـ a هو $-a$	النظير الجمعي	59
$a \times \left(\frac{1}{a}\right) = 1, a \neq 0$	النظير الضربي لـ a هو $\frac{1}{a}$	النظير الضربي	60
	$a(b + c) = ab + ac$	خاصية التوزيع	61
	حيث m عدد الصفوف و n عدد الأعمدة رتبة المصفوفة = $m \times n$	رتبة المصفوفة	62
	$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \pm \begin{bmatrix} e & f \\ g & h \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \pm e & b \pm f \\ c \pm g & d \pm h \end{bmatrix}$	جمع وطرح المصفوفات	63
	$k \cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ka & kb \\ kc & kd \end{bmatrix}$	ضرب المصفوفات بعدد ثابت	64
ليكون ضرب المصفوفات ممكن يجب أن يكون عدد أعمدة الأولى يساوي صفوف الثانية	$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} e & f \\ g & h \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ae + bg & af + bh \\ ce + dg & cf + dh \end{bmatrix}$	ضرب المصفوفات	65
	$\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$	محددة المصفوفة من الرتبة 2×2	66
	$\begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} =$ $a \begin{vmatrix} e & f \\ h & i \end{vmatrix} - b \begin{vmatrix} d & f \\ g & i \end{vmatrix} + c \begin{vmatrix} d & e \\ g & h \end{vmatrix}$	محددة المصفوفة من الرتبة 3×3	67





في المثلث الذي رؤوسه

$(a, b), (c, d), (e, f)$

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} a & b & 1 \\ c & d & 1 \\ e & f & 1 \end{vmatrix}$$

مساحة المثلث

68

حيث $|A|$ هو محددة المصفوفة

$$|A| \neq 0$$

في المصفوفة $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ النظير الضربي ..

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

النظير الضربي للمصفوفة

69

$$i^0 = 1, \quad i^1 = i, \quad i^2 = -1$$

$$i^3 = -i, \quad i^4 = 1$$

قوى الوحدة التخيلية

70

$$(a + bi) \pm (c + di) = (a \pm c + (b \pm d)i)$$

(نجمع/نطرح الجزء التخيلي مع التخيلي والحقيقي مع الحقيقي)

جمع وطرح الاعداد المركبة

71

للمعادلة التربيعية $ax^2 + bx + c = 0$

القانون العام:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

القانون العام

72

$$\left[x^{\frac{a}{n}} = \sqrt[n]{x^a}, \quad n \neq 0 \right]$$

$$[x^a \times x^b = x^{a+b}]$$

$$[(x^a)^b = x^{a \times b}]$$

$$[x^a \div x^b = x^{a-b}, \quad x \neq 0]$$

$$\left[x^{-a} = \frac{1}{x^a}, \quad x \neq 0 \right]$$

$$\left[\left(\frac{x}{y} \right)^a = \frac{x^a}{y^a}, \quad y \neq 0 \right]$$

$$[x^0 = 1, \quad x \neq 0]$$

$$[(xy)^a = x^a y^a]$$

خصائص القوى

73

$$a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$$

مجموع مكعبين

74

$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

الفرق بين مكعبين

75

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

الفرق بين مربعين

76



$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	المربع الكامل	77
$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$		
$4a^3b^2 - 8ab = 4ab(a^2b - 2)$	عامل مشترك	78
$(f + g)(x) = f(x) + g(x)$	جمع دالتين	79
$(f - g)(x) = f(x) - g(x)$	طرح دالتين	80
$(f \cdot g)(x) = f(x) \cdot g(x)$	ضرب دالتين	81
$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{f(x)}{g(x)}, g(x) \neq 0$	قسمة دالتين	82
$[f \circ g](x) = f[g(x)]$	تركيب دالتين	83
$\sqrt[c]{a^b} = a^{\frac{b}{c}}$	الصورة الجذرية والأسية	84
$a^n\sqrt[n]{x} \pm b^n\sqrt[n]{x} = (a \pm b)^n\sqrt[n]{x}$	جمع وطرح الجذور	85
$\sqrt[n]{a} \times \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$	ضرب الجذور	86
$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$	قسمة الجذور	87
إذا كانت العبارة على الصيغة $\frac{a}{\sqrt{b}}$ نضرب البسط والمقام في \sqrt{b} إذا كانت العبارة على الصيغة $\frac{a}{\sqrt{b+c}}$ نضرب البسط والمقام في $\sqrt{b-c}$	إنطاق المقام	88
$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$	ضرب العبارات النسبية	89
$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{ad}{bc}$	قسمة العبارات النسبية	90
$\frac{a}{b} \pm \frac{c}{d} = \frac{ad \pm bc}{bd}$	جمع وطرح العبارات النسبية	91



