

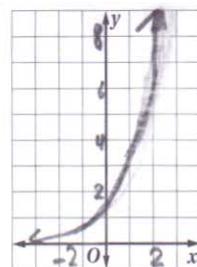
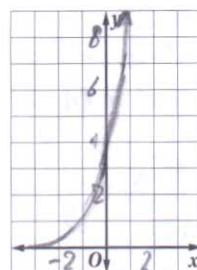
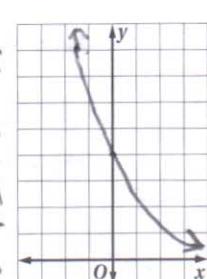
## تمثيل الدوال الأسيّة بيانيًّا

مثل كل دالة مما يأتي بيانًّا، وحدّد مجالها، ومداها.

$$y = 3(0.5)^x \quad (3)$$

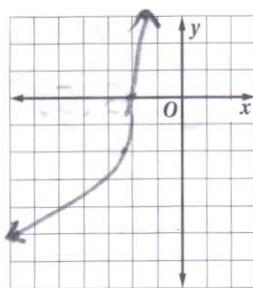
$$y = 4(3)^x \quad (2)$$

$$y = 1.5(2)^x \quad (1)$$

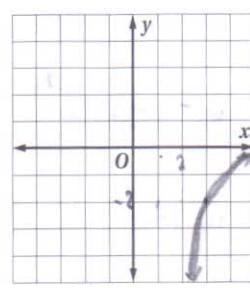


المجال  
مجموعه الأعداد  
ال الحقيقيه (R)  
المدى  
مجموعه الأعداد  
ال حقيقيه الموجبه  
(R<sup>+</sup>)

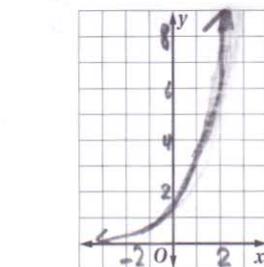
$y = \frac{1}{2}(3)^{x+4} - 5$



المجال = مجموعه الأعداد الحقيقيه لا  
المدى = {y | y < 5}

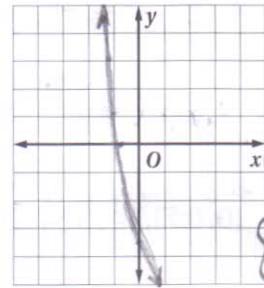


المجال = مجموعه الأعداد الحقيقيه (R)  
المدى = {y | y < 0}



المجال = مجموعه الأعداد الحقيقيه (R)

$$y = 5\left(\frac{1}{2}\right)^x - 8 \quad (4)$$



المجال = مجموعه  
الأعداد الحقيقيه (R)  
المدى = {y | y < -8}

(7) أحياء: تحوي عينة مخبرية 12000 خلية بكتيرية، ويتضاعف عددها يوميًّا.

a) اكتب دالة أسيّة تمثل عدد الخلايا البكتيرية بعد  $x$  يوم.

b) ما عدد الخلايا البكتيرية بعد 6 أيام؟

$$12000(1.05)^t$$

(8) جامعات: بلغ عدد طلبة السنة الرابعة في إحدى الجامعات 4000 طالب عام 1429 هـ، ويتوقع زيادة العدد بنسبة 5% سنويًّا. اكتب دالة أسيّة تمثل عدد طلبة السنة الرابعة في الجامعة  $t$  سنة من عام 1429 هـ.

## حل المعادلات والمتباينات الأسيّة

حُل كل معادلة مما يأتي:

$$x = \frac{4}{5} \quad \left(\frac{1}{64}\right)^{0.5x-3} = 8^{9x-2} \quad (2)$$

$$4^{x+35} = 64^{x-3} \quad (1)$$

$$x = 22$$

$$\left(\frac{1}{4}\right)^{2x+2} = 64^{x-1} \quad (4)$$

$$3^{x-4} = 9^{x+28} \quad (3)$$

$$x = -\frac{1}{5}$$

$$3^{6x-2} = \left(\frac{1}{9}\right)^{x+1} \quad (6)$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{x-3} = 16^{3x+1} \quad (5)$$

$$x = 0$$

$$x = -\frac{1}{13}$$

$$10^{2x+7} = 1000^x \quad (8)$$

$$400 = \left(\frac{1}{20}\right)^{7x+8} \quad (7)$$

$$x = 7$$

$$x = -\frac{16}{7}$$

اكتب دالة أسيّة على الصورة  $y = ab^x$  للتمثيل البياني المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

