

قوانين الرياضيات

أهم قوانين الرياضيات لاختبار التحصيلي 1440هـ

الشكل الرباعي:

<p>- متوازن الأضلاع:</p> <p>عن طريق حساب ميل الأربع أضلاع ويكون كل اثنين متساويين.</p> $y_2 - y_1 / x_2 - x_1$	<p>- شبه المنحرف:</p> <p>عن طريق ميل الأربع أضلاع ويكون هناك 2 متساويان فقط.</p>
<p>- المعين:</p> <p>عن طريق حساب ميل القطرين ويكونوا مقلوب معكوس.</p>	<p>- المستطيل:</p> <p>عن طريق ميل الأربع أضلاع ويكون كل 2 مقلوب معكوس</p>
<p>- المربع:</p> <p>عن طريق حساب ميل القطرين ويكونوا مقلوب معكوس وحساب ميل الأربع أضلاع ويكون كل 2 مقلوب معكوس</p>	

<p>حدد إذا كان الشكل متوازي أضلاع أم لا: A (1,2), B (-2,-1), C (1, -4), D (4, -1)</p> <p>الحل: AC=(2-(4/1-1))=6/0 BD=(-1-(1)/-2-4)=0/6</p> <p>القطران متعامدان فالشكل معين</p>	<p>حدد إذا كان الشكل المتوازي أضلاع أم لا: A (3,3), B (8,2), C (6,-1), D (1,0)</p> <p>الحل: AB=(3-2/3-8)=0.2 CD=(-1-0/6-1)-0.2 AD=(3-0/3-1)=1.5 BC=(2-(-1)/8-6)=1.5</p> <p>AD // BC إذن فالشكل متوازي الأضلاع</p>
<p>حدد إذا كان الشكل مربع أو مستطيلاً أو معيناً: A (5,0), B (8, -11), C (-3, 14) D (-6,-3)</p> <p>حساب الميل: AB=(-11/0/8-5)=-11/3 BC=(-11+14/8+3)=3/11</p> <p>تحقق الشرط الأول أن يكون الشكل المربع وهو أن يحقق مطالب المستطيل.</p> <p>حساب القطر: JL=(0+14/5+3)=14/8 KM=(-11+3/8+6)=-8/14</p> <p>تحقق الشرط الثاني أن يكون الشكل المربع وهو أن يحقق مطالب المعين بتحقق الشرطين الشكل مربع</p>	<p>حدد إذا كان الشكل مستطيل أم لا: A (-2,4), B (5,5) C (6,2), D(-1,-3)</p> <p>الحل: AB=(4-5/-2-5)=1/7 BC=(5-(2)/5-6)=-7 CD=(-2(-3)/6-(1))=1.5 DA=(-3-4/-1(-2))=7</p> <p>AB // CD BC // DA إذن فالشكل مستطيل</p>
<p>حدد إذا كان الشكل شبه منحرف أم لا: Q (-8, -4), R (0, 8), S(6,8), T (-6, -10)</p> <p>الحل: QR = (-4-8 / -8-0)= 3/2 RS= (8-8/0-6)=0 ST= (-10-8/-6-6)= 3/2 TQ= (-10+4/-6+8)= -3 mQR = mST إذن فالشكل منحرف</p>	

الانعكاس

- 1- $(x,y) \rightarrow (x, -y)$ (انعكاس حول x)
- 2- $(x,y) \rightarrow (-x, y)$ (انعكاس حول y)
- 3- $(x,y) \rightarrow (x, -y)$ (انعكاس حول x يساوي y)

الإزاحة

- 1- $(x,y) \rightarrow (x+2, y+2)$ (إزاحة وحدتين لليمين وواحدتين للأعلى)
 - 2- $(x,y) \rightarrow (x-3, -y-2)$ (إزاحة ثلاث وحدات لليسار وواحدتين للأسفل)
- س: ما هي الإزاحة التي تنقل النقطة $(3,-4)$ إلى النقطة $(-5,2)$ ؟

ج:

$$(x,y) \rightarrow (x-8,y+6)$$
$$(3,-4) \rightarrow (-y,x)$$

الدوران

- 1- $(x,y) \rightarrow (-y,x)$ (دوران حول نقطة الأصل بزاوية 90°)
- 2- $(x,y) \rightarrow (y,-x)$ (دوران حول نقطة الأصل بزاوية 270°)
- 3- $(x,y) \rightarrow (-x,y)$ (دوران حول نقطة الأصل بزاوية 180°)

س: ما هو الدوران الذي ينقل النقطة $(-4,3)$ إلى $(-4,3)$ ؟

$$(3,4) \rightarrow (-4,3)$$

$$(x,y) \rightarrow (-y,x)$$

س: ما هو الدوران الذي ينقل النقطة (x,y) في المربع الثاني إلى (z,v) في المربع الرابع؟

ج: دوران حول نقطة الأصل ب 180° درجة.

* تركيب انعكاسين حول مستقيمين متوازيين يكافئ إزاحة مقدارها ضعف المسافة بين المستقيمين (20) واتجاههما عمودي على المستقيم

تركيب انعكاسين حول مستقيمين يكافئ دوراناً حول نقطة التقاطع وقياس زاويته ضعف الزاوية بين المستقيمين

اختبار سريع

1. صورة النقطة $(3,2)$ بالانعكاس حول محور x ثم إزاحة وحدتين للأسفل هي:
2. صورة النقطة $(3,2)$ بالانعكاس حول محور y ثم دوراناً قياس زاويته 270° هي:
3. صورة النقطة $(4,-2)$ بالإزاحة التي مقدارها وحدة للأعلى وثلاث وحدات لليسار هي:
4. تركيب انعكاسين حول مستقيمين متعامدين يكافئ
5. تركيب انعكاسين حول مستقيمين متوازيين المسافة بينهما 8 يكافئ..... مقدارها

العبارات المنطقية

قيم الصواب للعبارات				
p	q	$p \wedge q$	$p \vee q$	$p \rightarrow q$
T	T	T	T	T
T	F	F	T	F
F	T	F	T	T
F	F	F	F	T

عبارة الوصل $(p \wedge q)$: عبارة مركبة تربط عبارتين بأداة الربط " و "

عبارة الفصل $(p \vee q)$: عبارة مركبة تربط عبارتين بأداة الربط " أو "

العبارة الشرطية $(p \rightarrow q)$: عبارة تكتب على الصورة إذا كان فإن.....

