



مدونة المناهج السعودية

<https://eduschool40.blog>

الموقع التعليمي لجميع المراحل الدراسية

في المملكة العربية السعودية



الاختبار النهائي في مادة الإحصاء التحليلي

الاسم:
الشعبة:

تمرين 1 (8 درجات)

الجدول التالي يوضح توزيع موظفي شركة ما حسب الحالة الاجتماعية (أعزب أو متزوج) و حسب الجنسية (مواطن أو أجنبي) :

المجموع	أجنبي	مواطن	
80	50	30	أعزب
120	40	80	متزوج
200	90	110	المجموع

فإذا سُحب موظف بشكل عشوائي أوجد ما يلي:

(1) احتمال أن يكون هذا الموظف متزوجا =.....

(2) احتمال أن يكون أجنبيا متزوجا=.....

(3) احتمال أن يكون متزوجا أو أعزبا=.....

(4) احتمال أن يكون أعزبا مع العلم أنه مواطن=.....

تمرين 2 (8 درجات)

الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X :

X	5	10	15	30	40
P(X)	0.3	0.1	0.2	0.25	F

أوجد ما يلي:

$F=.....$

$P(X \geq 10)=.....$

$E(X)=.....$

$V(X)=.....$

$E(X+5)=.....$

$V(2X+5)=.....$

تمرين 3 (6 درجات)

أشارت تقارير وزارة الزراعة إلى أن نسبة أربعة بالألف ($P=0.004$) من محصول التمور معيبة. لو أخذنا بشكل عشوائي خمسين حبة تمر من هذا المحصول ($n=500$) و سميينا المتغير العشوائي (X) عدد حبات التمر المعيبة التي يمكن أن أحصل عليها في هذه العينة.

احسب الاحتمالات التالية:

1. احتمال الحصول على حبة واحدة معيبة في هذه العينة:

$$P(X = 1) = \dots$$

2. احتمال أن تكون كلها سليمة:

$$P(X = 0) = \dots$$

3. احتمال الحصول على حبة معيبة على الأقل :

$$P(X \geq 1) = \dots$$

تمرين 4: (8 درجات)

إذا أخذنا (X) متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي يساوي 70 وانحراف معياري يساوي

10

احسب الاحتمالات التالية :

$$P(X \leq 55.5) = \dots$$

$$P(X \geq 55.5) = \dots$$

$$P(X \geq 73.5) = \dots$$

$$P(75 \leq X \leq 95.6) = \dots$$

تمرين 5 (6 درجات)

سحبت عشوائيا عينة حجمها 100 شاب حيث وجد فيها 25 شخص يرغبون بأداء فريضة الحج. قدر بدرجة ثقة 99% نسبة الشباب الذين يرغبون في آداء فريضة الحج.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

تمرين 6 (6 درجات)

تم تكليفك بتقدير متوسط ساعات عمل موظفي شركة مقاولات. قمت بسحب عينة عشوائية حجمها 25 موظف، فوجئت فيها إن متوسط ساعات العمل اليومي 12 ساعة بانحراف معياري 3 ساعات. ما هو تقديرك لمتوسط ساعات العمل في الشركة كلها مستخدما درجة ثقة 90%؟

.....
.....
.....
.....

تمرين 7 (10 درجات)

أجري اختبار لدراسة الفرق في الطول بين الطلاب والطالبات حيث وجد أنه في عينة من 100 طالب كان متوسط الطول 177 سم بانحراف معياري 10 سم. أما في عينة مكونة من 144 طالبة كان متوسط الطول 162 سم بانحراف معياري 5 سم.

1) قدر بدرجة ثقة 90% الفرق في متوسط الطول بين الطلاب والطالبات.

2) هل تعتقد أن هناك فرق في متوسط الطول بين الطلاب والطالبات؟ استخدم مستوى معنوية (5%) .