$$(0, \frac{3}{4}), (2, 36.75) \quad (11)$$

$$(0, 8), (4, 2048) \quad (10)$$

$$(0, 5), (4, 3125) \quad (9)$$

$$y = 0.75(7)^x$$

$$y = 8(4)^x$$

$$y = 5(5)^x$$

$$(0, 0.7), \left(\frac{1}{2}, 3.5\right) \quad (14)$$

$$(0, 15), \left(2, \frac{15}{16}\right) \quad (13)$$

$$(0, -0.2), (-3, -3.125) \quad (12)$$

$$y = 0.7(25)^x$$

$$y = 15\left(\frac{1}{4}\right)^x$$

$$y = -0.2(0.4)^x$$

حل كل متباينة مما يأتي:

$$\left(\frac{1}{16}\right)^{3x-4} \leq 64^{x-1} \quad (17)$$

$$10^{2x+7} \geq 1000^x \quad (16)$$

$$400 > \left(\frac{1}{20}\right)^{7x+8} \quad (15)$$

$$x \geq \frac{11}{9}$$

$$x \leq 7$$

$$x \geq -\frac{10}{7}$$

$$128^{x+3} < \left(\frac{1}{1024}\right)^{2x} \quad (20)$$

$$\left(\frac{1}{36}\right)^{x+8} \leq 216^{x-3} \quad (19)$$

$$\left(\frac{1}{8}\right)^{x-6} < 4^{4x+5} \quad (18)$$

$$x < -\frac{7}{9}$$

$$x \geq -\frac{7}{5}$$

$$x > \frac{8}{11}$$

(21) علوم: إذا كان عدد الخلايا البكتيرية في عينة A يساوي  $36^{2t+8}$  خلية عند الزمن  $t$ ، وعددها في عينة B يساوي  $216^{t+18}$  عند الزمن نفسه. فمتي يصبح عدد الخلايا متساوياً في العيتين؟

$$t = 38$$

## اللوغاريتمات والدوال اللوغاريتمية

اكتب كل معادلة لوغارitmية مما يأتي على الصورة الأسيّة:

$$\log_3 \frac{1}{81} = -4 \quad (3)$$

$$(3)^{-4} = \frac{1}{81} \quad (6)$$

$$(3^2)^{\frac{3}{5}} = 8$$

$$\log_2 64 = 6 \quad (2)$$

$$2^6 = 64$$

$$\log_{25} 5 = \frac{1}{2} \quad (5)$$

$$(25)^{\frac{1}{2}} = 5$$

$$\log_6 216 = 3 \quad (1)$$

$$6^3 = 216$$

$$\log_{10} 0.00001 = -5 \quad (4)$$

$$10^{-5} = 0.00001$$

$$3^4 = 81 \quad (9)$$

$$7^0 = 1 \quad (8)$$

$$5^3 = 125 \quad (7)$$

$$7776^{\frac{1}{5}} = 6 \quad (12)$$

$$\left(\frac{1}{4}\right)^3 = \frac{1}{64} \quad (11)$$

$$\frac{69}{5} 125 = 3$$

$$3^{-4} = \frac{1}{81} \quad (10)$$

$$\log_6 6 = \frac{1}{5}$$

$$\log_{\frac{1}{64}} \frac{1}{64} = 3$$

$$\log_3 \frac{1}{81} = -4$$

أوجد قيمة كل مما يأتي:

$$\log_{\frac{1}{3}} 27 \quad (16)$$

$$\log_2 \frac{1}{16} \quad (15)$$

$$\log_{10} 0.0001 \quad (14)$$

$$\log_3 81 \quad (13)$$

$$= -3$$

$$= -4$$

$$= -4$$

$$= 4$$

$$\log_6 6^4 \quad (20)$$

$$\log_7 \frac{1}{49} \quad (19)$$

$$\log_8 4 \quad (18)$$

$$\log_9 1 \quad (17)$$

$$= 4$$

$$= -2$$

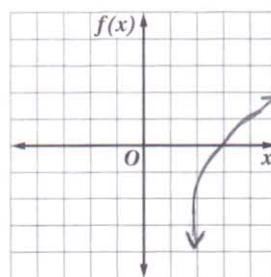
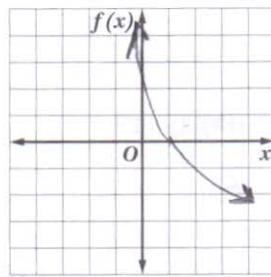
$$= \frac{2}{3}$$

$$= 0$$

مثل كل دالة مما يأتي بيانًا:

$$f(x) = -2 \log_4 x \quad (22)$$

$$f(x) = \log_2(x-2) \quad (21)$$



(23) صوت: تستعمل المعادلة  $L = 10 \log_{10} R$  لإيجاد شدة الصوت  $L$  بالديسيبل، حيث  $R$  الشدة النسبية للصوت والأصوات التي تزيد شدتها على 120 dB ذات أثر سلبي على الإنسان. ما الشدة النسبية لصوت شدته 120 dB؟