العبارات الشرطية المرتبطة :

المعكوس الايجابي

$$\sim q \rightarrow \sim p$$

المعكوس

$$\sim p \rightarrow \sim q$$

العكس

$$q \rightarrow p$$

العبارة الشرطية

$$p \rightarrow q$$

الزوايتان المتكاملتان : مجموع قياسيهما 180°

الزوايتان المتقابلتان بالرأس : لهما الرأس نفسه ، وكل ضلع من أحدهما هو امتداد لضلع من الأخرى ، ومتطابقتان



الزوايتان المتتامتان : مجموع قياسيهما 90°

الزوايتان المتجاورتان : لهما الرأس نفسه ، وبينهما ضلع مشترك ، وعلى جهتي الضلع المشترك



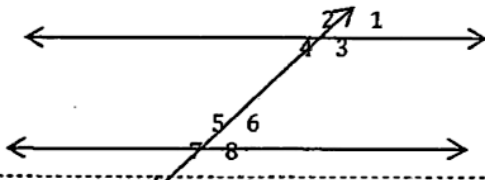
التوازي و التعامد

إذا قطع قاطع مستقيمين متوازيين فإن

كل زاويتين متناظرتين متطابقتين

كل زاويتين متبادلتين داخليا أو خارجيا متطابقتين

كل زاويتين متحالفتين متكاملتين



زوايتان متحالفتان

زوايتان متبادلتان خارجيا

زوايتان متبادلتان داخليا

زوايتان متناظرتان

$$\angle 3, \angle 6$$

داخليتان أو خارجيتان في جهة واحدة من القاطع

$$\angle 2, \angle 8$$

خارجيتان في جهتين من القاطع

$$\angle 3, \angle 5$$

داخليتان في جهتين من القاطع

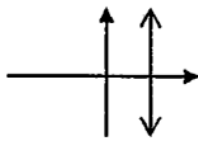
$$\angle 1, \angle 6$$

داخلية و خارجية في جهة واحدة من القاطع

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

ميل المستقيم الذي يحوي النقطتين $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ هو نسبة الارتفاع الرأسى إلى المسافة الأفقية

الميل غير معروف

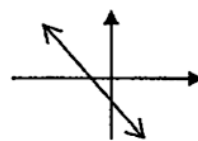


بتعامد المستقيمان \Leftrightarrow حاصل ضرب ميليهما $= -1$

الميل يساوي صفر

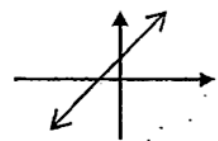


الميل سالب



يتوازي المستقيمان \Leftrightarrow الميل نفسه $(m_1 = m_2)$

الميل موجب



المستقيم الرأسى

$$x = a$$

المستقيم الأفقى $y = b$

صيغة المقطع السيني والصادي

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

a المقطع السيني ، b المقطع الصادي

صيغة الميل ونقطة

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

m الميل (x_1, y_1) أي نقطة على المستقيم

معادلة الخط المستقيم :

صيغة الميل والمقطع الصادي

$$y = mx + b$$

m الميل b المقطع الصادي

صغ البعد

البعد بين نقطتين

$$(x_1, y_1), (x_2, y_2)$$

منتصف قطعة مستقيم

البعد بين مستقيمين متوازيين

$$ax + by + c = 0$$

$$ax + by + d = 0$$

$$d = \frac{|c - d|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

البعد بين نقطة (x_1, y_1) ومستقيم $ax + by + c = 0$

$$d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}}$$

$$M = \left(\frac{x_2 + x_1}{2}, \frac{y_2 + y_1}{2} \right)$$

تطابق المثلثات والعلاقات في مثلث

■ نظرية فيثاغورس : في مثلث قائم الزاوية ، مربع الوتر يساوي مجموع مربعي الضلعين الآخرين

■ مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلية 180°

■ قياس الزاوية الخارجية في مثلث يساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخليتين البعديتين .

■ مسلمت تطابق المثلثات

بثلاثة أضلاع SSS بضع-زاوية ضلع SAS بزواية-ضلع-زاوية ASA بزواية-زاوية ضلع AAS

■ نظريات متباينة المثلث :

■ مجموع طولي أي ضلعين في مثلث أطول من الضلع الثالث
■ قياس الزاوية الخارجية لمثلث أكبر من قياس أي من الزاويتين الداخليتين البعديتين عنها

■ الأشكال الرباعية

■ مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع محدب =

$$\frac{(n-2) \times 180}{n} = \text{قياس زاوية داخلية في المضلع المنتظم}$$

■ حيث n هي عدد الأضلاع

■ مجموع قياسات الزوايا الخارجية لمضلع محدب

(زاوية واحدة عند كل رأس) يساوي 360°

$$\frac{360}{n} = \text{قياس الزاوية الخارجية}$$

=

$$\frac{360}{n} = \frac{360 + \theta}{180}$$

$$\theta = \text{مجموع قياسات الزوايا الداخلية} \quad \theta = \text{قياس زاوية داخلية لمضلع منتظم}$$

■ خصائص شبه المنحرف المتطابق الساقين :

■ القطر متطابقان

■ زاويتا كل قاعدة متطابقان

■ النسبة والتشابه

■ مفهوم أساسي : التناسب

■ إذا كان $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ فإن $a \cdot d = c \cdot b$

■ مقياس الرسم = $\frac{\text{المسافة على الرسم}}{\text{المسافة الحقيقية}}$

■ في التمدد
■ الطول في الصورة = معامل التمدد \times الطول في الأصل

$$\frac{\text{طول الصورة}}{\text{طول الأصل}} = \text{معامل التمدد}$$

■ التغير العكسي: $y \cdot x = k$ ويكون $y_1 \cdot x_1 = y_2 \cdot x_2$

■ التغير الطردي: $y = kx$ ويكون $\frac{y_1}{x_1} = \frac{y_2}{x_2}$

■ التغير المركب : لتكن (y تتغير طردياً مع x وعكسياً مع z) إذا

■ التغير المشترك : إذا كانت (y تتغير طردياً مع $x \cdot z$) فإن

$$\frac{y_1 \cdot z_1}{x_1} = \frac{y_2 \cdot z_2}{x_2} \quad \text{ويكون } y \cdot z = kx$$

$$\frac{y_1}{x_1 \cdot z_1} = \frac{y_2}{x_2 \cdot z_2} \quad \text{ويكون } y = kx \cdot z$$

■ حالات تشابه مثلثين:

■ إذا تشابه مثلثين فإن

■ النسبة بين محيطيهما تساوي

■ النسبة بين أضلاعهما المتناظرة

■ النسبة بين مساحتيهما تساوي مربع

■ المتناظرة لمثلثين.