تمرين 8 (4 درجات)

قدر حجم العينة الواجب سحبها لتقدير متوسط الإنتاج اليومي للموظف في أحد المصانع بشرط أن لا يتجاوز الخطأ في التقدير 5 وحدات وبدرجة ثقة 99% على فرض أن الانحراف المعياري للإنتاج من دراسات سابقة كان 60 وحدة.

.....
.....
.....
.....
تمرين 9 (4 درجات)

ما هو حجم العينة العشوائية اللازم سحبها من طلاب جامعة الإمام لتقدير نسبة الطلبة كبار السن، بشرط ألا يتجاوز الخطأ في التقدير عن 2%， وبدرجة ثقة 95%، بفرض أن هذه النسبة من دراسات سابقه هي 25%.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

بالتوقيع!



الاختبار النهائي في مادة الإحصاء التحليلي

الاسم:
الشعبة:

تمرين 1 (8 درجات)

الجدول التالي يوضح توزيع موظفي شركة ما حسب الحالة الاجتماعية (أعزب أو متزوج) و حسب الجنسية (مواطن أو أجنبي) :

المجموع	أجنبي	مواطن	
80	50	30	أعزب
120	40	80	متزوج
200	90	110	المجموع

فإذا سُحب موظف بشكل عشوائي أوجد ما يلي:

(1) احتمال أن يكون هذا الموظف متزوجا =.....

(2) احتمال أن يكون أجنبيا متزوجا=.....

(3) احتمال أن يكون متزوجا أو أعزبا=.....

(4) احتمال أن يكون أعزبا مع العلم أنه مواطن=.....

تمرين 2 (8 درجات)

الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X :

X	5	10	15	30	40
P(X)	0.3	0.1	0.2	0.25	F

أوجد ما يلي:

$F=.....$

$P(X \geq 10)=.....$

$E(X)=.....$

$V(X)=.....$

$E(X+5)=.....$

$V(2X+5)=.....$

تمرين 3 (6 درجات)

أشارت تقارير وزارة الزراعة إلى أن نسبة أربعة بالألف ($P=0.004$) من محصول التمور معيبة. لو أخذنا بشكل عشوائي خمسين حبة تمر من هذا المحصول ($n=500$) و سميينا المتغير العشوائي (X) عدد حبات التمر المعيبة التي يمكن أن أحصل عليها في هذه العينة.

احسب الاحتمالات التالية:

1. احتمال الحصول على حبة واحدة معيبة في هذه العينة:

$$P(X = 1) = \dots$$

2. احتمال أن تكون كلها سليمة:

$$P(X = 0) = \dots$$

3. احتمال الحصول على حبة معيبة على الأقل :

$$P(X \geq 1) = \dots$$

تمرين 4: (8 درجات)

إذا أخذنا (X) متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي يساوي 70 وانحراف معياري يساوي

10

احسب الاحتمالات التالية :

$$P(X \leq 55.5) = \dots$$

$$P(X \geq 55.5) = \dots$$

$$P(X \geq 73.5) = \dots$$

$$P(75 \leq X \leq 95.6) = \dots$$

تمرين 5 (6 درجات)

سحبت عشوائيا عينة حجمها 100 شاب حيث وجد فيها 25 شخص يرغبون بأداء فريضة الحج. قدر بدرجة ثقة 99% نسبة الشباب الذين يرغبون في آداء فريضة الحج.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

تمرين 6 (6 درجات)

تم تكليفك بتقدير متوسط ساعات عمل موظفي شركة مقاولات. قمت بسحب عينة عشوائية حجمها 25 موظف، فوجئت فيها إن متوسط ساعات العمل اليومي 12 ساعة بانحراف معياري 3 ساعات. ما هو تقديرك لمتوسط ساعات العمل في الشركة كلها مستخدما درجة ثقة 90%؟

.....
.....
.....
.....

تمرين 7 (10 درجات)

أجري اختبار لدراسة الفرق في الطول بين الطلاب والطالبات حيث وجد أنه في عينة من 100 طالب كان متوسط الطول 177 سم بانحراف معياري 10 سم. أما في عينة مكونة من 144 طالبة كان متوسط الطول 162 سم بانحراف معياري 5 سم.