	$x_1y_2 = x_2y_1$ أو $\frac{y_1}{x_1} = \frac{y_2}{x_2}$	التغير الطردي	92
	$x_1y_1 = x_2y_2$	التغير العكسي	93
	$\frac{y_1}{x_1z_1} = \frac{y_2}{x_2z_2}$	التغير المشترك	94
حيث y طردي مع x وعكسي مع z	$\frac{y_1z_1}{x_1} = \frac{y_2z_2}{x_2}$	التغير المركب	95
حيث a_n هي قيمة الحد n و d هو أساس المتتابعة	$a_n = a_1 + (n - 1)d$	الحد النوني للمتتابعة الحسابية	96
حيث s_n هو مجموع المتسلسلة إلى الحد n	$S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$ $S_n = \frac{n}{2}(2a_1 + (n - 1)d)$	مجموع المتسلسلة الحسابية	97
حيث a_1 يساوي $f(a)$ و a_n تساوي $f(b)$ وعدد الحدود يساوي $n = b - a + 1$	$\sum_{k=a}^b f(k)$ صيغة حدود المتسلسلة	المتسلسلة الحسابية بالرمز سيجما	98
حيث r أساس المتتابعة	$a_n = a_1r^{n-1}$	الحد النوني للمتتابعة الهندسية	99
حيث $r \neq 1$	$S_n = \frac{a_1 - a_nr}{1 - r}, S_n = \frac{a_1(1 - r^n)}{1 - r}$	مجموع المتسلسلة الهندسية	100
حيث a_1 يساوي قيمة التعويض بـ a وحيث a_n يساوي قيمة التعويض بـ b وحيث عدد الحدود $n = b - a + 1$ وحيث الأساس r	$\sum_{k=a}^b a(r)^{k-1}$	المتسلسلة الهندسية بالرمز سيجما	101
حيث $ r < 1$	$S = \frac{a_1}{1 - r}$	مجموع المتسلسلة الهندسية اللانهائية التقاربة	102
حيث r هو رقم الحد المطلوب مطروح منه 1 ، وعدد الحدود يساوي $n - 1$	في ذات الحدين على الصيغة $(a + b)^n$: قيمة الحد ${}_nC_r(a)^{n-r}(b)^r$	حد معين في مفكوك ذات الحدين	103
	$P(\text{حادثة}) = \frac{\text{عدد نواتج الحادثة}}{\text{عدد نواتج فضاء العينة}}$	احتمال الحادثة	104



$$n! = 1 \times 2 \times 3 \dots \times n$$

مضروب العدد 105

الترتيب مهم

$${}_n P_r = \frac{n!}{(n-r)!}$$

التباديل 106

حيث r هو عدد مرات تكرار العنصر

$$\frac{n!}{r_1! \cdot r_2! \cdot \dots \cdot r_k!}$$

التباديل مع التكرار 107

تبديل n عناصر دائريًا:

$$n! = \text{بنقطة مرجعية}$$

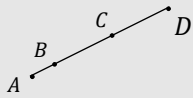
$$(n-1)! = \text{بنقطة مرجعية}$$

التباديل الدائرية 108

الترتيب غير مهم

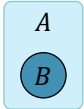
$${}_n C_r = \frac{n!}{(n-r)! r!}$$

قانون التوافق 109



$$\overline{BC} = \frac{\text{طول } \overline{BC}}{\text{طول } \overline{AD}}$$

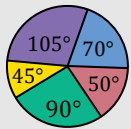
الاحتمال والأطوال 110



احتمالية أن يقع العنصر في المنطقة B هي :

$$\frac{\text{مساحة المنطقة } B \text{ (الدائرة)}}{\text{مساحة المنطقة } A \text{ (المربع)}}$$

