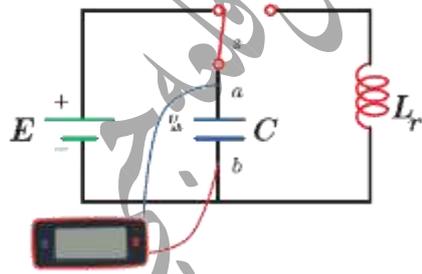


الدَّاراتُ المَهْتَزَّةُ والتَّياراتُ عاليةُ التَّواترِ

دائرة الاهتزاز الكهربائي:

نشكل دائرة من مولد قوته المحركة الكهربائية E ، ومكثفة سعتها C ووشية ذاتيتها L ، ومقاومتها r صغيرة، وقاطعة دوائر S كما في الشكل، ونصل لبوسَي المكثفة براسم اهتزاز مهبطي.



• تُشحنُ المكثفةُ عندما تلامسُ القاطعةُ الدَّائرةَ الوَضْعَ (1)

فتخزنُ طاقةً كهربائيةً.

• تفرغُ شحنةُ المكثفةِ عبرَ الوشيةِ عندما تلامسُ القاطعةُ الوَضْعَ (2)

• يظهرُ على شاشةِ راسمِ الاهتزازِ المنحنيِ البيانيِّ

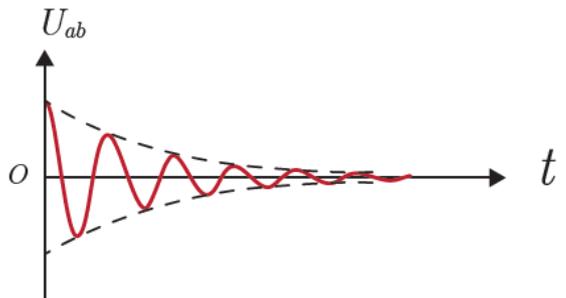
للتوترِ بينَ طرفيِ المكثفةِ بدلالةِ الزمنِ في أثناءِ تفرغِ

شحنِها على شكلِ تفرغٍ دوريِّ متناوبٍ متخامدٍ تناقصٍ فيه

سعةُ الاهتزازِ حتَّى تبلغَ الصَّفرَ، لذا نقولُ إنَّ الاهتزازاتِ

الحاصلةُ هي اهتزازاتُ حرَّةٌ متخامدةٌ لأنها لا تتلقَى طاقةً

من المولدِ.



• نسمي الدارة المولفة من مكثفة ووشية ذات المقاومة

الصغيرة بالدارة المهتزة الحرة المتخامدة، ويكون زمن الاهتزاز

T_0 ثابتاً، وبما أن سعة الاهتزاز متناقصة نسمي هذا

الزمن بشبه الدور.

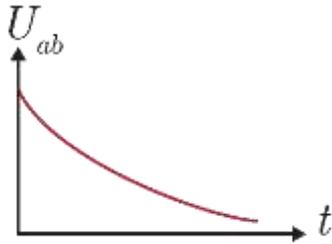
• عندما نصل مع الوشية في دائرة الاهتزاز الكهربائي على

التسلسل مقاومة متغيرة، نجد أنه كلما زدنا قيمة المقاومة أصبح تخامدُ

الاهتزاز أشدَّ، وإذا بلغت المقاومة قيمة كبيرة يظهر على شاشة

الراسم المنحني البياني الموضح في الشكل جانباً، حيثُ

التفرغُ لادوريّ باتجاه واحدٍ.



إذا في الدارة C, L, R :

(1) المقاومة كبيرة بشكل كافٍ يكون التفرغُ لادورياً باتجاه واحدٍ.

(2) المقاومة صغيرة يكون التفرغُ دورياً متخامداً باتجاهين.

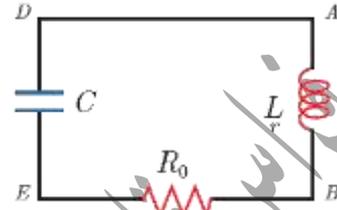
بشبه الدور.