(24) استثمار: استثمر ماجد 100000 ريال في مشروع متوقعًا ربًحا سنويًّا نسبته 4%， وتضاف الأرباح سنويًّا إلى رأس المال، إذا كان المبلغ الكلي المتوقع  $A$  بعد 5 سنوات من الاستثمار دون أي سحب أو إضافة يُعطى

$$A = 100000(1+0.04)^5. \text{ فاكتب المعادلة على الصورة الأسيّة:}$$

## خصائص اللوغاريتمات

استعمل  $\log_{10} 5 \approx 0.6990$ ,  $\log_{10} 7 \approx 0.8451$  لتقرير قيمة كلٌ مما يأتي:

$$1.3980 \quad \log_{10} 25 \quad (2)$$

$$-0.1461 \quad \log_{10} \frac{5}{7} \quad (4)$$

$$2.2431 \quad \log_{10} 175 \quad (6)$$

$$0.5529 \quad \log_{10} \frac{25}{7} \quad (8)$$

$$1.5441 \quad \log_{10} 35 \quad (1)$$

$$-0.1461 \quad \log_{10} \frac{7}{5} \quad (3)$$

$$2.3892 \quad \log_{10} 245 \quad (5)$$

$$-0.6990 \quad \log_{10} 0.2 \quad (7)$$

اكتب كل عبارة لوغاريمية فيما يأتي بالصورة المطولة:

$$3 \log_8 (4x+2) + \log_8 (x-4) \quad (10)$$

$$\log_2 \frac{(x+1)^3}{\sqrt[3]{x+5}} \quad (12)$$

$$3 \log_2 (x+1) - \frac{1}{3} \log_2 (x+1)$$

$$\log_2 [(2x)^3 (x+1)] \quad (9)$$

$$3 + 3 \log_2 x + \log_2 (x+1) \quad (11)$$

$$\log_{13} \frac{3x^4}{\sqrt[3]{7x-3}} \quad (13)$$

$$\log_{13} 3 + 4 \log_{13} x - \frac{1}{3} \log_{13} (7x-3)$$

اكتب كل عبارة لوغاريمية فيما يأتي بالصورة المختصرة:

$$\log \frac{49}{7 \sqrt[3]{x^2}} \quad 2 - \log_7 6 - 2 \log_7 x \quad (14)$$

$$\log_{10} y + \log_{10} 3 - \frac{1}{3} \log_{10} (x) + 2 \log_{10} z \quad (16)$$

$$\log \frac{39z^2}{\sqrt[3]{x}}$$

$$3 \log_2 (5x+6) - \frac{1}{2} \log_2 (x-4) \quad (13)$$

$$\log_2 \frac{(5x+6)^3}{\sqrt{x-4}}$$

$$\log_3 8 + \log_3 x - 2 \log_3 (x+4) \quad (15)$$

$$\log_3 \frac{8x}{(x+4)^2}$$

$$\log_3 y + \log_3 x - \frac{1}{2} \log_3 x + 3 \log_3 z \quad (17)$$

$$\log \frac{x y z^3}{\sqrt{x}}$$

احسب قيمة كلٌ مما يأتي:

$$\log_2 \sqrt[5]{4} \quad (20)$$

$$\frac{2}{5}$$

$$\log_{100} 10000 \quad (19)$$

$$2$$

$$\log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{8} \quad (18)$$

$$3$$

(21) صوت: تذكر أن شدة الصوت  $L$  بالديسيبل تُعطى بالعلاقة  $L = 10 \log_{10} R$ , حيث  $R$  شدة الصوت النسبية.