الاحتمال والمساحة 111



احتمالية أن يقع العنصر في المنطقة B هي :

$$\frac{\text{زاوية قطاع الاحتمال}}{360^\circ} = \text{الاحتمال}$$

الاحتمال والزوايا 112

الحادثان لا تؤثران على بعضهما

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

احتمالية الحادثان المستقلتان 113

إحدهما تؤثر على الأخرى

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B/A)$$

احتمالية وقوع B بشرط وقوع A أولاً

احتمالية الحادثان غير المستقلين 114

حدث B بشرط A

$$P(B/A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}, P(A) \neq 0$$

الاحتمال المشروط 115



حدثان لا توجد عناصر مشتركة بينهما

$$P(A \text{ أو } B) = P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

الحدثان المتنافيتان

116

حدثان توجد عناصر مشتركة بينهما

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

الحدثان غير المتنافيتان

117

$$P(A') = 1 - P(A)$$

احتمال الحادثة المتمة

118

$$\frac{\pi}{180} \times \text{الدرجات} = \text{راديان}$$

التحويل من الدرجات
للراديان

119

$$\frac{180^\circ}{\pi} \times \text{الراديان} = \text{الدرجات}$$

التحويل من الراديان
للدراجات

120

$$\sin \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} , \quad \csc \theta = \frac{1}{\sin \theta} = \frac{\text{الوتر}}{\text{المقابل}}$$

$$\cos \theta = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} , \quad \sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = \frac{\text{الوتر}}{\text{المجاور}}$$

$$\tan \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} , \quad \cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{\text{المجاور}}{\text{المقابل}}$$

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} , \quad \cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$$

الدوال المثلثية في المثلث قائم
الزاوية

121



إذا كان $\sin \theta = x$ فإن $\sin^{-1} x = \theta$
 إذا كان $\cos \theta = x$ فإن $\cos^{-1} x = \theta$
 إذا كان $\tan \theta = x$ فإن $\tan^{-1} x = \theta$

معكوس الدوال المثلثية 122

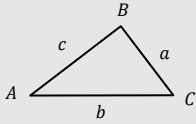
في الربع الأول: $\theta' = \theta$
 في الربع الثاني: $\theta' = 180^\circ - \theta$
 في الربع الثالث: $\theta' = \theta - 180^\circ$
 في الربع الرابع: $\theta' = 360^\circ - \theta$

الزوايا المرجعية 123

حيث θ هي الزاوية المحصورة بين الضلعين

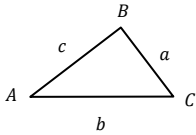
$$A = \frac{1}{2} \times \text{الضلع الأول} \times \text{الضلع الثاني} \times \sin \theta$$

مساحة أي مثلث 124



$$\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$$

قانون الجيوب 125



$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$$

قانون جيبوس التمام 126

حيث θ هي الزاوية بالراديان

$$s = r\theta$$

طول القوس في الدائرة 127

في الدالة $a \sin b\theta$ طول الدورة $\frac{360^\circ}{|b|}$

في الدالة $a \cos b\theta$ طول الدورة $\frac{360^\circ}{|b|}$

في الدالة $a \tan b\theta$ طول الدورة $\frac{180^\circ}{|b|}$

طول الدورة للدوال المثلثية 128

في الدالة $a \sin b\theta$ السعة $|a|$
 في الدالة $a \cos b\theta$ السعة $|a|$
 في الدالة $a \tan b\theta$ السعة غير معرفة

