

Section 1.2

- RF $\rightarrow \frac{f}{\Sigma f}$
- Pf $\rightarrow RF \times 100\%$
- Range R $\rightarrow x_2 - x_5$
- C $\rightarrow \frac{R}{n}$ *وتنوع التوزيع*
- K $\rightarrow [3K - 3.22 \log n]$ *وتنوع كل ما بعد التمام جدول*

Section 1.3

Pie chart



\rightarrow freq, Central Angel
 $RF \times 360$

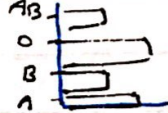
Bar chart

\rightarrow name + freq

Two Directional

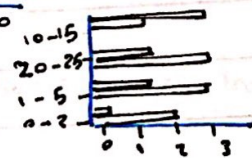
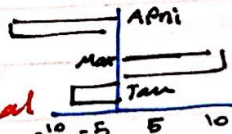


Vertical

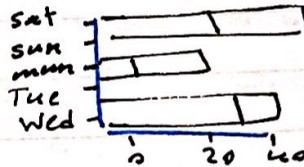


Horizontal

Multipal Barchart

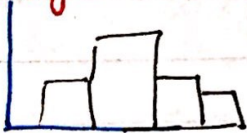


Component (stacked) Bar chart



Histogram

\rightarrow freq, Boundries.

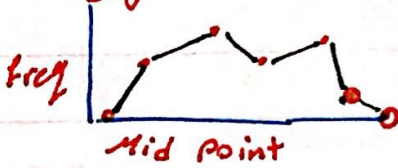


Skewedness

طابع عاليين, طابع عاليين
Right skewed Histo, left skewed Histo.

Polygon

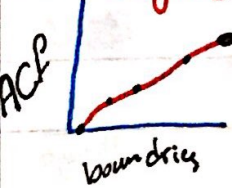
\rightarrow *القطب والواضع* + Mid point + freq



Mid point

Ogive (Cumulative Polygon)

القطب في البياية الدائرة
نأخذ اول قيمة في ال Bound لتكون القبل



boundries

+ ACF + Boundries.

Boundary	ACF
11.5	8
13.5	18
15.5	30
17.5	36

Section 1.4 Measures of Central Tendency.

Mean $\bar{x} = \frac{\sum x}{n}$ → متوسط الحسابي
(Arithmetic Average) Defined only for Quant data.

Median \tilde{x} الوسيط
أهم خطوة هي ترتيب الأرقام الأصغر من الأكبر، وبعدين أنظف كل رقم من اليمين واليسار.

Defined for Quant and ordered Qual.

Median for freq. distribution table.

$$\tilde{x} = \tilde{L} + \frac{\frac{\frac{n}{2} - (F - f)}{f}}{f} \times C$$

The Mode \hat{x} , we can use it in Quant and Qual data.

Mode for freq. dist. table.

$$\hat{x} = \hat{L} + \frac{d_1}{d_1 + d_2} \times C \rightarrow d_1, d_2 \text{ freq. من اليمين؟}$$

Percentiles

$P_r = \frac{r(n+1)}{100} = [K]$ → K عدد الأعداد
أول خطوة ترتيب الأعداد.

$P_r = x_K + S \left(\frac{100 - r}{100} (x_{K+1} - x_K) \right)$ ما بعد الفاصلة S ، العدد الصحيح K

Deciles

$$D_r = \frac{r(n+1)}{10}, \quad D_r = x_K + S (x_{K+1} - x_K)$$

Quartiles

$$Q_1 = \frac{r(n+1)}{4} \rightarrow LF = Q_1 - 1.5 (Q_3 - Q_1)$$

$$Q_3 = \frac{r(n+1)}{4} + 3 \rightarrow HF = Q_3 + 1.5 (Q_3 - Q_1)$$

Section 1.5 : Measures of Dispersion

Variance S^2 , $\frac{\sum(x-\bar{x})^2}{n-1}$, $S^2 = \frac{n\sum x^2 - (\sum x)^2}{n(n-1)}$ قانون آيزنر

Standard Deviation $S = \sqrt{S^2}$

* standard Dev. is the best measure of dispersion.

Interquartile Range. IQR, $Q_3 - Q_1$

Coefficient of Variation (CV) $CV = \frac{S}{\bar{x}} \times 100\%$

Z-scores $Z = \frac{x-\bar{x}}{S}$, $\bar{x} = 0$ and $S = 1$

The Chebyshev's Rule $1 - \frac{1}{k^2}$, $\bar{x} \pm kS$

The Empirical Rule ① $\bar{x} \pm S$, ② $\bar{x} \pm 2S$, ③ $\bar{x} \pm 3S$

غالباً نقول (bell shaped)

Chapter 2.1

Permutation (P) تباديل \rightarrow ترتيب

الكل n ، الجزء r

$nPr = \frac{n!}{(n-r)!}$

Combinations (C) توافق \rightarrow بدون ترتيب (مختلبي)

$nCr = \frac{n!}{r!(n-r)!}$

Section 2.2

$A \cup B \rightarrow$ "or"

$A \cap B \rightarrow$ "and"

$A \setminus B \rightarrow A \cap \bar{B}$

Exactly one event $A \Delta B$

Impossible event $A \cap \bar{A} = \emptyset$

Certain event $A \cup \bar{A} = \Omega$

Mutually Exclusive

نجمع عناصر A و B بدون تكرار
 نجمع فقط الاشياء المشتركة بين A و B
 الاشياء الموجودة في A غير موجودة في B
 نستبعد المشترك

مجموعتين مختلفتين تماماً لا يوجد تشابه.