(3) إذا أهملنا المقاومات أو عوضنا عن الطاقات الضائعة يصبحُ

التفرغُ جيبيّاً، سعةُ الاهتزاز فيه ثابتةٌ، ودوره الخاصُّ T_0 ، وهذه

حالة مثالية.

نشكل دارة كهربائية تحتوي على التسلسل وشيعة (L, r) ومكثفة مشحونة سعتها C ومقاومة R₀، كما في الشكل:



اكتب عبارة التوتير بين طرفي كل جزء في الدارة ثم استنتج المعادلة التي تصف اهتزاز الشحنة فيها؟

نختار اتجاهها موجبا للتيار الكهربائي فيكون:

$$\bar{u}_{AB} + \bar{u}_{BE} + \bar{u}_{ED} + \bar{u}_{DA} = 0$$

ولكن: $\bar{u}_{DA} = 0$ لإهمال مقاومة سلك التوصيل.

التوتير بين طرفي المكثفة: $\bar{u}_{ED} = \frac{q}{C}$

التوتير بين طرفي المقاومة: $\bar{u}_{BE} = R_0 i$

التوتير بين طرفي الوشيعة: $\bar{u}_{AB} = L(i)_t + ri$

$$L(i)_t + ri + R_0 i + \frac{q}{C} = 0$$

لكن: $i = (\bar{q})_t$

$$L(\bar{q})_t + R(\bar{q})_t + \frac{1}{C}\bar{q} = 0$$

وهي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية تصف اهتزاز الشحنة

الكهربائية في دارة كهربائية تحتوي على C, L, R.

الاهتزازات الحرة في الدارة الكهربائية (L, C):

يمكن إيجاد المعادلة التفاضلية في دارة مهتزة (L, C)

بتعويض R = 0 نجد:

$$L(\bar{q})_t + \frac{1}{C}\bar{q} = 0$$

$$(\bar{q})_t = -\frac{1}{LC}\bar{q} \dots (1)$$

وهي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية بالنسبة ل q تقبل حل جيبياً من الشكل:

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

حيث: q_{max} : الشحنة العظمى للمكثفة.

ω_0 : النبض الخاص.

$\bar{\varphi}$: الطور الابتدائي في اللحظة t = 0.

($\omega_0 t + \bar{\varphi}$): طور الحركة في اللحظة t.

عبارة الدور الخاص للاهتزازات الحرة غير المتخامدة:

نشق تابع الشحنة مرتين بالنسبة للزمن نجد:

$$(\bar{q})_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{q})_t = -\omega_0^2 q_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{q})_t = -\omega_0^2 \bar{q}$$

بالموازنة مع المعادلة (1):

$$(\bar{q})_t = -\frac{1}{LC}\bar{q}$$

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} > 0$$

وذلك لأن: L, C موجباً دوماً.

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} \text{ نعوض فنجد: } T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

وهي عبارة الدور الخاص للاهتزازات الكهربائية الحرة غير المتخامدة

وتسمى علاقة طومسون حيث:

T₀ دور الاهتزازات الكهربائية ويقدر بالثانية S.

L ذاتية الوشيعة وتقدر بوحدة الهنري H.

C سعة المكثفة وحدتها في الجملة الدولية الفاراد F.

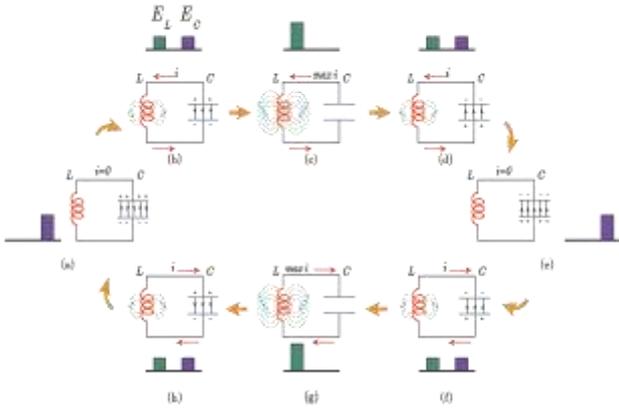
عبارة شدة التيار الكهربائي في الدارة المهتزة:

يعطى تابع الشحنة بالعلاقة:

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

الطاقة في الدارة الكهربائية المهتزة:

كيف يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والشحنة في الدارة المهتزة؟



• تبدأ المكثفة بتفريغ شحنتها في الوشعة فيزداد تيار الوشعة ببطء

حتى يصل إلى قيمة عظمى نهاية ربع الدور الأول

من التفريغ عندها تفقد المكثفة كامل شحنتها فتخزن

الوشعة طاقة كهروستاتيكية عظمى $E_L = \frac{1}{2} LI_{max}^2$

• ثم يقوم تيار الوشعة بشحن المكثفة حتى يصبح تيارها

معدوماً، وتصبح شحنة المكثفة عظمى، فتخزن

المكثفة طاقة كهروستاتيكية عظمى $E_C = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C}$ ، وهذا

يتحقق في نهاية نصف الدور الأول.

• أما في نصف الدور الثاني تتكرر عملية الشحن

والتفريغ في الاتجاه المعاكس نظراً لتغير شحنة اللبوسين،

وهكذا يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والوشعة.

• عندما تكون مقاومة الوشعة صغيرة فإن الطاقة تتبدد

تدريجياً على شكل طاقة حرارية بفعل جول مما يؤدي

إلى تخامد الاهتزاز.



بما أن مبدأ الزمن لحظة إغلاق الدارة فإن: $\bar{\varphi} = 0$

وبالتالي: $\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t)$

وهو تابع الشحنة بشكله المختزل.

إن تابع الشدة هو مشتق تابع الشحنة بالنسبة للزمن،

أي: $i = (\bar{q})'_t$

$$i = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$i = \omega_0 q_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

$$i = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

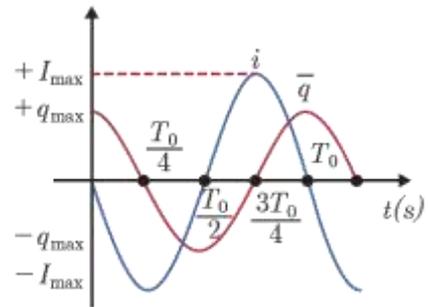
حيث: $I_{max} = \omega_0 q_{max}$

• بمقارنة تابع الشدة مع تابع الشحنة نلاحظ أن الشدة على

ترابع متقدم بالطور على تابع الشحنة.

وبالنظر إلى الرسم البياني للتابعين (الشحنة والشدة بدلالة

الزمن) نستنتج:



• عندما تكون شحنة المكثفة عظمى تنعدم شدة التيار

في الوشعة.

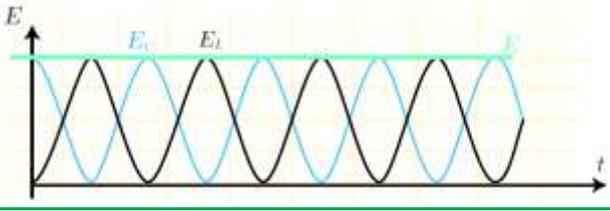
• عندما تكون الشدة عظمى في الوشعة تنعدم

شحنة المكثفة.

• تابع الشدة على ترابع متقدم بالطور مع تابع الشحنة.

الطاقة الكلية لدارة تحوي مكثفةً وذاتيةً صرفةً (ليس لها مقاومة) ثابتةً وتساوي الطاقة العظمى للمكثفة المشحونة أو تساوي الطاقة العظمى للوشية أي أنه في دارة مهتزة في أثناء التفريغ تتحول الطاقة بشكل دوري من طاقة كهربائية في المكثفة إلى طاقة كهربية في الوشية وبالعكس، ولكن المجموع يبقى ثابتاً.

نتيجة: الطاقة الكلية للدارة المهتزة (L, C) مقدار ثابت في كل لحظة وتمثل بخط مستقيم يوازي محور الزمن.