■ النسبة بين الأضلاع المتناظرة

■ الدوران :

■ الانعكاسات في المستوى

:

صورتها	النقطة	الانعكاس
$(a, -b)$	(a, b)	حول محور x
$(-a, b)$	(a, b)	حول محور y
$(-a, -b)$	(a, b)	حول نقطة الأصل
(b, a)	(a, b)	حول المستقيم $y = x$

نبدل الاحداثيات

الدوران	النقطة	الصورة
زاوية 90°	(x, y)	$(-y, x)$
زاوية 180°	(x, y)	$(-x, -y)$
زاوية 270°	(x, y)	$(y, -x)$

■ دوران بزواوية -90° يساوي دوران بزواوية 270°

■ دوران بزواوية -270° يساوي دوران بزواوية 90°

■ دوران بزواوية -180° يساوي دوران بزواوية 180°

■ تركيب انعكاسين حول مستقيمين متقاطعين هو دوران زاويته ضعف الزاوية التي بين المستقيمين

■ تركيب انعكاسين حول مستقيمين متوازيين هو انسحاب ومقداره ضعف المسافة بين المتوازيين





■ إذا عماد نصف القطر وترًا في دائرة فإنه ينصف الوتر وينصف قوسه أيضاً

■ الوتران المتطابقين في دائرة لهما البعد نفسه عن المركز ■ يتطابق قوساهما

- طول القوس: $L = r \cdot \theta \Leftrightarrow \frac{L}{2\pi r} = \frac{x^\circ}{360^\circ}$

■ محيط الدائرة $C = \pi d$ أو $C = 2\pi r$ حيث r نصف القطر حيث d هي القطر

■ نصف قطر الدائرة r ■ طول القوس L ■ قياس الزاوية بالراديان θ ■ قياس الزاوية x°

■ قياس الزاوية المركزية في مضلع منتظم = $\frac{360}{\text{عدد الأضلاع}}$

■ منتصف قطعة المستقيم AB حيث

هو $M = \left(\frac{x_2+x_1}{2}, \frac{y_2+y_1}{2}\right)$

■ معادلة دائرة مركزها (h, k) ونصف قطرها r هي

$(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$

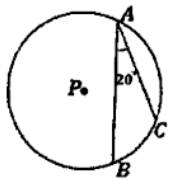
■ الزوايا المحيطية: هي زاوية رأسها على الدائرة، وصلعيها وتران في الدائرة، وقياسها = نصف قياس القوس المقابل لها

■ في الرباعي الدائري كل زاويا محيطية متكاملتان

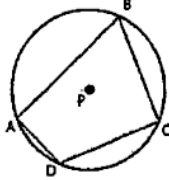
■ الزوايا المحيطية المرسومتان في قوس واحد متطابقتان

■ الزاوية المحيطية المرسومة على القطر قائمة

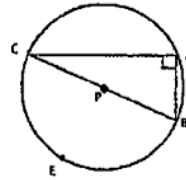
■ زاويتين متقابلتين متكاملتان



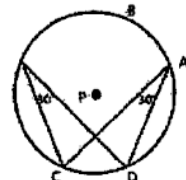
$m\angle CPB = 40$



$m\angle B + m\angle D = 180^\circ$



$m\angle BEC = 180^\circ$



$m\angle CD = 60^\circ$

■ المماسان المرسومان لدائرة من نقطة خارجها متطابقان.

■ تقاطع مماس وقاطع في دائرة (زاوية مماسية)

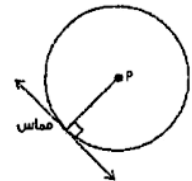
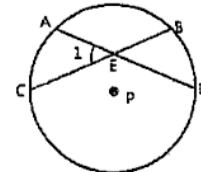
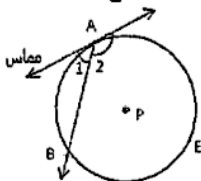
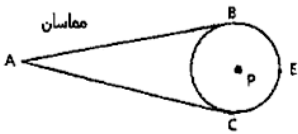
■ تقاطع وترين في دائرة

■ المماس لدائرة عمودي على نصف القطر المار بنقطة التماس

$m\angle 1 = \frac{1}{2} \angle APB$

$m\angle 1 = \frac{1}{2}(AC + BD)$

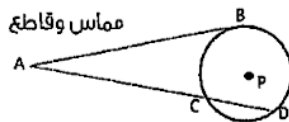
$AE \cdot ED = BE \cdot EC$



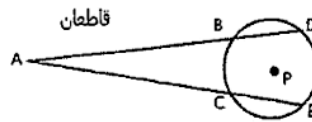
■ تقاطع مماس وقاطع خارج الدائرة

■ تقاطع قاطعين خارج الدائرة

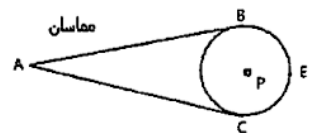
■ تقاطع مماسين خارج الدائرة



$m\angle A = \frac{1}{2}(\widehat{DE} - \widehat{BC})$
 $AB^2 = AC \cdot AD$



$m\angle A = \frac{1}{2}(\widehat{DE} - \widehat{BC})$
 $AB \cdot AD = AC \cdot AE$



$m\angle A = \frac{1}{2}(\widehat{BEC} - \widehat{BC})$



الدوال والمتباينات

تناظر الدوال

الدالة الزوجية

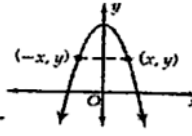
متماثلة حول محور y

$$f(-x) = f(x)$$

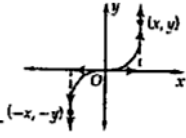
إطراد الدوال

متزايدة

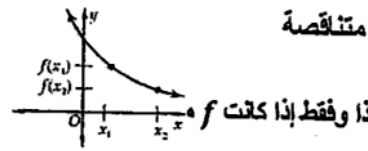
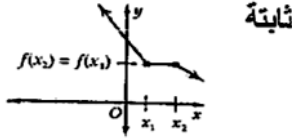
يوجد للدالة f إذا فقط إذا كانت f



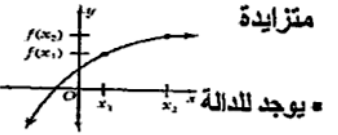
الدالة الفردية
متماثلة حول نقطة الأصل
 $f(-x) = -f(x)$



