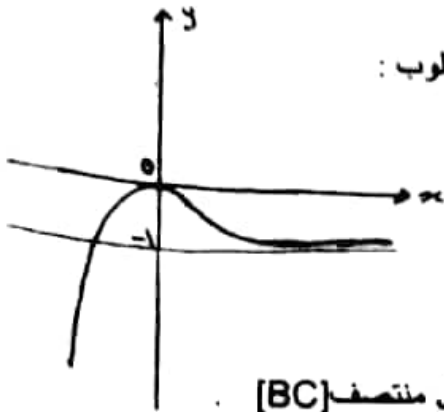


(40 درجة لكل سؤال)

أولاً: اجب عن الأسئلة الأربعة التالية

السؤال الأول: في الشكل المجاور خط بياني C لتابع f المعرفة على \mathcal{R} والمطلوب:(1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ استنتج معادلة كل مقارب للخط البياني C (2) هل $f(0)$ قيمة حدية كبرى أو صغرى للتابع ؟ علل ذلك .(3) جد حلول المتراجحة $f'(x) \leq 0$ (4) احسب $f(]0, +\infty[)$

السؤال الثاني: ABCD رباعي وجوه، مركز ثقله G. I منتصف [AD] و J منتصف [BC]

اثبت أن G, J, I تقع على استقامة واحدة

السؤال الثالث: اثبت أن للمعادلة $x^3 + x + 1 = 0$ حلاً وحيداً α في \mathcal{R} ، ثم بين أن $\alpha \in]-1, 0[$.السؤال الرابع: ليكن المثلث ABC جد العندين x, y بحيث $\vec{AM} = x\vec{AB} + y\vec{AC}$ إذا علمت أن M مركز أبعاد متناسبة للنقاط $(A, 4), (C, 3), (B, 2)$

(60 درجة لكل تمرين)

ثانياً: حل التمرين الأربعة التالية.

التمرين الأول: ليكن المستقيمين d, d' المعرفين ومبسطا بالشكل

$$d: \begin{cases} x = 3s + 2 \\ y = -s - 1 \\ z = s + 1 \end{cases} \quad d': \begin{cases} x = t + 1 \\ y = 2t - 3 \\ z = -t + 2 \end{cases} \quad \text{حيث } t, s \text{ اعداد حقيقية}$$

(1) اثبت أن المستقيمين d, d' متقاطعين وعين احداثيات نقطة التقاطع(2) أوجد معادلة المستوي المحدد بالمستقيمين d, d' رين الثاني: ليكن التابع f المعرفة على \mathcal{R} وفق: $f(x) = \frac{x+2}{|x|+1}$ (1) ما نهاية التابع f عند $-\infty$ ؟ اشرح التأويل الهندسي لهذه النتيجة ؟(2) ادرس قابلية اشتقاق f عند الصفر من اليمين. ثم اكتب معادلة لنصف المماس من اليمين لخطه البياني C_f في النقطة $A(0, 2)$.الثالث: نتأمل في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ المستويين:

$$Q: x + y + z + 1 = 0, \quad P: x - 2y + 3z - 5 = 0$$

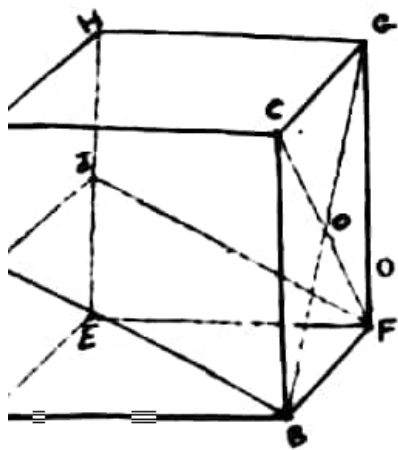
اكتب معادلة المستوي \mathcal{R} العمودي على P ، ويمرر من النقطة $A(2, 5, -2)$ اكتب معادلة الكرة التي تمس المستوي P و مركزها النقطة $A(2, 5, -2)$

التصريح الرابع: المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ معرفة عند كل $n \geq 1$ وفق $u_n = 1 + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \dots + \frac{1}{n!}$

- (1) أثبت مستعملاً البرهان بالتدرج أن $\frac{1}{n!} \leq \frac{1}{2^{n-1}}$
- (2) استنتج أن العدد 3 راجح على المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$
- (3) أثبت أن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ متقاربة.

ثالثاً: حل المسالتين الآتيتين. (100 درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى: ABCDEFGH مكعب فيه I منتصف [AD] و J منتصف [EH] والنقطة O مركز الوجه (BCGF)



و ليكن المعلم المتجانس $(A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AE}, \overrightarrow{AD})$

- (1) أوجد احداثيات النقاط I, F, B
- (2) تحقق أن $\vec{n}(1, 0, 2)$ ناظم للمستوي (BFJI) ثم اكتب معادلته
- (3) احسب بعد O عن المستوي (BFJI) واحسب حجم الهرم (OBFJI)
- (4) اكتب تمثيلاً وسيطياً للمستقيم d العمودي على المستوي (BFJI) والمار بالنقطة O
- (5) احسب احداثيات N نقطة تقاطع المستقيم d مع المستوي (BFJI)
- (6) أثبت أن النقطة N هي مركز الأبعاد المتساوية للنقاط (I, α) و (B, β) و (F, γ) حيث α و β و γ ثوابت يطلب تعيينها

المسألة الثانية: في معلم متجانس C هو الخط البياني للتابع f المعرفة على $\mathcal{R} \setminus \{-1\}$ وفق $f(x) = \frac{ax^2 + bx + 7}{x+1}$

والمطلوب: أولاً - عين a و b إذا علمت أن للتابع f قيمة حدية محلياً عند $x = 1$ و تساوي 5.

ثانياً - من أجل $a = 2$ و $b = 1$:

- (1) ادرس تغيرات التابع f و نظم جدولاً لها.
- (2) أثبت أن المستقيم d الذي معادلته $y = 2x - 1$ مقارب مائل للخط C.
- (3) أثبت أن النقطة $I(-1, -3)$ هي مركز تناظر للخط C.
- (4) ارسم مقاربات C ثم ارسم C.
- (5) حدد هندسياً عدد حلول المعادلة: $2x^2 + (1 - m)x - m + 7 = 0$

انتهت الأسئلة

(الصفحة الثانية)