مسألة محلولة: نشحن مكثفة سعتها $C = 1 \mu F$ ، تحت توتر كهربائي $U_{ab} = 100 V$ ، ثم نصلها في اللحظة $t = 0$ ، بين طرفي وشية ذاتيتها $L = 10^{-3} H$ ومقاومتها مهملة والمطلوب حساب:

- الشحنة الكهربائية للمكثفة والطاقة الكهربائية المخزنة فيها عند اللحظة.
- تواتر الاهتزازات الكهربائية المارة فيها
- شدة التيار الأعظمي I_{max} المار في الدارة.

الحل: (1) $q_{max} = CU_{max}$

$$q_{max} = 1 \times 10^{-6} \times 100$$

$$q_{max} = 1 \times 10^{-4} C$$

$$E = \frac{1}{2} CU_{max}^2 = \frac{1}{2} \times 1 \times 10^{-6} \times (100)^2$$

$$E = 5 \times 10^{-3} J$$

• عند وجود مقاومة كبيرة في الدارة فإن الطاقة التي تعطىها المكثفة إلى الوشية والمقاومة تتحول إلى حرارة بفعل جول في المقاومة، ونسمي عندئذ التفريغ لادورياً حيث تتبدد طاقة المكثفة بالكامل دفعة واحدة في أثناء تفريغ شحنها الأولى عبر الوشية ومقاومة الدارة.

الطاقة الكلية في الدارة المهتزة (L, C) :

الطاقة الكلية في دارة مهتزة هي مجموع طاقة المكثفة وطاقة الوشية.

$$E_C = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}$$

$$E_L = \frac{1}{2} Li^2$$

الطاقة الكلية في الدارة المهتزة:

$$E = E_C + E_L$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} + \frac{1}{2} Li^2$$

ولكن: $\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t)$

بالتالي: $i = (\bar{q})'_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t)$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} L \omega_0^2 q_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t)$$

ولكن: $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$ بالتالي:

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2C} q_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} [\cos^2(\omega_0 t) + \sin^2(\omega_0 t)]$$

بالتالي: $E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} = \text{const}$

وبالطريقة نفسها نصل إلى العلاقة: $E = \frac{1}{2} LI_{max}^2$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \quad (2)$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{10^{-3} \times 1 \times 10^{-6}}$$

$$T_0 = 2 \times 10^{-4} \text{ S}$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2 \times 10^{-4}} = 5000 \text{ Hz}$$

$$I_{max} = \omega_0 q_{max} \quad (3)$$

$$I_{max} = 2\pi f_0 q_{max}$$

$$I_{max} = 2\pi \times 5000 \times 10^{-4} = \pi \text{ A}$$

التيارات عالية التواتر:

تتألف دائرة اهتزاز كهربائي عالية التواتر من مكثفة سعتها صغيرة من رتبة 10^{-8} F موصولة مع وشيعة مهمة المقاومة ذاتيتها صغيرة من رتبة 10^{-4} H احسب دور التفرغ وتواتره ماذا نسمي التيار الموافق لهذا التواتر؟

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} = 2\pi\sqrt{10^{-8} \times 10^{-4}} \quad \text{الحل:}$$

$$T_0 = 2\pi \times 10^{-6} \text{ S}$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi \times 10^{-6}} = \frac{1}{2\pi} \times 10^6 \text{ Hz}$$

نحصل على تيار عالي التواتر.

خصائص التيارات عالية التواتر:

1_تبدلي الوشيعة مُمانعة كبيرة للتيارات عالية التواتر:

عند تمرير تيار عالي التواتر في دائرة وشيعة، فإن الوشيعة تبدلي مُمانعة كبيرة لهذا التيار.

تعطى العلاقة التي تمثل مُمانعة الوشيعة بالشكل:

$$Z_L = \sqrt{r^2 + \omega^2 L^2}$$

فإذا كانت المقاومة مُهملة تُؤول المُمانعة إلى رديّة الوشيعة:

$$X_L = \omega L = 2\pi f L$$

إن المُمانعة تتناسب طردياً مع تواتر التيار وفي حالة التيارات عالية التواتر فإن مُمانعة الوشيعة تكون كبيرة جداً فيمر فيها تيار شدته المنتجة ضعيفة جداً.