مجال دالة الجذر التربيعي
 $h(x) \geq 0$ هو $\sqrt{h(x)}$



متناقصة



متزايدة

الاتصال:

تكون الدالة $f(x)$ متصلة عند $x = c$ إذا تحقق:

$f(c)$ موجودة

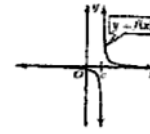
$\lim_{x \rightarrow c} f(x)$ موجودة

$$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(c)$$

الدوال الرئيسية (الأم)

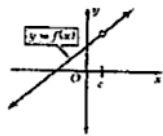
أنواع عدم الاتصال

عدم اتصال لا نهائي وتظهر قيمة الدالة على الصورة $\frac{c}{0}$

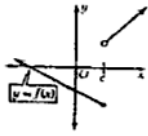


نقطي (قابل للإزالة)

تظهر قيمة الدالة بالشكل $\frac{0}{0}$



عدم اتصال قفزي وتظهر قيمتين مختلفتين عند نقطة عدم الاتصال



الدالة التكعيبية

$$f(x) = x^3$$

الدالة الدرجة

$$f(x) = [x]$$

الدالة التربيعية

$$f(x) = x^2$$

الدالة القيمة المطلقة

$$f(x) = |x|$$

الدالة المحايدة

$$f(x) = x$$

دالة المقلوب

$$f(x) = \frac{1}{x}$$

الدالة الثابتة

$$c \in \mathbb{R}, f(x) = c$$

دالة الجذر التربيعي

$$f(x) = \sqrt{x}$$

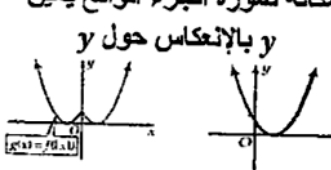
$$m = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$$

متوسط معدل تغير الدالة $f(x)$ في الفترة $[x_1, x_2]$ هو

التحويلات على دوال القيمة المطلقة

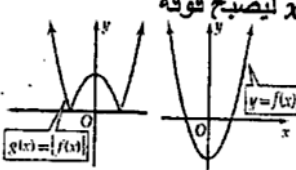
$$g(x) = f(|x|)$$

يحذف الجزء يسار y ويضع مكانه صورة الجزء الواقع يمين y بالانعكاس حول y



$$g(x) = |f(x)|$$

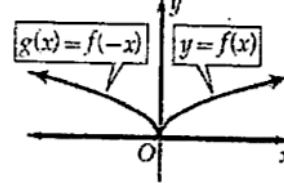
انعكاس أي جزء تحت محور x ليصبح فوقه



الانعكاس حول محوري الإحداثيات

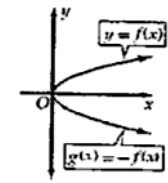
الانعكاس حول محور y

$$g(x) = f(-x)$$



الانعكاس حول محور x

$$g(x) = -f(x)$$



إذا كانت درجة البسط تساوي درجة المقام فإن خط التقارب الأفقي هو (المعامل الرئيسي للمقام)/(المعامل الرئيسي للبسط) $y =$

إذا كانت درجة البسط أقل من درجة المقام فإن خط التقارب الأفقي هو $y = 0$

الدالة اللوغارتمية

لتكن $x > 0, b > 0, b \neq 1$

$$y = \log_b x$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

$$x = b^y$$

الدالة اللوغارتمية

لتكن $x > 0, b > 0, b \neq 1$

الدالة اللوغارتمية

الصورة الأسية

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

مجال الدالة اللوغارتمية هو R^+ ومداهها هو R

خطوط التقارب للدوال الكسرية: $y = \frac{h(x)}{g(x)}$ في أبسط شكل

يوجد خط تقارب رأسي عندما $g(x) = 0, h(x) \neq 0$

الدالة الأسية

لتكن $a \neq 0, b > 0, b \neq 1$

$$y = a \cdot b^x$$

الدالة الأسية

مجال الدالة الأسية هو R ومداهها هو R^+

خط التقارب للدالة الأسية $y = b^x + c$ هو $y = c$



خصائص اللوغارتمات الأساسية

- لوغارتيم الواحد
 - لوغارتيم عدد لنفس الأساس
 - لوغارتيم قوة لنفس الأساس
 - قوة لوغارتيم لنفس الأساس
 - خاصية المساواة
- $$\log_b 1 = 0$$
- $$\log_b b = 1$$
- $$\log_b b^x = x$$
- $$b^{\log_b x} = x$$
- $$e^{\ln x} = x$$
- $$\log_b x = \log_b y \Leftrightarrow x = y$$

• خط التقارب للدالة اللوغارتمية $y = \log_b x$ هو $x = 0$

- $\log_b x \cdot y = \log_b x + \log_b y$
- $\log_b \frac{x}{y} = \log_b x - \log_b y$
- $\log_b x^n = n \cdot \log_b x$
- $\log_b x = \frac{\log_a x}{\log_a b} = \frac{\log x}{\log b}$
- اللوغارتيم العشري : هو اللوغارتيم الذي أساسه العدد 10
- اللوغارتيم الطبيعي : وأساسه العدد النيبيري e
- ويكتب $\log_e x$ أو $\ln x$
- مجال الدالة اللوغارتمية $y = \log_b f(x)$ هو مجموعة حل المتباينة $f(x) > 0$ ومداهما هو R

كثيرات الحدود و دوالها

القانون العام لحل المعادلة التربيعية

هو $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$

يمكن استعمال المميز لتحديد عدد ونوع جذور المعادلة التربيعية

$$b^2 - 4ac = 0$$

يوجد جذر حقيقي واحد

$$b^2 - 4ac > 0$$

يوجد جذران حقيقيين

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

إذا كان r_1, r_2 جذري المعادلة

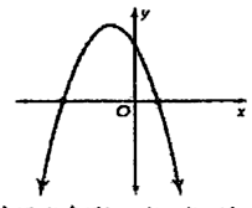
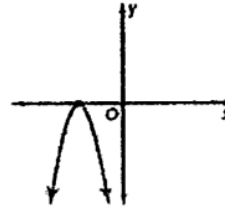
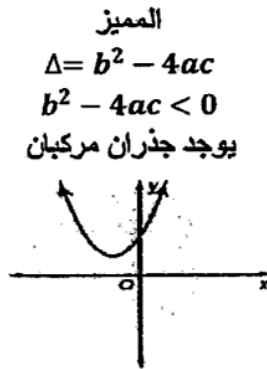
$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$r_1 + r_2 = -\frac{b}{a}$$

$$r_1 \cdot r_2 = \frac{c}{a}$$

فيمكن كتابة المعادلة بالصورة

$$x^2 - (r_1 + r_2)x + r_1 \cdot r_2 = 0$$



• أصفار الدوال (نقاط التقاطع مع محور x)