Section 3.1

Random Variable $\omega \in \Omega ; X(\omega) \leq x$ الدالة التراكمية تبدأ بـ 0 وتستمرى

Distribution Function of r.v \rightarrow D.F, F_x

for any value $x \in \mathbb{R}$, $0 \leq F_x(x) \leq 1$ between 0 and 1

$P(a < X \leq b) = F_x(b) - F_x(a)$

$F_x(x) = P(\{\omega \in \Omega ; X(\omega) \leq x\})$

من 0 تبدأ بـ 0 وتستمرى بـ 1

Section 3.2

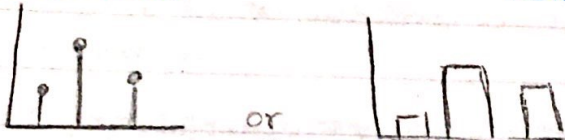
Probability Mass Function ~~P.m.f~~ P.m.f, p.d.f, d.f

* كل قيمة ما بين الاحتمال يجب ان تكون بين 0 و 1

$0 \leq P(x) \leq 1$

$\sum P(x) = 1$

* مجموع الاحتمال = 1



or

Show the p.m.f \rightarrow نتخيم القانون $\frac{a}{1-r} \leq$
 حيث a s Base , r s Progression
 باع مثل

و عند زياد طلب $P(x > 2)$ مثلاً فتخيم لهذا القانون $1 - [P(2) + P(1)]$

$F_x(x) = \sum_{k=1}^x P(X = k) = \sum_{k=1}^x P_k$

قانون لـ \checkmark و X

first moment / mean $\mu = E(x) = \sum x p$ when $k=1$

when $k=2$ $\sigma^2 = \text{Var}(X) = E[X - E(X)]^2$

Standard Deviation $\sigma = +\sqrt{\text{Var}(x)}$

1/ $E(ax + b) = aE(X) + b$

2/ $\text{Var}(X) = E(X^2) - \mu^2$

3/ $\text{Var}(a) = 0$

4/ $\text{Var}(ax + b) = a^2 \text{Var}(X)$

Steiner Formula $= E(x^3) - (E(x))^2$

Chapter 4.1

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3}{n}, \quad s^2 = \frac{1}{n-1} \sum (x - \bar{x})^2$$

Sampling distributions of a proportion.

أول شيء: حدد الشروط التي تليها.

$$n \geq 30, \quad np \geq 5, \quad nq \geq 5$$

Point Estimation $\Rightarrow \bar{x} = \frac{\sum x}{n}$

Confidence Interval

عدم الثقة: α , الثقة: $1 - \alpha$

The Confidence interval for the population mean μ is:

$$\bar{x} \pm z_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

إذا كانت معلومة σ , إذا كانت غير معلومة σ

Margin Error δ_{μ}

دائماً قمتان (-, +)

$$\delta_{\mu} = z_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \quad \text{or} \quad \delta_{\mu} = z_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$= \bar{x} - E, \bar{x} + E$$

إذا أعطاني σ و I و α و μ و δ و n
 أول خطوة اطلع فترة الثقة $[1 - \alpha]$ بعد ذلك $1 - \frac{\alpha}{2}$ للثقة التي نطلع
 أروح للجدول Z-table وطلع إذا قمتين $\frac{\alpha}{2}$
 بعدها اطلع $\bar{x} = \frac{\sum x}{n}$ و بعد ذلك نحدد المعطيات ليبدأ للعادلات
 $\bar{x} \pm z_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ ✓

Determining of the sample size.

صنا بعضي مقدار الخطأ M.E وانا احسب قيمة n
 $n = \left[\frac{\sigma z_{1-\frac{\alpha}{2}}}{\delta_{\mu}} \right]^2$, البناء $\hat{p} = \frac{k}{n}$ انكل

$$\hat{p} \pm z_{1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\hat{p}q}{n}} \rightarrow \text{Point Estimation.}$$

4 قواعد ليبدأ n :
 ① $n = \left[\frac{z_{1-\frac{\alpha}{2}}}{\delta p} \right]^2 \cdot \hat{p}q$ إذا كانت \hat{p} أو \hat{q} معلومة
 ② $n = \left[\frac{z_{1-\frac{\alpha}{2}}}{\delta p} \right]^2 \cdot 0.25$ إذا كانت \hat{p} و \hat{q} غير معلومة
 ③ $n = \left[\frac{z_{1-\frac{\alpha}{2}}}{L} \right]^2$ إذا اطلت لي length

Bernoulli Experiment.

برنولی تجربے میں کسی تجاربہ کے نتائج میں سے کسی ایک کا ہونا یا نہ ہونا۔
وقتیة الاحتمال $0 < p < 1$ ، قیمة الفشل $q = 1 - p$

Binomial Distribution. ^{pmf}

$p(X = k) = {}^n C_k p^k q^{n-k}$ ^{n عدد مرات تکرار التجارب}
Newton's binomial expansion: $\sum_{k=0}^n {}^n C_k p^k q^{n-k} = [p+q]^n = 1$

$\mu = np$, $\text{Var}(X) = npq$, Standard Dev. $\sqrt{\text{Var}(X)} = \sqrt{npq}$

Poisson Distribution-

$p(X = k) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!}$; $k = 0, 1, 2, 3, \dots$

→ shift + In

$E(X) = \lambda$, $\text{Var}(X) = \lambda$

Section 3.3

$p(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx$, pmf, pdf

$f_X(x) = F'_X(x)$ مشتق