سعة الدوال المثلثية 129



قوانين رياضيات ثالث ثانوي

ملاحظات	القانون	اسم القانون	الرقم
	$f(x) = 0$ قيمة x التي تجعل قيمة الدالة صفرًا	المقطع x	130
	$f(0)$ قيمة الدالة عند $x = 0$	المقطع y	131
	عندما $f(-x) = f(x)$	الدالة الزوجية	132
	عندما $f(-x) = -f(x)$	الدالة الفردية	133
	زوجية+زوجية=دالة زوجية فردية+فردية=دالة فردية فردية+زوجية=ليست زوجية ولا فردية	قواعد الدوال الفردية والزوجية	134
	$m_{sec} = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$	متوسط معدل التغير	135
حيث A هي القيمة النهائية، P القيمة الحالية (المبلغ الأصلي) و r معدل الربح السنوي و t عدد السنوات	$A = P(1 + r)^t$	قانون النمو الأسي بنسبة ثابتة	136
	$\log_b x = y$, $b^y = x$	التحويل بين الصورة اللوغاريتمية والأسية	137
	$\log_b 1 = 0$ $\log_b b = 1$ $\log_b b^x = x$ $b^{\log_b a} = a$	الخصائص الأساسية للوغاريتمات	138
	$\log_x ab = \log_x a + \log_x b$	خاصية الضرب	139
	$\log_x \frac{a}{b} = \log_x a - \log_x b$	خاصية القسمة	140
	$\log_x b^a = a \log_x b$	خاصية لوغاريتم القوة	141



$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

خاصية تغيير الأساس 142

$$\log_b x = \log_b y \rightarrow x = y$$

$$\log_b x > \log_b y \rightarrow x > y$$

حل المعادلات
و المتباينات 143

$$y < \log_b x \rightarrow b^y < x$$

المتباينة اللوغاريتمية 144

$$\log_{10} x = \log x$$

اللوغاريتم العشري 145

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}, \quad \cos \theta \neq 0$$

$$\cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}, \quad \sin \theta \neq 0$$

المتطابقة النسبية 146

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}, \quad \sin \theta = \frac{1}{\csc \theta}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}, \quad \cos \theta = \frac{1}{\sec \theta}$$

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta}, \quad \tan \theta = \frac{1}{\cot \theta}$$

متطابقات المقلوب 147

$$\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

$$\tan^2 \theta + 1 = \sec^2 \theta$$

$$\cot^2 \theta + 1 = \csc^2 \theta$$

متطابقات فيثاغورس 148

$$\sin(90 - \theta) = \cos \theta$$

$$\cos(90 - \theta) = \sin \theta$$

$$\tan(90 - \theta) = \cot \theta$$

متطابقة الزاويتين
المتتامتين 149

$$\sin(-\theta) = -\sin \theta$$

$$\cos(-\theta) = \cos \theta$$

$$\tan(-\theta) = -\tan \theta$$

متطابقات الدوال
الزوجية والفردية 150



$$\sin(A \pm B) = \sin A \cos B \pm \sin B \cos A$$

$$\cos(A \pm B) = \cos A \cos B \mp \sin A \sin B$$

$$\tan(A \pm B) = \frac{\tan A \pm \tan B}{1 \mp \tan A \tan B}$$

متطابقات المجموع
والفرق

151

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$$

$$\cos 2\theta = 2\cos^2 \theta - 1$$

$$\cos 2\theta = 1 - 2\sin^2 \theta$$

$$\tan 2\theta = \frac{2\tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$$

متطابقات الضعف

152

$$\sin \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$$

$$\cos \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \theta}{2}}$$

$$\tan \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}$$

متطابقات النصف

153

- حل المعادلات التي تتضمن $\sin \theta$ هو $\theta + 360^\circ k$

- حل المعادلات التي تتضمن $\cos \theta$ هو $\theta + 360^\circ k$

- حل المعادلات التي تتضمن $\tan \theta$ هو $\theta + 180^\circ k$

المعادلات المثلثية بعدد
لانهائي من الحلول

154

$$e = \frac{c}{a}$$

الاختلاف المركزي

155

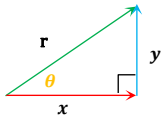
$$c = \sqrt{a^2 - b^2} \text{ : في القطع الناقص}$$

$$c = \sqrt{a^2 + b^2} \text{ : في القطع الزائد}$$

المسافة بين الرأس
والبؤرة (c)

156





المركبة الرأسية: $|y| = r \sin \theta$
المركبة الأفقية: $|x| = r \cos \theta$

تحليل متجه إلى
مركبتين متعامدتين

157

إذا كانت نقطة البداية $A(x_1, y_1)$ ونقطة النهاية
 $B(x_2, y_2)$ فإن الصورة الإحداثية:
 $\overline{AB} = \langle x_2 - x_1, y_2 - y_1 \rangle = \langle x, y \rangle$