تحليل كثيرات الحدود

مجموع مكعبين

$$a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$$

الفرق بين مكعبين

$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

الفرق بين مربعين

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

المربع الكامل

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

قانون ديكارت للإشارات :

• عدد الأصفار الحقيقية الموجبة للدالة $P(x)$ هو عدد مرات

تغير إشارة معاملات حدود $P(x)$ أو أقل بعدد زوجي

• عدد الأصفار الحقيقية السالبة للدالة $P(x)$ هو عدد مرات

تغير إشارة معاملات حدود $P(-x)$ أو أقل منه بعدد زوجي

خصائص الأسس

ضرب القوى

$$x^a \cdot x^b = x^{a+b}$$

قوة القوة

$$(x^a)^b = x^{a \cdot b}$$

قوة ناتج الضرب

$$(xy)^a = x^a \cdot y^a$$

القوة الصفرية

$$x^0 = 1, x \neq 0$$

$$\left(\frac{x}{y}\right)^{-a} = \left(\frac{y}{x}\right)^a = \frac{y^a}{x^a}$$

قسمة القوى

$$\frac{x^a}{x^b} = x^{a-b}$$

الأس السالب

$$x^{-a} = \frac{1}{x^a}, \frac{1}{x^{-a}} = x^a$$

قوة ناتج القسمة

$$\left(\frac{x}{y}\right)^a = \frac{x^a}{y^a}$$

نظرية الباقي :

باقي قسمة كثيرة الحدود $P(x)$ على $(x - r)$ هو $P(r)$

• نظرية العوامل :

يكون $(x - r)$ عامل من عوامل كثيرة الحدود $P(x)$ إذا

و فقط إذا كان $P(r) = 0$



المتتابعات والمتسلسلات

المتتابعة الحسابية

أساس المتتابعة : $d = a_n - a_{n-1}$ ، $d = \frac{a_n - a_1}{n-1}$

الحد النوني $a_n = a_1 + (n-1)d$

حيث : a_1 الحد الأول ، d أساس المتتابعة ، n عدد الحدود

المجموع $S_n = \frac{n}{2} (a_1 + a_n)$ أو

$$S_n = \frac{n}{2} (2a_1 + (n-1)d)$$

نظرية ذات الحدين :

$$(a+b)^n = C_0^n a^n \cdot b^0 + C_1^n a^{n-1} \cdot b^1 + C_2^n a^{n-2} \cdot b^2 + \dots + C_n^n a^0 \cdot b^n$$

الاحتمال (1)

فضاء العينة : هو مجموعة جميع النواتج الممكنة في تجربة

مبدأ العد

يستخدم في التجارب ذات مرحلتين أو أكثر مثل

الأحتمال باستعمال التباديل والتوافيق

التباديل : هو تنظيم لمجموعة عناصر يكون فيها الترتيب

مهم

المضروب (n!)

$$n! = n(n-1)(n-2) \dots \dots \dots 2 \times 1$$

$$0! = 1$$

عدد التباديل الخطية لمجموعة من العناصر المختلفة

عددها n يساوي $n!$

يرمز لعدد تباديل n من العناصر المختلفة مأخوذة r في كل

$$nPr = \frac{n!}{(n-r)!} \quad , \quad nPr \text{ مرة بالرمز}$$

التباديل مع التكرار : عدد التباديل المختلفة لـ n من العناصر

يتكرر فيها عنصر r_1 من المرات $n!$

و عنصر آخر r_2 من المرات $r_1! \times r_2 \times \dots \times r_k$

التباديل الدائرية : عدد التباديل المختلفة لـ n من العناصر

مرتبة على دائرة دون نقطة مرجع $\frac{n!}{n} = (n-1)!$

إذا رتب العناصر التي عددها n بالنسبة لنقطة مرجع

نعاملها كتباديل خطية وعددها $n!$

$$n! = n \times (n-1) \times \dots \times 2 \times 1$$

التوافيق : هو تنظيم لمجموعة من العناصر يكون فيها

الترتيب غير مهم

يرمز لعدد توافيق n من العناصر المختلفة مأخوذة r في كل

$$nC_r = \frac{n!}{(n-r)! \cdot r!} = \frac{nPr}{r!} \quad , \quad nCr \text{ مرة بالرمز}$$

المتتابعة الهندسية

الحد النوني $a_n = a_1 \cdot r^{n-1}$ حيث

a_1 الحد الأول ، r أساس المتتابعة ، n عدد الحدود

أساس المتتابعة : $r = \frac{a_n}{a_{n-1}}$ ، $r = \sqrt[n-1]{\frac{a_n}{a_1}}$ مع

مراعاة الإشارة

المجموع $S_n = \frac{a_1 - a_n r^n}{1-r}$ أو $S_n = \frac{a_1 - a_1 r^n}{1-r}$

مجموع حدود المتسلسلة الهندسية غير المنتهية يرمز له

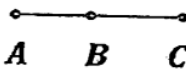
بالرمز S حيث $|r| < 1$

وإذا كان $|r| \geq 1$ فتكون متباعدة ولا يوجد مجموع

الإحتمال الهندسي



$$p(B) = \frac{\text{مساحة المنطقة } B}{\text{مساحة المنطقة } A}$$



$$p(BC) = \frac{\text{طول القطعة } BC}{\text{طول القطعة } AC}$$

الحوادث المستقلة و الحوادث غير المستقلة

الحوادث المستقلة : وقوع الأولى لا يؤثر على احتمال

وقوع الثانية مثل: رمي قطعة نقد ثم إدارة قرص مؤشر

احتمال وقوع حادثتين مستقلتين

$$P(A \text{ و } B) = P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

الحوادث غير المستقلة : وقوع الأولى يؤثر على

احتمال

وقوع الثانية مثل: سحب كرة من كيس ثم سحب كرة

$$P(A) = P(A/B) \text{ ثانية}$$

احتمال وقوع حادثتين غير مستقلتين

$$P(A \text{ و } B) = P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B/A)$$

الاحتمالات المشروطة : احتمال وقوع الحادثة B بشرط

$$P(B/A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$$

وقوع A مسبقاً

ويكون لحادثتين غير مستقلتين.