2_تبدلي المكثفة مُمانعة صغيرة للتيارات عالية التواتر:

تعطى العلاقة التي تمثل مُمانعة المكثفة (الاتساعية) بالشكل:

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$$

إن المُمانعة تتناسب عكساً مع تواتر التيار وفي التيارات عالية التواتر تبدلي المكثفة مُمانعة صغيرة جداً للتيارات عالية التواتر فيمر فيها تيار شدته المنتجة كبيرة.

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة:

1) تتألف دائرة مهتزة من مكثفة سعتها C ، ووشيعة ذاتيتها L

دورها الخاص T_0 ، استبدلنا المكثفة C بمكثفة أخرى سعتها

$C'=2C$ يصبح دورها الخاص T_0' فتكون العلاقة بين

الدورين:

$$T_0' = \sqrt{2} T_0 \quad (a) \quad T_0 = \sqrt{2} T_0' \quad (b)$$

$$T_0' = 2 T_0 \quad (d) \quad T_0 = 2 T_0' \quad (c)$$

الإجابة الصحيحة: (b)

$$T_0' = 2\pi\sqrt{L2C} = \sqrt{2} 2\pi\sqrt{LC} = \sqrt{2} T_0$$

بحث الدارة المهتزة والتيارات عالية التواتر

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

$$E_C = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \quad \text{الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة.}$$

$$E_L = \frac{1}{2} Li^2 \quad \text{الطاقة الكهربائية المخزنة في الوشعة.}$$

الطاقة الكلية في الدارة المهتزة:

$$E = E_C + E_L$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} + \frac{1}{2} Li^2 \quad \text{نعوض:}$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t) \quad \text{ولكن:}$$

$$i = (\bar{q})'_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} L \omega_0^2 q_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t)$$

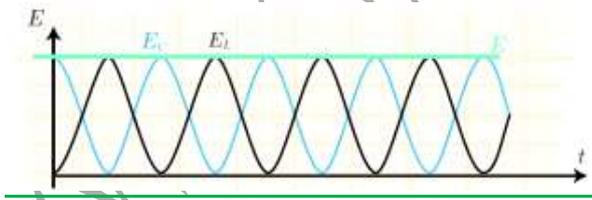
$$\text{ولكن: } \omega_0^2 = \frac{1}{LC}$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \sin^2(\omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} [\cos^2(\omega_0 t) + \sin^2(\omega_0 t)]$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} = \text{const} \quad \text{بالتالي:}$$

$$\text{وبالطريقة نفسها نصل إلى العلاقة: } E = \frac{1}{2} LI_{max}^2$$



(4) كيف يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والوشعة في دارة مهتزة

خلال دور واحد؟ الحل:

• تبدأ المكثفة بتفريغ شحناتها في الوشعة فيزداد تيار الوشعة ببطء

حتى يصل إلى قيمة عظمى نهاية ربع الدور الأول

(2) تتألف دارة مهتزة من مكثفة سعتها C ، وذاتية L ، وتواترها

الخاص f_0 ، نستبدل الذاتية بذاتية أخرى حيث $L'=2L$ والمكثفة بمكثفة أخرى سعتها $C' = \frac{1}{2}C$ فيصبح تواترها الخاص:

$$f'_0 = 2f_0 \quad (B) \quad f'_0 = f_0 \quad (a)$$

$$f'_0 = \frac{1}{4}f_0 \quad (D) \quad f'_0 = \frac{1}{2}f_0 \quad (C)$$

الإجابة الصحيحة: (a)

$$f'_0 = \frac{1}{T'_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{2L\frac{C}{2}}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = f_0$$

ثانياً: أجب عن الأسئلة الآتية:

(1) تتألف دارة من مقاومة أومية ومكثفة فهل يمكن اعتبارها دارة مهتزة؟ ولماذا؟

الحل: لا يمكن اعتبارها دارة مهتزة لعدم وجود وشعة وتخزين الطاقة التي تعطىها المكثفة.