إذا أصبحت الشدة النسبية لصوت ما 3 أمثال ما كانت عليه، فكم ديسيل تزيد شدة الصوت؟

$$4-4 \text{ دسيبل}$$

(22) هزات أرضية: يشعر العديد من الناس بهزة أرضية قوتها 3.5 درجات على مقياس ريختر، في حين تسبب هزة أرضية قوتها 4.5 درجات على المقياس نفسه دماراً محدوداً. فالدرجة  $m$  على مقياس ريختر تُعطى من خلال الصيغة  $x = \log_{10} m$ , حيث  $x$  سعة الموجة الزلالية المسبيبة لحركة الأرض. كم مرة تساوي سعة الموجة الزلالية لهزة أرضية بقوة 4.5 درجات على مقياس ريختر، من سعة الموجة الزلالية لهزة أرضية بقوة 3.5 درجة على المقياس نفسه؟

$$10 \text{ مرات}$$

## حل المعادلات والمتباينات اللوغاريتمية

حُل كل معادلة أو متباينة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك.

$$x = 65 \quad \log_3(4x - 17) = 5 \quad (2)$$

$$x = -\frac{4}{3} \quad \log_8(-6x) = 1 \quad (4)$$

$$\text{لابوده مل} \quad \log_{10}(x - 5) = \log_{10}2x \quad (6)$$

$$u = 8 \quad \log_{10}u = \frac{3}{2}\log_{10}4 \quad (8)$$

$$1 \quad 2 \quad \log_8 48 - \log_8 w = \log_8 4 \quad (10)$$

$$3 \quad 4\log_2 x + \log_2 5 = \log_2 405 \quad (12)$$

$$4 \quad \log_2 d = 5\log_2 2 - \log_2 8 \quad (14)$$

$$1 \quad \log_{10}(b+3) + \log_{10}b = \log_{10}4 \quad (16)$$

$$0 \quad \log_3(a+3) + \log_3(a+2) = \log_36 \quad (18)$$

$$3 \quad \log_4(x^2 - 4) - \log_4(x+2) = \log_41 \quad (20)$$

$$4 \quad \log_8(n-3) + \log_8(n+4) = 1 \quad (22)$$

$$3 \quad \log_{16}(9x+5) - \log_{16}(x^2-1) = \frac{1}{2} \quad (24)$$

$$0 \quad \log_2(5y+2) - 1 = \log_2(1-2y) \quad (26)$$

$$6 \quad \log_7x + 2\log_7x - \log_73 = \log_772 \quad (28)$$

$$\{x/1 < x < 2\} \quad \log_9(x+2) > \log_9(6-3x) \quad (30)$$

$$\{x/11 > x > -6\} \quad \log_2(x+6) < \log_217 \quad (32)$$

$$\text{لابوده مل} \quad \log_{10}(x-5) > \log_{10}2x \quad (34)$$

$$\log_6(3-x) \leq \log_6(x-1) \quad (36)$$

$$\{x/3 > x \geq 2\}$$

$$x = -1 \quad x + 5 = \log_4 256 \quad (1)$$

$$x = 4 \quad \log_{13}(x^2 - 4) = \log_{13}3x \quad (3)$$

$$x = \frac{4}{3} \quad \log_8(-6x) = 1 \quad (5)$$

$$n = 4 \quad \log_7 n = \frac{2}{3}\log_7 8 \quad (7)$$

$$6 \quad \log_6 x + \log_6 9 = \log_6 54 \quad (9)$$

$$2 \quad \log_9(3u+14) - \log_95 = \log_92u \quad (11)$$

$$\frac{1}{4} \quad \log_3 y = -\log_3 16 + \frac{1}{3}\log_3 64 \quad (13)$$

$$2 \quad \log_{10}(3m-5) + \log_{10}m = \log_{10}2 \quad (15)$$

$$2 \quad \log_8(t+10) - \log_8(t-1) = \log_812 \quad (17)$$

$$2 \quad \log_{10}(r+4) - \log_{10}r = \log_{10}(r+1) \quad (19)$$

$$25 \quad \log_{10}4 + \log_{10}w = 2 \quad (21)$$

$$\pm 4 \quad 3\log_5(x^2+9) - 6 = 0 \quad (23)$$

$$8 \quad \log_6(2x-5) + 1 = \log_6(7x+10) \quad (25)$$

$$16 \quad \log_{10}(c^2-1) - 2 = \log_{10}(c+1) \quad (27)$$

$$\{x/0 > x > -\frac{4}{3}\} \quad \log_8(-6x) < 1 \quad (29)$$

$$\{x/27 \geq x > 0\} \quad \log_{81}x \leq 0.75 \quad (31)$$

$$\log_{12}(2x-1) > \log_{12}(5x-16) \quad (33)$$

$$\{x/3 \frac{1}{2} \leq x < 5\} \quad \log_2(x+3) < \log_2(1-3x) \quad (35)$$

$$\{x/-3 < x < -\frac{1}{2}\}$$

(37) **بيئة:** اكتشف عالم بيئي فصيلة من الطيور المهددة بالانقراض، وقدر أن عدد طيورها يتضاعف كل 12 سنة.