الحوادث المتنافية و الحوادث غير المتنافية

الحوادث المتنافية : لا يمكن وقوعها في الوقت نفسه

$$P(A \text{ أو } B) = P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

الحوادث غير المتنافية : يوجد بينها نواتج مشتركة

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A) \text{ الحادثة المتممة}$$

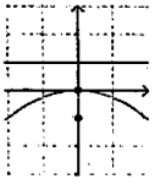


القطوع المخروطية

القطوع المكافئة

$$(x - h)^2 = 4c(y - k)$$

إشارة c سالبة



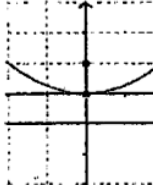
الإتجاه : رأسي
الرأس : (h, k)
البؤرة : $(h, k + c)$
الدليل:

$$y = k - c$$

محور التماثل $x = h$

الصورة القياسية

إشارة c موجبة



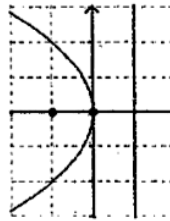
الإتجاه : رأسي
الرأس : (h, k)
البؤرة : $(h, k + c)$
الدليل:

$$y = k + c$$

محور التماثل $x = h$

$$(y - k)^2 = 4c(x - h)$$

إشارة c سالبة

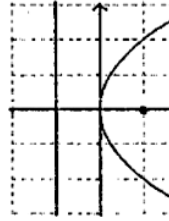


الإتجاه : أفقي
الرأس : (h, k)
البؤرة : $(h + c, k)$
الدليل:

$$x = h - c$$

محور التماثل $y = k$

إشارة c موجبة



الإتجاه : أفقي
الرأس : (h, k)
البؤرة : $(h + c, k)$
الدليل:

$$x = h + c$$

طول الوتر البؤري $|4c|$

معادلة الدائرة التي مركزها (h, k) ونصف قطرها r

$$(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$$

القطوع الناقصة

الإتجاه : اخترنا المحور الأكبر أفقي (سيني)

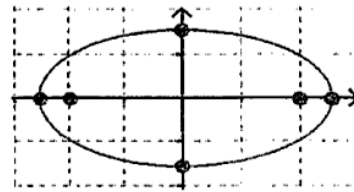
الصورة القياسية :

$$\frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$$

طول المحور الأكبر $2a$

طول المحور الأصغر $2b$

والبعد البؤري $2c$



الرأسان المرافقان

$(h, k \mp b)$

البؤرتان

$(h \mp c, k)$

الرأسان

$(h \mp a, k)$

الإختلاف المركزي $e = \frac{c}{a}$

الشرط

$$B = 0$$

$$B = 0, A \neq C$$

$$B = 0, A = C$$

$$B = 0$$

نوع القطع المخروطي

$$A \cdot C = 0$$

$$A \cdot C > 0$$

$$A \cdot C > 0$$

$$AC < 0$$

قطع مكافئ

قطع ناقص

دائرة

قطع زائد

حساب المثلثات (1)

$$\cot \theta = \frac{\text{المجاور}}{\text{المقابل}}$$

$$\tan \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$$

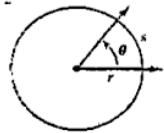
$$\sec \theta = \frac{\text{الوتر}}{\text{المجاور}}$$

$$\cos \theta = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$$

$$\csc \theta = \frac{\text{الوتر}}{\text{المقابل}}$$

$$\sin \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$$

طول القوس من الدائرة (S) ، المقابل لزاوية مركزية



قياسها (θ) يساوي

$$S = r \cdot \theta$$

حيث (θ) بالراديان

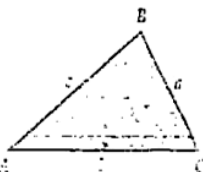
قانون جيب تمام :

يستعمل إذا أعطي ضلعين وزاوية محصورة

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2a \cdot c \cos B$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2a \cdot b \cos C$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2b \cdot c \cos A$$



مساحة المثلث يساوي نصف حاصل ضرب طولي أي ضلعين متجاورين في جيب الزاوية بينهما

قانون الجيوب : يستعمل إذا أعطي ضلعين وزاوية غير محصورة أو زاويتين وضلع غير محصور

$$\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$$

$$\text{المساحة} = \frac{1}{2} ab \cdot \sin C$$

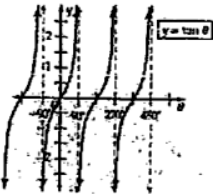


$$y = a \cdot \tan b\theta$$

ليس لها سعة

$$\frac{180^\circ}{b}$$

$$y = \tan \theta$$

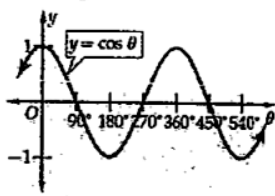


$$y = a \cdot \cos b\theta$$

$$|a|$$

$$\frac{360^\circ}{b}$$

$$-y = \cos \theta$$



قوى الوحدة التخيلية i

$$i^1 = i, \quad i^2 = -1, \quad i^3 = -i, \quad i^4 = +1$$

$$(a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2$$

تمثيل الدوال المثلثية بيانياً في المستوى الإحداثي

$$y = a \cdot \sin b\theta$$

الدالة

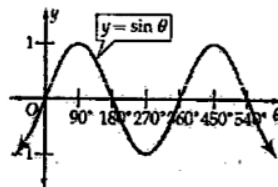
السعة

طول الدورة

$$|a|$$

$$\frac{360^\circ}{b}$$

$$y = \sin \theta$$



الأعداد التخيلية :

وتعرف الوحدة التخيلية i على أنها الجذر التربيعي

$$i = \sqrt{-1} \text{ أو } -1$$

المتطابقات المثلثية

حساب المثلثات (٢)