الصورة الإحداثية لمتجه

158

$$|\overline{AB}| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

طول المتجه

159

إذا كان $a = \langle a_1, a_2 \rangle$ و $b = \langle b_1, b_2 \rangle$ فإن:
 $a \pm b = \langle a_1 \pm b_1, a_2 \pm b_2 \rangle$

جمع وطرح متجهين

160

إذا كان $a = \langle a_1, a_2 \rangle$ فإن:
 $ka = \langle ka_1, ka_2 \rangle$

ضرب بعدد حقيقي

161

$$u = \frac{v}{|v|}$$

متجه الوحدة

162

$$v = \langle a, b \rangle \leftrightarrow v = ai + bj$$

التوافق الخطي

163

$$v = \langle |v| \cos \theta, |v| \sin \theta \rangle$$

الصورة الإحداثية لمتجه

164

إذا كان $v = \langle a, b \rangle$ فإن:

$$\theta = \text{Tan}^{-1} \left(\frac{b}{a} \right)$$

زاوية اتجاه المتجه

165

إذا كان $a = \langle a_1, a_2 \rangle$ و $b = \langle b_1, b_2 \rangle$ فإن:
 $a \cdot b = a_1 b_1 + a_2 b_2$

الضرب الداخلي
للمتجهات

166

يكون المتجهين متعامدين عندما
 $a \cdot b = 0$

المتجهات المتعامدة

167

$$\cos \theta = \frac{a \cdot b}{|a||b|}$$

قياس الزاوية بين
متجهين

168



إذا كان $A(x_1, y_1, z_1)$ و $B(x_2, y_2, z_2)$ فإن:

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

المسافة بين نقطتين 169

$$M\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}, \frac{z_1 + z_2}{2}\right)$$

نقطة المنتصف بين نقطتين 170

$$\overline{AB} = \langle x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1 \rangle = \langle x, y, z \rangle$$

الصورة الإحداثية لمتجه 171

$$v = \langle a, b, c \rangle \leftrightarrow v = ai + bj + ck$$

التوافق الخطي 172

$$|\overline{AB}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

طول المتجه 173

$$u = \frac{v}{|v|}$$

متجه الوحدة 174

إذا كان $a = \langle a_1, a_2, a_3 \rangle$ و $b = \langle b_1, b_2, b_3 \rangle$ فإن:

$$a \cdot b = a_1b_1 + a_2b_2 + a_3b_3$$

الضرب الداخلي 175

$$a \times b = \begin{vmatrix} i & j & k \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix}$$

الضرب الاتجاهي 176

في متوازي الأضلاع الذي فيه a و b ضلعان متجاوران:

$$|a \times b| = \text{مساحة متوازي الأضلاع}$$

مساحة متوازي الأضلاع 177

$$t \cdot (u \times v) = \begin{vmatrix} t_1 & t_2 & t_3 \\ u_1 & u_2 & u_3 \\ v_1 & v_2 & v_3 \end{vmatrix}$$

الضرب القياسي الثلاثي 178

في متوازي السطوح الذي فيه a, b, t ضلعان متجاوران:

$$|t \cdot (a \times b)| = \text{حجم متوازي السطوح}$$

حجم متوازي السطوح 179

$$\begin{aligned} (r, \theta + 360^\circ) \\ (r, \theta - 360^\circ) \\ (-r, \theta + 180^\circ) \\ (-r, \theta - 180^\circ) \end{aligned}$$

إيجاد نقاط مكافئة لنقطة تطبيقية 180

$$p_1 p_2 = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1 r_2 \cos(\theta_2 - \theta_1)}$$

المسافة بين نقطتين قطبيتين 181



$$y = r \sin \theta$$

$$x = r \cos \theta$$

$$r^2 = x^2 + y^2$$

$$\tan \theta = \left(\frac{y}{x}\right)$$

التحويل بين الصيغة
القطبية والديكارتية
والعكس

182

$$|z| = |a + bi| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

القيمة المطلقة للعدد
المركب

183

$$z = r (\cos \theta + i \sin \theta)$$

الصورة القطبية للعدد
المركب

184

- ملاحظة:

- إذا كانت a سالبة نضيف 180 إلى الزاوية.
- إذا كانت a تساوي صفر: تكون الزاوية 90 ،
- إذا كانت b موجبة و 270 إذا كانت b سالبة.