1) قدر بدرجة ثقة 90% الفرق في متوسط الطول بين الطلاب والطالبات.

2) هل تعتقد أن هناك فرق في متوسط الطول بين الطلاب والطالبات؟ استخدم مستوى معنوية (5%) .

تمرين 8 (4 درجات)

قدر حجم العينة الواجب سحبها لتقدير متوسط الإنتاج اليومي للموظف في أحد المصانع بشرط أن لا يتجاوز الخطأ في التقدير 5 وحدات وبدرجة ثقة 99% على فرض أن الانحراف المعياري للإنتاج من دراسات سابقة كان 60 وحدة.

.....
.....
.....
.....
تمرين 9 (4 درجات)

ما هو حجم العينة العشوائية اللازم سحبها من طلاب جامعة الإمام لتقدير نسبة الطلبة كبار السن، بشرط ألا يتجاوز الخطأ في التقدير عن 2%， وبدرجة ثقة 95%، بفرض أن هذه النسبة من دراسات سابقه هي 25%.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

بالتوقيع!

السؤال الاول: مبادئ الاحتمالات (١٢ درجة)

١) نضع علامة (✓) أمام الأجبوبة الصحيحة وعلامة (✗) أمام الأجبوبة الخاطئة

الحوادث المستقلة هي حوادث لا يؤثر حدوث إحداها على احتمال حدوث الأخرى

التجربة العشوائية هي تجربة لا نعرف نتائجها المحتملة

الحادثة المتنقمة لحادثة ما تكون أيضاً منافية لها

٢) إذا سمعينا (A) و (B) حادثتين متنافيتين لتجربة عشوائية فأن:

$P(A / B) = P(A)$

$P(A \cap B) = P(A)P(B)$

$P(A \cup B) = 0$

٣) إذا سمعينا (A) و (B) حادثتين مستقلتين لتجربة عشوائية وعلمنا أن :

فإن $P(A) = 0.5$ و $P(A \cup B) = 0.7$

$P(B) = \dots$

$P(A \cap B) = \dots$

$P(A' \cap B) = \dots$

٤) الجدول التالي يبيّن توزيع المسافرين على متن طائرة وذلك حسب النوع والاصل

الاجمالي	مواطنين	أجانب	
30	10	20	نساء
100	40	60	رجال
120	90	30	اطفال
250	140	110	الاجمالي

١) إذا اختير مسافر بشكل عشوائي:

(أ) ما احتمال أن يكون رجلاً أو من المسافرين الأجانب؟

(ب) ما احتمال أن يكون طفلاً أجنبياً؟

٢) إناعلمت أنه من بين الرجال ما احتمال أن يكون أجنبياً؟

السؤال الثاني: المتغيرات العشوائية وتوزيعاتها الاحتمالية (٤٢ درجة)

١) الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X الذي يمثل عدد الوحدات المعيبة في أحد المصانع:

X_i	0	20	30	60	80
$P(X_i)$	0.15	0.3	0.2	0.25	0.1
$X_i \cdot P(X_i)$					
$(X_i)^2 \cdot P(X_i)$					

من هذا التوزيع نستنتج أن:

$$E(X) = \dots$$

$$E(2X+5) = \dots$$

$$V(X) = \dots$$

$$V(2X) = \dots$$

٢) قدرت نسبة الإنتاج المعيب في مصنع لالكترونيات ب (12%). سحب مراقب الجودة عشوائياً عينة

حجمها 10 وحدات من إنتاج هذا المصنع.

أ) ما احتمال أن تكون كل العينة سليمة

$$P(X=0) = \dots$$

ب) احتمال أن يكون فيها وحدة معيبة أو أكثر

$$P(X \geq 1) = \dots$$

٣) بلغت نسبة الرحلات المؤجلة لأحد شركات الطيران (0,004). إذا وضعت الشركة برنامجاً لتقييد

رحلة

أ) الوسط الحسابي لهذا التوزيع يساوي ...