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

$$\cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$$

المتطابقات النسبية

$$\cos \theta = \frac{1}{\sec \theta}$$

$$\sin \theta = \frac{1}{\csc \theta}$$

$$\tan \theta = \frac{1}{\cot \theta}$$

متطابقات المقلوب

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}$$

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}$$

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta}$$

$$\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

$$1 + \tan^2 \theta = \sec^2 \theta$$

$$1 + \cot^2 \theta = \csc^2 \theta$$

متطابقات فيثاغورس

$$\sin(90 - \theta) = \cos \theta$$

$$\cos(90 - \theta) = \sin \theta$$

$$\tan(90 - \theta) = \cot \theta$$

متطابقات الزاويتين المتتامتين

$$\sin(-\theta) = -\sin \theta$$

$$\cos(-\theta) = \cos \theta$$

$$\tan(-\theta) = -\tan \theta$$

متطابقات الدوال الزوجية

والفردية

متطابقات المجموع والفرق

$$\cos(A + B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B$$

$$\cos(A - B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B$$

$$\sin(A + B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B$$

$$\sin(A - B) = \sin A \cos B - \cos A \sin B$$

$$\tan(A - B) = \frac{\tan A - \tan B}{1 + \tan A \tan B}$$

$$\tan(A + B) = \frac{\tan A + \tan B}{1 - \tan A \tan B}$$

متطابقات ضعف الزاوية

$$\tan(2\theta) = \frac{\sin 2\theta}{\cos 2\theta}$$

$$\tan(2\theta) = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$$

$$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\cos 2\theta = 2 \cos^2 \theta - 1$$

$$\cos 2\theta = 1 - 2 \sin^2 \theta$$

متطابقات نصف الزاوية

$$\tan \frac{\theta}{2} = \frac{\sin \frac{\theta}{2}}{\cos \frac{\theta}{2}}$$

$$\tan \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}$$

$$\sin \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$$

$$\cos \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \theta}{2}}$$

حل المعادلات المثلثية

المعادلة

الحلول

الحل العام

$$\tan \theta = a$$

$$\theta, 180 + \theta$$

$$\theta + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$$

$$\cos \theta = a$$

$$\theta, -\theta$$

$$\sin \theta = a$$

$$\theta, 180 - \theta$$

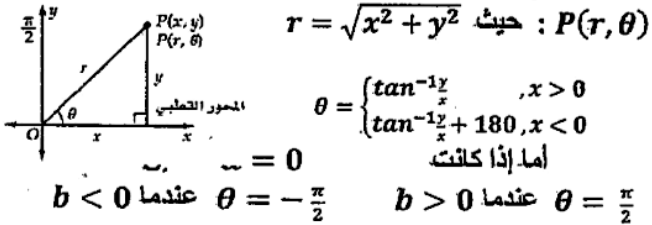
$$\theta + 360n, n \in \mathbb{Z}$$



الإعداد القطبية

• تحويل الإحداثيات القطبية إلى ديكارتية :
 إذا كانت $P(r, \theta)$ فإن الإحداثيات الديكارتية للنقطة P :
 $x = r \cos \theta$, $y = r \sin \theta$ أي أن
 $(x, y) = (r \cos \theta, r \sin \theta)$

• تحويل الإحداثيات الديكارتية إلى قطبية :
 إذا كانت $P(x, y)$ فإن الإحداثيات القطبية للنقطة P هي



• الصورة القطبية للعدد المركب $z = a + bi$ هي :

$$z = r(\cos \theta + i \sin \theta) \text{ حيث}$$

• نظرية دي موافر

$$z^n = r^n(\cos n\theta + i \sin n\theta)$$

• إذا كان n عددًا صحيحًا ، فإنه يمكن تمثيل النقطة

بـ (r, θ) بالإحداثيات

$$(-r, \theta + (2n + 1)180) , (r, \theta + 360n)$$

• القيمة المطلقة للعدد المركب $z = a + bi$ هي :

$$|z| = |a + bi| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

• المسافة بين النقطتين في المستوى القطبي هي :

$$P_1 P_2 = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1 r_2 \cos(\theta_1 - \theta_2)}$$

• ضرب وقسمة الأعداد المركبة على الصورة القطبية:

$$z_1 z_2 = r_1 r_2 (\cos(\theta_1 + \theta_2) + i \sin(\theta_1 + \theta_2))$$

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} (\cos(\theta_1 - \theta_2) + i \sin(\theta_1 - \theta_2))$$

• الجذور النونية : $z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$

$$r^{\frac{1}{n}} \left(\cos \frac{\theta + 2k\pi}{n} + i \sin \frac{\theta + 2k\pi}{n} \right)$$

حيث $k = 0, 1, 2, \dots, (n - 1)$

المتجهات

• اتجاه المتجه : يحدد اتجاه المتجه باستعمال

① الاتجاه الأفقي ويبدأ من نقطة الأصل مع محور x الموجب

وعكس عقارب الساعة مثل $(30^\circ$ مع الأفقي)

② الاتجاه الرعي وزاويته φ فاي ، $0^\circ < \varphi < 90^\circ$

شرق أو غرب الخط الراسي مثل $(E 30^\circ S)$

③ الاتجاه الحقيقي ويبدأ الشمال مع عقارب الساعة ويقاس بثلاثة

أرقام مثل 025°

• إذا كان لدينا المتجه \overline{AB} الذي بدايته $A(x_1, y_1)$ ونهايته

فإن $B(x_2, y_2)$

• الصورة الإحداثية للمتجه هي

$$\overline{AB} = B - A = (x_2 - x_1, y_2 - y_1)$$

• متجه الوحدة u في اتجاه متجه v هو المتجه على طول المتجه

$$|u| = 1 \text{ حيث } u = \frac{v}{|v|} = \frac{1}{|v|}v$$

• إذا كان المتجه v في الصورة الإحداثية (a, b) فإن

$$|v| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

• كتابة المتجه باستعمال متجهي الوحدة i, j هي

$$v = ai + bj$$

• إيجاد زاوية اتجاه المتجه مع الاتجاه الموجب لمحور x

$$\theta = \begin{cases} \tan^{-1} \frac{y}{x}, & x > 0 \\ \tan^{-1} \frac{y}{x} + 180, & x < 0 \end{cases}$$

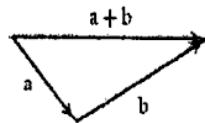
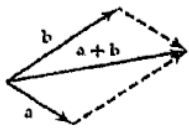
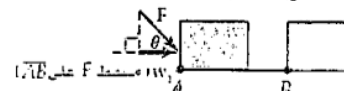
• إذا كانت θ هي الزاوية بين متجهين غير الصفرين u, v

$$\cos \theta = \frac{u \cdot v}{|u| |v|} \quad \text{①}$$

$$u \cdot v = |u| |v| \cos \theta \quad \text{②}$$

• الشغل = القوة المؤثرة \times المسافة التي تحركها الجسم

$$w = |w_1| \cdot |\overline{AB}|$$



• إذا ضرب متجه في عدد سالب فإنه يعكس اتجاهه ، فمثلاً

$$\overline{AB} = -\overline{BA}$$

• مركبتي متجه :

$$|y| = r \sin \theta \quad \text{① المركبة الرأسية}$$

$$|x| = r \cos \theta \quad \text{② المركبة الأفقية}$$

• طول المتجه هو

$$|\overline{AB}| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

• الضرب الداخلي للمتجهين

$$a \cdot b = a_1 b_1 + a_2 b_2$$

• يكون المتجهين متعامدين ، إذا فقط إذا كان $a \cdot b = 0$

• وتعطى نقطة المنتصف M لـ \overline{AB} بالقانون

$$M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}, \frac{z_1 + z_2}{2} \right)$$

• $a \times b$ ويكون عمودي على المستوى الذي يحوي المتجهين .