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{b}{a}\right)$$

سعة العدد المركب

185

$$r = |z| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

مقياس العدد المركب

186

$$z_1 = r_1(\cos \theta_1 + i \sin \theta_1) \text{ إذا كان}$$

$$z_2 = r_2(\cos \theta_2 + i \sin \theta_2) \text{ وكان}$$

فإن حاصل ضربهم $z_1 z_2$ يساوي..

$$z_1 z_2 = r_1 r_2 [\cos(\theta_1 + \theta_2) + i \sin(\theta_1 + \theta_2)]$$

وحاصل قسمتهم $\frac{z_1}{z_2}$ يساوي..

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} [\cos(\theta_1 - \theta_2) + i \sin(\theta_1 - \theta_2)]$$

ضرب وقسمة الأعداد
المركبة

187

$$z^n = [r(\cos \theta + i \sin \theta)]^n = r^n (\cos n\theta + i \sin n\theta)$$

نظرية دي موافر

188

$$\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عدد القيم}} = \text{المتوسط الحسابي}$$

المتوسط الحسابي

189

القيمة التي تكون بمنصف البيانات عند ترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً. وعندما يكون عدد القيم زوجي فالوسيط يساوي متوسط القيمتين التي في المنتصف

الوسيط

190

$$\pm \frac{1}{\sqrt{n}} \approx \text{هامش الخطأ}$$

هامش الخطأ

191

المدى = الفرق (طرح) أكبر وأصغر قيمة

المدى

192



حيث x_k هو القيمة رقم k في البيانات
وحيث \bar{x} هو المتوسط الحسابي للعينة
وحيث n هو عدد القيم
وحيث μ هو المتوسط الحسابي للمجتمع

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^n (x_k - \bar{x})^2}{n-1}} \quad \text{للعينة}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^n (x_k - \mu)^2}{n}} \quad \text{للمجتمع}$$

الانحراف المعياري 193

التباين يساوي تربيع الانحراف المعياري : σ^2

التباين 194

A	B	الحالة
a	c	C
b	d	D

احتمال D علمًا أنه A يساوي...

$$P(D|A) = \frac{b}{a+b}$$

الاحتمال المشروط في
الجدول التوافقية

195

حيث f يمثل عدد حوادث الفشل
و s عدد حوادث النجاح

$$P(S) = \frac{s}{s+f}, P(F) = \frac{f}{s+f}$$

احتمالية النجاح والفشل

196

حيث p هي احتمالية النجاح و q
احتمالية الفشل

احتمال نجاح x مرات من n محاولات يساوي...

$${}_n C_x (p)^x (q)^{n-x}$$

احتمال ذات الحدين

197

$$p + q = 1$$

العلاقة بين النجاح (p)
والفشل (q)

198

$$\mu = np$$

الوسط في التوزيع ذو
الحدين

199

$$\sigma^2 = npq$$

التباين في التوزيع ذو
الحدين

200

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{npq}$$

الانحراف المعياري في
التوزيع ذو الحدين

201

$$\lim_{x \rightarrow c} k = k$$

نهاية الدالة الثابتة

202

$$\lim_{x \rightarrow c} x = c$$

نهاية الدالة المحايدة

203



$$(-\infty) = \text{عدد فردي} (-\infty)$$

$$(\infty) = \text{عدد زوجي} (-\infty)$$

$$\infty (\div \text{ او } \times) = -\infty$$

$$-\infty (\div \text{ او } \times) = \infty$$

$$-\infty (\div \text{ او } \times) = -\infty$$

$$\frac{\text{أي عدد}}{\pm\infty} = \text{صفر}$$

204 خواص اللانهاية

نعوض ب $-\infty$ أو ∞ عن قيمة x في الحد
الرئيس فقط (الحد ذو الأس الأكبر)