ب) ما هو احتمال أن تؤجل 5 رحلات؟

$$P(X=5) = \dots$$

ت) ما هو احتمال أن تؤجل رحلة أو أكثر؟

$$P(X \geq 1) = \dots$$

٤) اذا كان وزن الوحدة الواحدة من الدجاج في أحد المزارع يتبع توزيعا طبيعيا بمتوسط حسابي يساوي 2 كيلogram وانحراف معياري يساوي 0.25 كيلogram ما هي نسبة الوحدات التي وزنها :

أ- 2.25 كيلogram أو أقل

$$P(X \leq 2.25) = \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$$

ب- 1.75 كيلogram أو أقل

$$P(X \leq 1.75) = \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$$

ت- بين 2.25 و 1.75 كيلogram.

$$P(1.75 \leq X \leq 2.25) = \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$$

السؤال الثالث: التقدير الاحصائي للوسط الحسابي للمجتمع (١٠ درجات)

تم تكليفك بتقدير متوسط الانتاج اليومي للعامل "راشد" في مصنع عدد عماله ($N=1200$) . قمت بسحب عينة عشوائية من العمال حجمها($n=50$)، فوجدت فيهم متوسط الانتاج اليومي للعامل ($\bar{X} = 100$) بانحراف معياري ($S=20$)

(أ) هل تعتبر العينة صغيرة أم كبيرة؟

(ب) قدر بنقطة متوسط الانتاج اليومي للعامل في المصنع

(ت) قدر بـمجال (بنقطة ثقة) متوسط الانتاج اليومي للعامل في المصنع مستخدما درجة ثقة 99%

99%	%95	90%	$1 - \alpha$
2.58	1.96	1.65	$Z_{\alpha/2}$

السؤال الرابع: حجم العينة اللازم للتقدير الاحصائي (درجتين)

ما هو حجم العينة العشوائية البسيطة الازمة لتقدير نسبة المدخنين في مجتمع النباب بشرط أن لا يتذرز الخطأ في التقدير 0,01 وبدرجة ثقة 99 %. مع العلم ان هذه النسبة بلغت حسب دراسات سابقة 40 %

السؤال الخامس: اختبارات الفروض الاحصائية للنسبة في المجتمع (١٢ درجة)

بلغت نسبة غيب الطلاب في احد المدارس في الاسبوع الذي يسبق الاجازة ($p = 0.6$). بعد تطبيق نظام يمكن من متابعة النباب والتشديد على تطبيق اللوائح الخاصة بالحرمان من اجراء الاختبار وتكون لجنة للنظر في أذار الطالب المتعينين وابلاغ أولياء الامور بغياب ابنائهم، تم اختيار شعبة عدد طلابها ($n=50$) كعينة عشوائية، فكان فيها عدد المتعينين في المحاضرة الصباحية الاولى 29 طالبا.

a) نسبة الغياب في هذه العينة هي $\hat{p} = \dots$

نريد أن نختبر بناءً على بيانات هذه العينة ما إذا كانت نسبة الغياب في مجتمع الطلاب قد تغيرت، على أن تجربة هذا النظام لمتابعة الغياب، مستوى المعنوية المطلوب هو ($\alpha = 1\%$)

b) هل هو اختبار في اتجاهين أم في اتجاه اليسار أم في اتجاه اليمين؟

c) الفرض الاصلي: $H_0: \dots$ و الفرض البديل: $H_1: \dots$

d) القيمة الحرجة التي تتصل بين منطقة الرفض ومنطقة القبول هي

e) القيمة التطبيقية المحسوبة (أو القيمة المعيارية) تساوي

f) القرار

القيم الحرجة حسب درجة المعنوية واتجاه الاختبار

اتجاه الاختبار	الاختبار في اتجاه اليمين	الاختبار في اتجاهين	درجة المعنوية
$Z_\alpha = -2.33$	$Z_\alpha = 2.33$	$\pm Z_{\alpha/2} = \pm 2.58$	$(\alpha = 1\%)$
$-Z_\alpha = -1.65$	$Z_\alpha = 1.65$	$\pm Z_{\alpha/2} = \pm 1.96$	$(\alpha = 5\%)$
$-Z_\alpha = -1.28$	$Z_{\alpha/2} = 1.28$	$\pm Z_{\alpha/2} = \pm 1.65$	$(\alpha = 10\%)$