(2) متى يكون تفريغ المكثفة في وشعة لادورياً؟ ولماذا؟

الحل: يكون التفريغ لادورياً إذا بلغت المقاومة قيمة كبيرة نسبياً وذلك لأن الطاقة التي تعطىها المكثفة للوشعة والمقاومة تتحول إلى

حرارة بفعل جول في المقاومة وتبدد كامل طاقة المكثفة دفعة

واحدة أثناء تفريغ شحناتها الأولى عبر الوشعة ومقاومة الدارة.

(3) استنتج أن طاقة دارة (L, C) مقدار ثابت في كل لحظة

مع رسم الخطوط البيانية.

الحل: الطاقة الكلية في دارة مهتزة هي مجموع طاقة المكثفة وطاقة

الوشعة.

ثالثاً: اعطِ تفسيراً علمياً مع كتابة العلاقات المناسبة عند اللزوم:

(1) تبدي المكثفة ممانعة كبيرة للتيارات منخفضة التواتر.

الحل: ممانعة المكثفة (اتساعية المكثفة) تعطى بالعلاقة:

$$X_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$$

نجد أن اتساعية المكثفة تتناسب عكساً مع تواتر التيار ففي حالة التيارات منخفضة التواتر تكون ممانعة المكثفة كبيرة.

(2) تبدي الوشيعة ممانعة كبيرة للتيارات عالية التواتر.

الحل: ممانعة الوشيعة مهملة المقاومة (ردية الوشيعة) تعطى بالعلاقة:

$$X_L = \omega L = 2\pi f L$$

نجد أن ردية الوشيعة تتناسب طرماً مع تواتر التيار ففي حالة التيارات عالية التواتر تكون ممانعة الوشيعة كبيرة.

(3) تستخدم دائرة تحوي على التفرع مكثفة ووشيعة لفصل التيارات عالية التواتر عن منخفضة التواتر.

الحل: يمر في فرع الوشيعة تيار منخفض التواتر لأن ممانعتها

$$X_L = \omega L = 2\pi f L$$

بينما يمر في فرع المكثفة تيار عالي التواتر لأن اتساعيتها

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$$

من التفرغ عندها تفقد المكثفة كامل شحنتها فتخزن الوشيعة طاقة كهروستاتيكية عظيمة $E_L = \frac{1}{2} LI_{max}^2$.

• ثم يقوم تيار الوشيعة بشحن المكثفة حتى يصبح تيارها معدوماً، وتصبح شحنة المكثفة عظيمة، فتخزن المكثفة طاقة كهروستاتيكية عظيمة $E_C = \frac{1}{2} q_{max}^2 / C$ ، وهذا يتحقق في نهاية نصف الدور الأول.

• أما في نصف الدور الثاني تتكرر عمليتا الشحن والتفرغ في الاتجاه المعاكس نظراً لتغير شحنة البوسين، وهكذا يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والوشيعة.

(5) لماذا تنقص الطاقة الكلية في دائرة مهتزة تحوي (مقاومة، ذاتية، مكثفة) في أثناء التفرغ؟

الحل: تنقص الطاقة الكلية في دائرة مهتزة تحوي (مقاومة، ذاتية، مكثفة) في أثناء التفرغ بسبب تبدد الطاقة بفعل جول في المقاومة الأومية.

(6) اكتب التابع الزمني للشحنة اللحظية مُعبراً بمبدأ الزمن عندما تكون $\varphi = 0$ ، ثم استنتج عبارة الشدة اللحظية ووازنها بينهما من حيث الطور.

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t) \quad \text{الحل:}$$

$$i = (\bar{q})'_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t)$$

$$i = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

تابع شدة التيار الكهربائي متقدماً بالطور عن تابع شحنة المكثفة بالمقدار $\frac{\pi}{2}$.