205 نهاية الدالة كثيرة
الحدود عند اللانهاية

- درجة البسط أكبر من المقام:

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{\text{الحد ذو الأس الأكبر في البسط}}{\text{الحد ذو الأس الأكبر في المقام}}$$

- درجة البسط = درجة المقام:

المعامل الرئيس للبسط
المعامل الرئيس للمقام

- درجة البسط أصغر من المقام:

النهاية = صفر

206 نهايات الدوال النسبية

$$f(x) = c, \quad f'(x) = 0$$

$$f(x) = kx, \quad f'(x) = k$$

$$f(x) = x^n, \quad f'(x) = nx^{n-1}$$

$$f(x) = cx^n, \quad f'(x) = ncx^{n-1}$$

207 بعض الدوال
ومشتقاتها

$$f(x) = \sqrt{x}, \quad f'(x) = \frac{\text{مشتقة ما تحت الجذر}}{2 \times \sqrt{x}}$$

208 مشتقة الجذر التربيعي

$$f(x) = g(x) \pm h(x)$$

$$f'(x) = g'(x) \pm h'(x)$$

209 مشتقة المجموع
والفرق



$$\frac{d}{dx}[f(x)g(x)] = f'(x) \times g(x) + f(x) \times g'(x) \quad \text{مشتقة ضرب دالتين} \quad 210$$

$$\frac{d}{dx} \left[\frac{f(x)}{g(x)} \right] = \frac{f'(x) \times g(x) - f(x) \times g'(x)}{[g(x)]^2} \quad \text{مشتقة قسمة دالتين} \quad 211$$

تكون عندما.
 $f'(x) = 0$ النقطة الحرجة 212

$$\int k dx = kx + C$$

$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C$$

$$\int [f(x) \pm g(x)] dx = \int f(x) dx \pm \int g(x) dx + C$$

قواعد التكامل 213

$$\int_a^b f(x) dx = F(x) \Big|_a^b = F(b) - F(a) \quad \text{التكامل المحدد} \quad 214$$

$$\int_a^b [f(x) \pm g(x)] dx = \int_a^b f(x) dx \pm \int_a^b g(x) dx \quad \text{الجمع والطرح في التكامل المحدد} \quad 215$$

مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى $f(x)$ ومحور x على
الفترة $[a, b]$ تُعطى بـ...

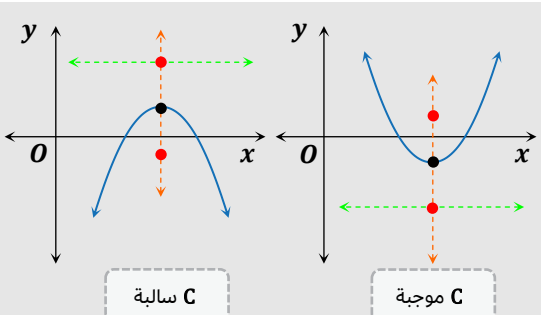
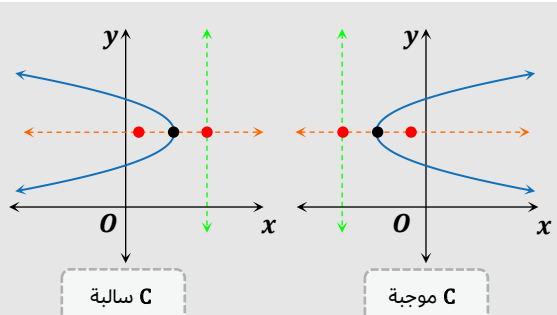
$$A = \int_a^b f(x) dx$$

المساحة تحت المنحنى 216



القطوع

القطع المكافئ

قطع مكافئ رأسي	النوع	قطع مكافئ أفقي
$(x - h)^2 = 4c (y - k)$	المعادلة	$(y - k)^2 = 4c (x - h)$
	التمثيل البياني	
رأسي	الاتجاه	أفقي
(h, k)	الرأس	(h, k)
على محور y (أي مع ال k)	التحركات	على محور x (أي مع ال h)
$(h, k + c)$	البؤرة	$(h + c, k)$
$y = k - c$	معادلة الدليل	$x = h - c$
$x = h$	معادلة محور التائل	$y = k$
$ 4c $	طول الوتر البؤري	$ 4c $



