

أجب عن الأسئلة الآتية:

(الدرجة ٤)

السؤال الأول (الجبر):

(١) أثبتت باستخدام مبدأ الاستنتاج الرياضي أن

$$\frac{1}{1 \times 3} + \frac{1}{3 \times 5} + \dots + \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} = \frac{n}{2n+1}$$

الى كسوره الجزئية

$$\frac{4x^2}{(x+1)(x^2-2x+1)} \quad (٢) \quad \text{حول الكسر}$$

(٣) أوجد مفوك (بدالة قوي جيوب وجيوب تمام الزاوية θ) $\sin(5\theta)$

$$Z^{\frac{3}{2}} \quad \text{فأوجد} \quad Z = -1 - \sqrt{3} i \quad \text{إذا كانت} \quad (\Sigma)$$

(الدرجة ٣٠)

السؤال الثاني (الهندسة):

(١) أوجد طول العمود الساقط من النقطة (3,5) على المستقيم المار بالنقطة (1,3) ويواري المستقيم

$$3x + 4y + 1 = 0$$

(٢) عرف القطع المكافئ ثم اوجد (مع الرسم) أحداثيات الرأس والبؤرة ومعادلة الدليل والمحور وطول الوتر البؤري العمودي للقطع المكافئ التالي

$$x^2 + 4y - 8x + 4 = 0$$

(٣) أوجد (مع الرسم) أحداثيات المركز والرأسيين والبؤرتين ومعادلة الدليلين والمحور الأكبر والصغر وطول الوتر البؤري العمودي وطول المحور الأكبر والصغر وكذلك الاختلاف المركزي للقطع الناقص

$$25x^2 + 9y^2 + 36y - 50x - 164 = 0$$