الاختبار النهائي في مادة الإحصاء التحليلي

نموذج 2

الفصل الثاني من السنة الجامعية ١٤٣٧/١٤٢٨

الزمن: ساعتين

الاسم
الشعبة:**السؤال الأول: مبادئ الاحتمالات (١٢ درجة)**

١) نضع علامة (✓) أمام الأجبوبة الصحيحة وعلامة (✗) أمام الأجبوبة الخاطئة

الحوادث المتنافية هي حوادث لا يؤثر حدوث إحداها على احتمال حدوث الأخرى

الحادثة المتممة لحادثة ما تكون أيضاً منافية لها

التجربة العشوائية هي تجربة لا نعرف نتائجها المحتملة

٢) إذا سُئلنا (A) و (B) حادثتين مستقلتين لتجربة عشوائية فإن:

$P(A / B) = P(A)$

$P(A \cap B) = P(A)P(B)$

$P(A \cap B) = 0$

٣) إذا سُئلنا (A) و (B) حادثتين مستقلتين لتجربة عشوائية وعلمنا أن :

فإن $P(A) = 0.5$ و $P(A \cup B) = 0.8$

$P(B) = \dots$

$P(A \cap B) = \dots$

$P(A / B) = \dots$

٤) الجدول التالي يبين توزيع المسافرين على متن طائرة وذلك حسب النوع والاصل

الاجمالي	أجانب	مواطنين	
نوع المسافر			
30	10	20	نساء
100	40	60	رجال
120	90	30	اطفال
250	140	110	الاجمالي

١) إذا اختير مسافر بشكل عشوائي:

أ) ما احتمال أن يكون رجلاً أو من المسافرين الأجانب؟

ب) ما احتمال أن يكون طفلاً أجنبياً؟

٢) إذا علمت أنه من بين الرجال ما احتمال أن يكون أجنبياً؟

السؤال الثاني: المتغيرات العشوائية وتوزيعاتها الاحتمالية (٢٤ درجة)

- ١) الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X الذي يمثل عدد الوحدات المعيبة في احد المصانع:

X_i	0	20	30	60	80
$P(X_i)$	0.15	0.3	0.2	0.1	0.25
$X_i \cdot P(X_i)$					
$(X_i)^2 \cdot P(X_i)$					

من هذا التوزيع نستنتج أن:

$$E(X) = \dots$$

$$E(2X+5) = \dots$$

$$V(X) = \dots$$

$$V(2X) = \dots$$

٢) قدرت نسبة الإنتاج المعيب في مصنع للالكترونيات ب (12%). سحب مراقب الجودة عشوائياً عينة

حجمها 8 وحدات من إنتاج هذا المصنع

أ) ما احتمال أن تكون كل العينة سليمة

$$P(Y=0) = \dots$$

ب) احتمال أن يكون فيها وحدة معيبة أو أكثر

$$P(X \geq 1) = \dots$$

٣) بلغت نسبة الرحلات المؤجلة لـ ٤ شركات الطيران (0,005). اذا وضعت الشركة برنامجاً لتنفيذ 1400

رحلة

أ) الوسط الحسابي لهذا التوزيع يساوي

ب) ما هو احتمال أن تؤجل 5 رحلات؟

$$P(X=5) = \dots$$

ت) ما هو احتمال أن تؤجل رحلة أو أكثر؟

$$P(X \geq 1) = \dots$$

٤) اذا كان وزن الوحدة الواحدة من الدجاج في أحد المزابع يتبع توزيعا طبيعيا بوسط حسابي يساوي 2 كيلوغرام و انحراف معياري يساوي 0.125 كيلوغرام. ما هي نسبة الوحدات التي وزنها :