• الضرب الإتجاهي للمتجهين a, b هو $a \times b =$

• مساحة سطح متوازي الأضلاع الذي أضلاعه a, b ضلعان متجاوران

$$|a \times b| = \text{فيه}$$

• حجم متوازي السطوح هو

$$a \times b = \begin{vmatrix} i & j & k \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix} \quad c \cdot (a \times b) = \begin{vmatrix} c_1 & c_2 & c_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix}$$



الأحتمال (٢) والإحصاء

التحليل الإحصائي و مقاييس النزعة المركزية
المتوسط : قسمة مجموع القيم على عددها
يستخدم : عندما لا يوجد قيم متطرفة
الوسيط : القيمة التي تتوسط البيانات بعد ترتيبها تصاعدياً
يستخدم : عندما يوجد قيم متطرفة ولا توجد فراغات كبيرة في المنتصف
الموالات : القيم التي تظهر أكثر من غيرها

هامش الخطأ في المعاينة بالقيمة $\pm \frac{1}{\sqrt{n}}$

■ قانونا الانحراف المعياري
عينة

عدد قيمها (حجمها) n

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^n (x_k - \bar{x})^2}{n-1}}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^n (x_k - \mu)^2}{n}}$$

■ المجتمع
عدد قيمه (حجمه) n
■ التوزيع الاحتمالي المنفصل : يجب أن يحقق شرطين

$$\sum P(X) = 1 \quad (2) \quad 0 \leq P(X) \leq 1 \quad (1)$$

■ صيغة احتمال ذات الحدين :

احتمال النجاح في x مرة من n من المحاولات المستقلة

في تجربة ذات الحدين هو :

$$P(x) = C_x^n p^x q^{n-x} = \frac{n!}{(n-x)! x!} p^x q^{n-x}$$

■ المتوسط والتباين والانحراف المعياري لتوزيع ذات الحدين :

$$\mu = np \quad \text{المتوسط}$$

$$\sigma^2 = npq \quad \text{التباين}$$

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{npq} \quad \text{والانحراف المعياري}$$

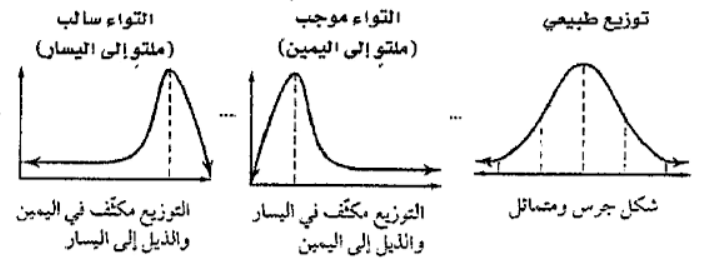
■ تقريب توزيع ذات الحدين إلى التوزيع الطبيعي

$$np \geq 5, nq \geq 5$$

يمكن تقريب توزيع ذات الحدين إلى توزيع طبيعي

بمتوسط $\bar{x} = np$ وانحراف معياري $\sigma = \sqrt{npq}$

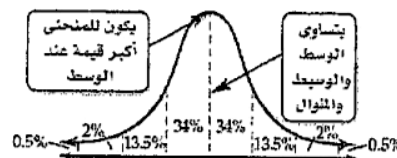
$$\sqrt{npq}$$



■ القانون التجريبي : يصف التوزيع الطبيعي الذي

متوسطه μ

وانحرافه σ بالتالي



النهايات والإشتقاق

▪ السرعة المتوسطة في الفترة الزمنية من a إلى b

$$v_{avg} = \frac{\text{التغير في المسافة}}{\text{التغير في الزمن}} = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

▪ السرعة المتجهة اللحظية :

$$v(t) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(t+h) - f(t)}{h} = f'(t)$$

المشتقات والتكامل

▪ يرمز لمشتقة $y = f(x)$ بالرموز $\frac{dy}{dx}$, $f'(x)$, y'

▪ مشتقة الضرب

$$\frac{d}{dx} (f(x) \cdot g(x)) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$

▪ مشتقة القسمة

$$\frac{d}{dx} \left(\frac{f(x)}{g(x)} \right) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{(g(x))^2}$$

$$m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} = f'(x)$$

▪ إذا كانت $v(t)$ تمثل دالة السرعة المتجهة اللحظية فإن

دالة المسافة $s(t)$ عند الزمن t هي $s(t) = \int v(t) dt$

▪ الشغل اللازم لشد نابض مسافة ما (a متر) ، من موضعه

الطبيعي بالتكامل $= \int_0^a cx dx$ حيث c عدد ثابت

▪ تكون نهاية $f(x)$ عندما تقترب x من c موجودة إذا وفقط إذا

كانت النهايتان من اليمين واليسار موجودتين ومتساويتين أي

$$\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = L$$

ويكون $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L$

▪ نهاية دالة المقلوب عند موجب أو سالب ما لا نهاية هي الصفر

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} = 0$$

▪ نهاية الدوال الكسرية عند موجب أو سالب ما لا نهاية هو نهاية أكبر قوة في البسط و أكبر قوة في المقام

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0}{b_m x^m + \dots + b_1 x + b_0} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a_n x^n}{b_m x^m}$$

حساب النهايات عند المالانهاية

▪ إذا كان n عدد صحيح موجب فإن

$$\lim_{x \rightarrow \infty} x^n = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = -\infty$$

▪ نهاية دالة كثيرة حدود

$$f(x) = a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} a_n x^n$$

نأخذ النهاية للحد الذي له الأس الأكبر