وعندما يصل العدد إلى 20 مرة مما هو عليه الآن، لن تعدد مهددة بالانقراض. اكتب تعبيرًا لوغاريتمياً لعدد

السنوات اللازمة ليبلغ عدد طيور هذه الفصيلة 20 مرة مما هو عليه الآن.

$$12 \log_2 20$$

استعمل الحاسبة لإيجاد قيمة كل مما يأتي مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرةآلاف:

$$-1.3010 \quad \log 0.05 \quad (3) \quad 0.3424 \quad \log 2.2 \quad (2) \quad 2.0043 \quad \log 101 \quad (1)$$

استعمل الصيغة  $pH = -\log[H^+]$  لإيجاد pH لكل مادة مما يأتي، إذا كان تركيز أيون الهيدروجين فيها على النحو المعطى:

$$(4) \text{ الحليب: } [H^+] = 2.51 \times 10^{-7} \text{ mol/L}$$

$$(5) \text{ المطر الحمضي: } [H^+] = 2.51 \times 10^{-6} \text{ mol/L}$$

$$(6) \text{ القهوة: } [H^+] = 1.0 \times 10^{-5} \text{ mol/L}$$

$$(7) \text{ الحليب الغني بالماجنيسيوم: } [H^+] = 3.16 \times 10^{-11} \text{ mol/L}$$

حل كل معادلة أو متباعدة مما يأتي، وقرب الناتج إلى أقرب جزء من عشرةآلاف:

$$3.0885 \quad 3.5^x = 47.9 \quad (10) \quad 2.1319 \quad 6^z = 45.6 \quad (9) \quad 2.9746 \quad 5^a = 120 \quad (8)$$

$$-10.3593 \quad 2^{a-4} = 82.1 \quad (13) \quad 1.1887 \quad 4^{2x} = 27 \quad (12) \quad 1.9802 \quad 8.2^y = 64.5 \quad (11)$$

$$\pm 2.3785 \quad 5^{x^2-3} = 72 \quad (16) \quad \pm 1.0725 \quad 30^{x^2} = 50 \quad (15) \quad -1.2396 \quad 5^{w+3} = 17 \quad (14)$$

$$n \geq 0.9117 \quad 2^{n+1} \leq 5^{2n-1} \quad (18) \quad 3.8188 \quad 4^{2x} > 9^{x+1} \quad (17)$$

اكتب كلاماً مما يأتي بدلالة اللوغاريتم العشري، ثم أوجد قيمته مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرةآلاف:

$$\frac{\log 9}{\log 11} = 0.9163 \quad \log_{11} 9 \quad (21) \quad \frac{\log 32}{\log 8} = 1.6667 \quad \log_8 32 \quad (20) \quad \frac{\log 12}{\log 5} = 1.544 \quad \log_5 12 \quad (19)$$

$$\frac{\log \sqrt{8}}{\log 7} = 0.5343 \quad \log_7 \sqrt{8} \quad (24) \quad \frac{\log 6}{\log 9} = 0.8155 \quad \log_9 6 \quad (23) \quad \frac{\log 18}{\log 2} = 4.169 \quad \log_2 18 \quad (22)$$

(25) درجة الحموضة: إذا كانت درجة حموضة الخل (pH) 2.9، والحليب 6.6، فكم مرة (تقريباً) يساوي تركيز

أيون الهيدروجين في الخل تركيزه في الحليب؟

(26) أحياء: تحتوي عينة مخبرية على 1000 خلية بكتيرية، ويتضاعف عددها كل ساعة، ويعطي عددها  $N$  بعد  $t$  ساعة بالصيغة  $N = 1000^t$ . كم الزمن اللازم ليصل عدد الخلايا البكتيرية إلى 50000 خلية؟

5.6 h تقريباً

(27) صوت: تُعطى شدة الصوت  $L$  بالدسيبل بالمعادلة  $L = 10 \log R$ ، حيث  $R$  شدة الصوت النسبية، إذا كانت شدة صوت صفارة إنذار 150 dB، وشدة صوت محرك الطائرة الحربية 120 dB، فكم مرة من شدة الصوت النسبية لصفارة الإنذار تساوي شدة الصوت النسبية لمحرك الطائرة الحربية؟

1500 متر