القطع الناقص

القطع الناقص

نوع القطع

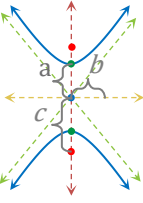
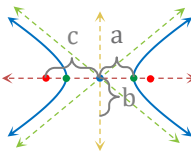
		التمثيل البياني
$\frac{(y - k)^2}{a^2} + \frac{(x - h)^2}{b^2} = 1$	$\frac{(x - h)^2}{a^2} + \frac{(y - k)^2}{b^2} = 1$	المعادلة
هو العدد الأكبر		a^2
رأسي: المقام الأكبر a^2 تحت y	أفقي: المقام الأكبر a^2 تحت x	تحديد الاتجاه
	حسب المقام الأكبر (a^2)	إيجاد c (البعد بين المركز والبؤرة)
	$c = \sqrt{a^2 - b^2}$	المركز
	(h, k)	الرأسان a
$(h, k \pm a)$	$(h \pm a, k)$	البؤرتان c
$(h, k \pm c)$	$(h \pm c, k)$	الرأسان المرافقان b
$(h \pm b, k)$	$(h, k \pm b)$	معادلة المحور
الأكبر $x = h$	الأكبر $y = k$	طول المحور الأكبر
الأصغر $y = k$	الأصغر $x = h$	طول المحور الأصغر
	$2a$	طول البعد البؤري
	$2b$	
	$2c$	



القطع الزائد

القطع الزائد

نوع القطع

		التمثيل البياني
$\frac{(y - k)^2}{a^2} - \frac{(x - h)^2}{b^2} = 1$	$\frac{(x - h)^2}{a^2} - \frac{(y - k)^2}{b^2} = 1$	المعادلة
$c = \sqrt{a^2 + b^2}$		إيجاد c (البعد بين المركز والبؤرة)
هو العدد الموجب		a^2
حسب الكسر الموجب		تحديد الاتجاه
رأسي: الكسر الموجب لـ y	أفقي: الكسر الموجب لـ x	
(h, k)		المركز
$(h, k \pm a)$	$(h \pm a, k)$	الرأسان
$(h, k \pm c)$	$(h \pm c, k)$	البؤرتان
$(y - k) = \pm \frac{a}{b}(x - h)$	$(y - k) = \pm \frac{b}{a}(x - h)$	خطا التقارب
$x = h$ القاطع $y = k$ المرافق	$y = k$ القاطع $x = h$ المرافق	معادلة المحور
$2a$		طول المحور القاطع
$2b$		طول المحور المرافق
$2c$		طول البعد البؤري



تصنيف القطوع

• الصورة العامة لمعادلات القطوع:

$$A x^2 + B xy + C y^2 + Dx + Ey + F = 0$$

A هو معامل x^2 و B هو معامل xy و C هو معامل y^2

• حيث إذا كانت ..

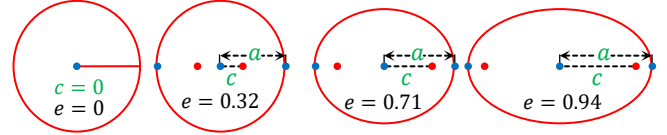
نوع القطع

قيمة المميز

قطع مكافئ	$B^2 - 4AC = 0$	(صفر)
قطع ناقص	$B^2 - 4AC < 0$	(سالبة)
دائرة	$B^2 - 4AC < 0$ $A = C$ و $B = 0$	(سالبة)
قطع زائد	$B^2 - 4AC > 0$	(موجبة)

الاختلاف المركزي للقطع الناقص

• رقم يحدد مدى دائرية أو اتساع القطع، وهو النسبة بين a و c .



$$e = \frac{c}{a}$$

البعد بين المركز والرأس

البعد بين المركز والبؤرة

الاختلاف المركزي

• قيمة e تنحصر بين 0 و 1.

• إذا كانت قيمة $e = 0$ فإن القطع الناقص يصبح دائرة.

معادلة الدائرة

• معادلة الدائرة التي مركزها (h, k) وطول نصف قطرها r هي ..

$$(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$$

