



منتصف قطعة مستقيمة :

نفرض I منتصف القطعة \overline{AB} (أي تحقق) :

متساوية في الحجم
 ومتساوية في الطول
 $\overrightarrow{AI} = \perp \overrightarrow{AB}$
 $\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} = \vec{0}$

طريقة إيجاد إحداثيات منتصف القطعة المستقيمة \overline{AB}

فرضنا سابقاً I منتصف \overline{AB}

$A(x_1, y_1, z_1)$ $B(x_2, y_2, z_2)$

$x_I = \frac{x_A + x_B}{2}$

$y_I = \frac{y_A + y_B}{2}$

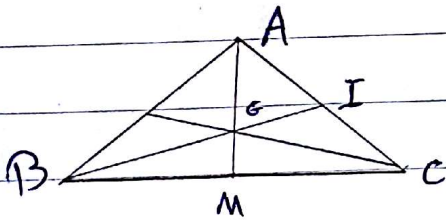
$z_I = \frac{z_A + z_B}{2}$

$\Rightarrow I(x, y, z)$

مركز ثقل المثلث :

أيضاً كانت النقطة M من الفراغ

فإن $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{MG}$
 حيث G نقطة تلاقي المتوسطات.



خواص مركز الثقل :

$\overrightarrow{BG} = 2\overrightarrow{BI}$ و $\overrightarrow{BG} = 2\overrightarrow{GI}$
 $\overrightarrow{GI} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BI}$ و $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$

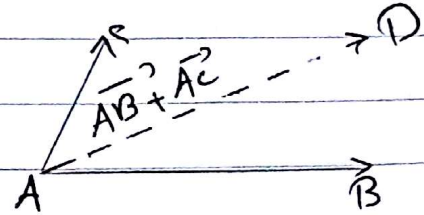
العمليات على الأشعة :

① جمع الأشعة :

أ. طريقة متوازي الأضلاع :

تستخدم إذا كان الشعاعان البرأية تفرعا :

$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AD}$

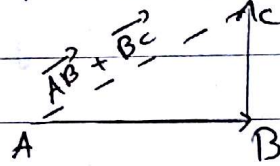


ب. طريقة سؤال :

تستخدم إذا كانت البرأية الشعاع الثاني هو

زوايا الشعاع الأول :

$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$



ملاحظة :
 $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AD}$
 $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AD}$

② طرح الأشعة :

نضيف للشعاع الأول معكوس الشعاع الثاني

$\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA}$

$\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CB}$

بعض الهندسة: نصل برأية الأول ببرأية الثاني

اهدائيات مركز ثقل المثلث :

$$A(x_1, y_1, z_1) \quad B(x_2, y_2, z_2)$$

$$C(x_3, y_3, z_3)$$

$$x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3}$$

$$y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3}$$

$$z_G = \frac{z_A + z_B + z_C}{3}$$

$$\Rightarrow G(x, y, z)$$

المسافة بين نقطتين (الطول) (النظم) :

$$A(x_1, y_1, z_1)$$

$$B(x_2, y_2, z_2)$$

$$AB = \|\vec{AB}\| = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2 + (z_B - z_A)^2}$$