أ- 2.25 كيلوغرام أو أقل

$$P(X \leq 2.25) = \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$$

ب- 1.75 كيلوغرام أو أقل

$$P(X \leq 1.75) = \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$$

ت- بين 2.25 و 1.75 كيلوغرام

$$P(1.75 \leq X \leq 2.25) = \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$$

السؤال الثالث: التقدير الاحصائي للوسط الحسابي في المجتمع (١٠ درجات)

تم تكاليفك بتقدير متوسط الانتاج اليومي للعامل الواحد في مصنع عدد عماله ($N=1200$). قمت بسحب عينة

عشوانية من العمال حجمها (٥٠)، فوجدت فيها متوسط الانتاج اليومي للعامل ($\bar{X}=120$) بانحراف معياري

$(S=30)$

أ) هل تعتبر العينة صغيرة أم كبيرة؟.....

ب) قدر ب نقطة متوسط الانتاج اليومي للعامل في المصنع

ت) قدر بمجال (نقطة ثقة) متوسط الانتاج اليومي للعامل في المصنع مستخدما درجة ثقة ٩٥٪.

99%	%95	90%	$1 - \alpha$
2.58	1.96	1.65	$Z_{\alpha/2}$

السؤال الرابع: حجم العينة اللازم للتقدير الاحصائي (درجتين)

ما هو حجم العينة العشوائية البسيطة الازمة لتقدير نسبة المدخنين في مجتمع السند شرط أن لا يتجاوز الخطأ في التقدير 0,01 وبدرجة ثقة 90 %. مع العلم أن هذه النسبة بلغت حسب دراسات سابقة 40 %

السؤال الخامس: اختبارات الفروض الاحصائية للنسبة في المجتمع (١٢ درجة)

بلغت نسبة غياب الطلاب في احد المدارس في الاسبوع الذي يسبق الاجازة ($P = 0.6$). بعد تطبيق نظام يمكن من متابعة الغياب والتشديد على تطبيق اللوائح الخاصة بالحرمان من اجراء الاختبار وتكرار لجنة للنظر في أعداد الطلاب المتغيبين وابلاغ أولياء الامور بغياب ابنائهم، تم اختيار شعبة عدد طلابها ($n=50$) كعينة عشوائية، فكان فيها عدد المتغيبين في المحاضرة الصباحية الاولى 28 طلابا.

a) نسبة الغياب في هذه العينة هي $\hat{P} = \dots$

نريد أن نختبر بناءاً على بيانات هذه العينة ما إذا كانت نسبة الغياب في مجتمع الطلاب قد تقدّمت على الترجمة هذا النظام لمتابعة الغياب. مستوى المعنوية المطلوب هو ($\alpha = 1\%$)

b) هل هو اختبار في اتجاهين أم في اتجاه اليسار أم في اتجاه اليمين؟

$H_1: \dots$ ت) الفرض الاصلي: $H_0: \dots$ و الفرض البديل:

ث) القيمة الحرجية التي تفصل بين منطقة الرفض ومنطقة القبول هي

ج) القيمة التطبيقية المحسوبة (أو القيمة المعيارية) تساوي

ح) الترار

لتبيين الحرجية حسب درجة المعنوية واتجاه الاختبار

اتجاه الاختبار	اتجاه اليمين	اتجاه اليسار	درجة المعنوية
	$Z_a = 2.33$	$Z_a = -2.33$	$\pm Z_{\alpha/2} = \pm 2.58$ ($\alpha = 1\%$)
	$Z_a = 1.65$	$-Z_a = -1.65$	$\pm Z_{\alpha/2} = \pm 1.96$ ($\alpha = 5\%$)
	$Z_{\alpha/2} = 1.28$	$-Z_{\alpha/2} = -1.28$	$\pm Z_{\alpha/2} = \pm 1.65$ ($\alpha = 10\%$)