المسألة الأولى: تتألف دائرة مهتزة من مكثفة إذا طبق بين

لبوسيتها فرق ككون $50 V$ ، شحن كل من لبوسيتها $0.5 \mu C$ ووشيعه طولها $10 cm$ وطول سلكها $16 m$ بطبقة واحدة مقاومتها مهملة والمطلوب:

(1) احسب تواتر الاهتزازات الكهربائية المار فيها .

(2) احسب شدة التيار الأعظمي المار في الدارة.

(الحل: 1)

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

$$C = \frac{q_{max}}{U_{max}} = \frac{0.5 \times 10^{-6}}{50} = 10^{-8} F$$

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2}{\ell} S$$

$$N = \frac{\ell'}{2\pi r}, S = \pi r^2$$

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{(\frac{\ell'}{2\pi r})^2}{\ell} \pi r^2$$

$$L = 10^{-7} \frac{(\ell')^2}{\ell}$$

$$L = 10^{-7} \frac{(16)^2}{10 \times 10^{-2}} = 256 \times 10^{-6} H$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{256 \times 10^{-6} \times 10^{-8}}}$$

$$f_0 = 10^5 Hz$$

$$I_{max} = q_{max} \omega_0 = q_{max} \times 2\pi f_0 \quad (2)$$

$$I_{max} = 0.5 \times 10^{-6} \times 2\pi \times 10^5 = 0.1\pi A$$

المسألة الثانية: نريد أن نحقق دائرة مهتزة مفتوحة، طول موجة

الاهتزاز الذي تشعه $200m$ ، فنؤلفها من ذاتية قيمتها $0.1 \mu H$ ومن مكثفة متغيرة السعة والمطلوب احسب سعة المكثفة اللازمة لذلك علماً أن سرعة انتشار الاهتزاز $3 \times 10^8 m. s^{-1}$

(الحل: 1)

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \text{ لكن}$$

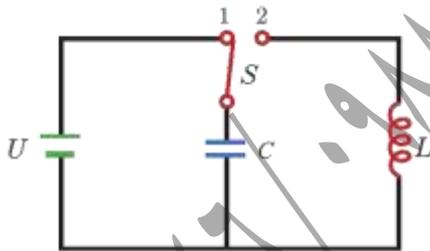
$$C = \frac{\lambda}{T_0} \Rightarrow T_0 = \frac{\lambda}{c} = \frac{200}{3 \times 10^8} = \frac{2}{3} \times 10^{-6} S$$

بالتعويض في علاقة الدور: $\frac{2}{3} \times 10^{-6} = 2\pi\sqrt{0.1 \times 10^{-6} C}$

بتربيع طرفي العلاقة: $40 \times 10^{-7} C = \frac{4}{9} \times 10^{-12}$ ومنه:

$$C = \frac{\frac{4}{9} \times 10^{-12}}{40 \times 10^{-7}} = \frac{1}{9} \times 10^{-12} F$$

المسألة الثالثة: نكوّن دائرة كما في الشكل المجاور:



مكثفة سعتها $C = 2 \times 10^{-5} F$ ووشيعه مقاومتها r وذاتيتها L

ومولد يعطي توتراً ثابتاً قيمته $U_{max} = 6 V$ وقاطعة.

(1) نغلق القاطعة في الوضع (1) لنشحن المكثفة احسب

الشحنة المخزنة في المكثفة عند نهاية الشحن .

(2) نغلق القاطعة في الوضع (2) فسّر ما يحدث في الدارة.

(الحل: 1)

$$q_{max} = CU_{max}$$

$$q_{max} = 2 \times 10^{-5} \times 6 = 12 \times 10^{-5} C$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{16 \times 10^{-3} \times 10^{-12}}}$$

$$f_0 = 125 \times 10^4 \text{ Hz}$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t) \quad (C)$$

$$\omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi \times 125 \times 10^4$$

$$\omega_0 = 25\pi \times 10^5 \text{ rad.s}^{-1}$$

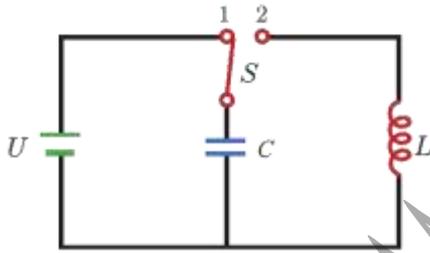
$$\bar{q} = 10^{-9} \cos(25\pi \times 10^5 t)$$

$$I_{max} = q_{max} \omega_0 = 10^{-9} \times 25\pi \times 10^5$$

$$I_{max} = 25\pi \times 10^{-4} \text{ A}$$

$$i = 25\pi \times 10^{-4} \cos(25\pi \times 10^5 t + \frac{\pi}{2}) \text{ A}$$

المسألة الخامسة: نركب الدارة الموضحة بالشكل:



حيث: $C = 10^{-12} \text{ F}$, $L = 10^{-3} \text{ H}$

$U_{max} = 10^3 \text{ V}$ ونصل القاطعة إلى الوضع (1)

(1) احسب القيمة العظمى لشحنة المكثف.

(2) نحول القاطعة إلى الوضع (2) احسب تواتر التيار المهتز المار

من الوشيعه ونبضه واكتب التابع الزمني للشدة اللحظية.

(الحل: 1) $q_{max} = CU_{max} = 10^{-12} \times 10^3$

$$q_{max} = 10^{-9} \text{ C}$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \quad (2)$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{10^{-3} \times 10^{-12}}} = 5 \times 10^6 \text{ Hz}$$

(2) عندما تلامس القاطعة الوضع (2) تتفرغ المكثف عبر

الوشيعه على شكل تفرغ دوري متناوب متخامد تتناقص فيه

سعة الاهتزاز حتى **تعدم** بسبب تبدد الطاقة تدريجياً على

شكل طاقة حرارية بفعل جول مما يسبب تخامد الإهتزاز.

المسألة الرابعة: مكثف سعتهما $C = 10^{-12} \text{ F}$ تُشحن

بوساطة مولد تيار متواصل فرق الكمون بين طرفيه

$U_{max} = 10^3 \text{ V}$ ومقاومته مهملة والمطلوب:

(1) احسب شحنة المكثف والطاقة المخزنة فيها.

(2) بعد شحن المكثف توصل بوشيعه ذاتيتها $L = 16 \text{ mH}$

مقاومتها الأومية مهملة. المطلوب:

(a) صف ما يحدث.

(b) احسب تواتر الاهتزازات الكهربائية.

(c) اكتب التابع الزمني لكل من الشحنة وشدة التيار بدءاً

من الشكل العام معبراً بمبدأ الزمن لحظة وصل المكثف

المشحونة بالوشيعه.

(الحل: 1) $q_{max} = CU_{max} = 10^{-12} \times 10^3$

$$q_{max} = 10^{-9} \text{ C}$$

$$E = \frac{1}{2} q_{max} U_{max} = \frac{1}{2} \times 10^{-9} \times 10^3$$

$$E = 5 \times 10^{-7} \text{ J}$$

(2) (a) تتفرغ المكثف عبر الوشيعه ويكون التفرغ دوري

متناوب جيبي سعة الاهتزاز ثابتة لعدم وجود ضياع في الطاقة.

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \quad (b)$$

$$\omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi \times 5 \times 10^6$$

$$\omega_0 = \pi \times 10^7 \text{ rad}$$

$$I_{max} = q_{max}\omega_0 = 10^{-9} \times \pi \times 10^7$$

$$I_{max} = \pi \times 10^{-2} \text{ A}$$

$$i = \pi \times 10^{-2} \cos(\pi \times 10^7 t + \frac{\pi}{2}) \text{ A}$$

التفكير الناقد: كيف نفصل التيارات عالية التواتر عن التيارات منخفضة التواتر.

الجواب: نصل بين طرفي وشيعة مهملة المقاومة مكثفة

(على التفرع) فلا يمر في فرعها إلا التيار عالي التواتر

لأن ممانعة المكثفة صغيرة $X_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$ بينما يمر في

فرع الوشيعة المهملة المقاومة التيار منخفض التواتر لأن ممانعة الذاتية

صغيرة $X_L = \omega L = 2\pi f L$.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء