



♥ سلسلة التجمع التعليمي ♥

القناة الرئيسية: T.me/BAK111

بوت الملفات العلمي @Ob_Am2020bot



للتواصل

T.me/BAK117_BOT

المسألة رقم «1» النواس المرن

هزازة توافقية بسيطة مولدة من نقطة مادية كتلتها ($m = 0.1 \text{kg}$) معلقة بنابض مرن مهمل الكتلة حلقاته متباعدة شاقولي تهتز بدور خاص (1sec) وبسعة اهتزاز (16cm) ، بفرض مبدأ الزمن عندما تكون النقطة المادية في مطالها الأعظمي الموجب ، ($\pi^2 = 10$) المطلوب :

(2) عين كل من الزمن اللازم لانتقال النقطة المادية من المطال الأعظمي الموجب إلى المطال الأعظمي السالب وعين لحظة المرور الأول والثاني للنقطة المادية في مركز الاهتزاز

(1) استنتج التابع الزمني لمطال الحركة انطلاقاً من شكله العام.

الزمن بين $+X_{max}$ و $-X_{max}$ هو : $\frac{T_0}{2}$

$t = \frac{T_0}{2} \Rightarrow t = \frac{1}{2} \text{sec}$

بدأت الحركة من المطال الأعظمي الموجب $x = +X_{max}$

زمن المرور الأول في مركز الاهتزاز : $t_1 = \frac{T_0}{4} \Rightarrow t_1 = \frac{1}{4} \text{sec}$

زمن المرور الثاني في مركز الاهتزاز : $t_2 = 3\frac{T_0}{4} \Rightarrow t_2 = \frac{3}{4} \text{sec}$

$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$
تعيين الثوابت $\bar{\varphi}$ ، ω_0 ، X_{max}

$X_{max} = 16 \text{cm} \Rightarrow X_{max} = 16 \times 10^{-2} \text{m}$

$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1} \Rightarrow \omega_0 = 2\pi \text{ rad.s}^{-1}$

حساب $\bar{\varphi}$ من شروط البدء $t = 0$ ، $x = +X_{max}$

ترك دون سرعة ابتدائية $\bar{\varphi} = 0 \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = +1$

نعوض قيم الثوابت بالشكل لعام : $\bar{x} = 16 \times 10^{-2} \cos 2\pi t \text{ (m)}$

(4) احسب قيمة كمية الحركة العظمى للنقطة المادية

قانون كمية الحركة : $p = m.v \Rightarrow P_{max} = m.v_{max}$

$P_{max} = 10^{-1} \times 32\pi \times 10^{-2}$

$\Rightarrow P_{max} = 32\pi \times 10^{-3} \text{ kg.m.s}^{-1}$

ملاحظة : قد يعطينا P_{max} ويطلب ω_0

$P_{max} = m.v_{max} \Rightarrow P_{max} = m.\omega_0.X_{max}$

$\omega_0 = \frac{P_{max}}{m.X_{max}}$

(3) احسب قيمة السرعة العظمى للنقطة المادية (طويلة)

السرعة العظمى طويلة : $v_{max} = \omega_0 X_{max}$

$v_{max} = 2\pi \times 16 \times 10^{-2} \Rightarrow v_{max} = 32\pi \times 10^{-2} \text{ m.s}^{-1}$

إضافي : احسب سرعة النقطة المادية طويلة عند مرورها في المطال $x = 14 \text{cm}$

سرعة : $v = \omega_0 \sqrt{X_{max}^2 - x^2}$

$v = 2\pi \sqrt{256 \times 10^{-4} - 196 \times 10^{-4}} = 2\pi \sqrt{60 \times 10^{-4}}$

$v = 2\pi (2\sqrt{15} \times 10^{-2}) \Rightarrow v = 4\pi\sqrt{15} \times 10^{-2} \text{ m.s}^{-1}$

(6) احسب مقدار الاستطالة السكونية للنابض

$m.g = k.x_0 \Rightarrow x_0 = \frac{m.g}{k}$

$x_0 = \frac{10^{-1} \times 10}{4} \Rightarrow x_0 = \frac{1}{4} \text{m}$

(5) احسب قيمة ثابت صلابة النابض.

$k = m.\omega_0^2$ (يحسب من هنا او من علاقة الدور الخاص)

$k = 10^{-1} (2\pi)^2 = 10^{-1} \times 4\pi^2$

$\Rightarrow k = 4 \text{ N.m}^{-1}$

(8) احسب الطاقة الميكانيكية للهزازة

$E = \frac{1}{2} K X_{max}^2$

$E = \frac{1}{2} \times 4 \times (16 \times 10^{-2})^2$

$E = \frac{1}{2} \times 4 \times 256 \times 10^{-4}$

$\Rightarrow E = 512 \times 10^{-4} \text{ J}$

(7) احسب قيمة قوة الارجاع وتسارع النقطة المادية في نقطة مطالها ($x = 5 \text{cm}$) وحدد على الرسم جهة كل منهما.

$a = ?$ ، $F = ?$ ، $x = 5 \times 10^{-2} \text{ m}$

$\bar{F} = -K\bar{x} \Rightarrow F = -4 \times 5 \times 10^{-2} \Rightarrow F = -2 \times 10^{-1} \text{ N}$

$\bar{a} = -\omega_0^2 \bar{x} \Rightarrow a = -(2\pi)^2 \times 5 \times 10^{-2} \Rightarrow a = -2 \text{ m.s}^{-2}$

ملاحظة: عندما يطلب شدة قوة الارجاع تكون بالقيمة المطلقة $F = |-K\bar{x}|$

$F = 2 \times 10^{-1} \text{ N}$

(10) احسب الكتلة التي تجعل الدور الخاص $T_0 = 2 \text{sec}$

$m = ?$ ، $T_0 = 2 \text{sec}$
من علاقة الدور الخاص

$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ نربع الطرفين

$T_0^2 = 4\pi^2 \frac{m}{k} \Rightarrow 4 = 4\pi^2 \frac{m}{4} \Rightarrow 4 = 10m$

$m = 0.4 \text{kg}$

قد يعطينا الكتلة ويطلب الدور الخاص $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$

(9) احسب الطاقة الحركية للنقطة المادية عندما يكون مطالها ($x = 10 \text{cm}$)

$x = 10 \times 10^{-2} \text{ m}$ ، $E_k = ?$

$E = E_p + E_k \Rightarrow E_k = E - E_p$

$E_k = \frac{1}{2} K X_{max}^2 - \frac{1}{2} K x^2$

$E_k = \frac{1}{2} K [X_{max}^2 - x^2]$

$E_k = \frac{1}{2} \times 4 [256 \times 10^{-4} - 100 \times 10^{-4}]$

$E_k = \frac{1}{2} \times 4 [156 \times 10^{-4}]$

$E_k = 2 [156 \times 10^{-4}]$

$\Rightarrow E_k = 312 \times 10^{-4} \text{ J}$

(11) بفرض أن مبدأ الزمن لحظة مرور النقطة الهادية في نقطة مطالها ($x = \frac{x_{max}}{2}$) والاتجاه الموجب.

(a) استنتج التابع الزمني لحركة النقطة الهادية انطلاقاً من شكله العام.

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

تعيين الثوابت $\bar{\varphi}$, ω_0 , X_{max}

$$X_{max} = 16 \text{ cm} \Rightarrow X_{max} = 16 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1} \Rightarrow \omega_0 = 2\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

حساب $\bar{\varphi}$ من شروط البدء ($v > 0$ $t = 0$, $x = \frac{x_{max}}{2}$) (اتجاه موجب السرعة موجبة)

$$\frac{x_{max}}{2} = X_{max} \cos \bar{\varphi} \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = \frac{1}{2} \Rightarrow \bar{\varphi} \begin{cases} +\frac{\pi}{3} \text{ rad} \\ -\frac{\pi}{3} \text{ rad} \end{cases}$$

$$\bar{v} = (\bar{x})'_t = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

نعوض شروط البدء بتابع السرعة:

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin \bar{\varphi} > 0$$

نختار قيمة $\bar{\varphi}$ التي تجعل السرعة موجبة:

$$\bar{\varphi} = +\frac{\pi}{3} \text{ rad} \Rightarrow \bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(+\frac{\pi}{3}) < 0$$

$$\bar{\varphi} = -\frac{\pi}{3} \text{ rad} \Rightarrow \bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(-\frac{\pi}{3}) > 0$$

$$\bar{x} = 16 \times 10^{-2} \cos(2\pi t - \frac{\pi}{3}) \text{ m}$$

(b) عين زمن المرور الأول والثاني للنقطة الهادية في مركز التوازن.

في مركز التوازن: $x = 0$ أي نعدم تابع المطال:

$$0 = 16 \times 10^{-2} \cos(2\pi t - \frac{\pi}{3})$$

$$\cos(2\pi t - \frac{\pi}{3}) = 0$$

$$\cos(2\pi t - \frac{\pi}{3}) = \cos(\frac{\pi}{2} + \pi k)$$

$$2\pi t - \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{2} + \pi k$$

نخرج عامل مشترك ونختصرها من الطرفين

$$\Rightarrow 2t - \frac{1}{3} = \frac{1}{2} + k$$

$$2t = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + k$$

نقسم الطرفين على (2)

$$t = \frac{1}{4} + \frac{1}{6} + \frac{k}{2}$$

$$t = \frac{3}{12} + \frac{2}{12} + \frac{k}{2}$$

$$t = \frac{5}{12} + \frac{k}{2}$$

$$t_1 = \frac{5}{12} \text{ sec} \Leftrightarrow k = 0$$

$$t_2 = \frac{5}{12} + \frac{1}{2} \Rightarrow t_2 = \frac{11}{12} \text{ sec} \Leftrightarrow k = 1$$

النواس الثقلي المركب

مخالات الساق المتجانسة: يفضل دراسة الملاحظات قبل البدء اعزم عمالة الساق حول محور مار من مركزها ($I_{D/c} = \frac{1}{12} mL^2$) ($\pi^2 = 10 = g$)

(2) ساق متجانسة M تهتر حول محور مار من طرفها العلوي

ومعلق بنهايتها انفسية كتلة نقطية m'

توضيح m' تبعد عن O مسافة $r' = L$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_D}{mgd}}$$

$$I_D = I_{D/c} + I_{D/m'}$$

$$I_D = I_{D/c} + Md^2$$

$$\Rightarrow I_D = \frac{1}{12} ML^2 + M \frac{L^2}{4} \Rightarrow I_D = \frac{1}{3} ML^2$$

$$I_{D/m'} = m' r'^2 \Rightarrow I_{D/m'} = m' L^2$$

$$I_D = \frac{1}{3} ML^2 + m' L^2 \Rightarrow I_D = L^2 \left(\frac{1}{3} M + m' \right)$$

تعيين d :

$$d = \frac{\sum m r^2}{\sum m} = \frac{M \cdot \frac{L}{2} + m' \cdot L}{M + m'} \Rightarrow d = \frac{M \frac{L}{2} + m' L}{M + m'}$$

$$m \text{ جملة} = M + m'$$

نعوض الأرقام المعطاة بنص المسألة فنحصل على قيم (m, d, I_D) ونعوضها في علاقة الدور الخاص

إذا كانت الساق معبلة الكتلة $M = 0$ فيكون:

$$d = L \quad m \text{ جملة} = m' \quad \text{و} \quad I_D = 0 \Rightarrow I_D = m' L^2$$

إذا كانت $M = m'$ نعوض في علاقات (I_D, d, m) فنحصل على قيمها

(1) ساق متجانسة m تهتر حول محور مار من طرفها العلوي

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_D}{mgd}}$$

(عد O من C)

$$d = \frac{L}{2}; d = \overline{OC}$$

$$I_D = I_{D/c} + md^2$$

$$I_D = \frac{1}{12} mL^2 + m \frac{L^2}{4} \Rightarrow I_D = \frac{1}{3} mL^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{3} mL^2}{m g \frac{L}{2}}} = 2\pi \sqrt{\frac{2}{3} \frac{L}{g}}$$

$$T_0 = 2\sqrt{\frac{2}{3} \frac{L}{g}}$$

قد يعطينا الدور الخاص ويطلب طول الساق L نحل بنفس

الطريقة ومن علاقة الدور الخاص نحل طول الساق L :

$$T_0 = 2\sqrt{\frac{2}{3} \frac{L}{g}} \Rightarrow T_0^2 = 4 \left(\frac{2}{3} \frac{L}{g} \right) \Rightarrow L = \frac{3T_0^2 g}{8}$$

3) ساق متجانسة M تهتز حول محور مار من منتصفها ومعلق بنهايتها السفلية كتلة نقطية m' توضع m' تبعد عن O مسافة $r' = \frac{L}{2}$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

$$I_{\Delta} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta/m'} = \frac{1}{12}ML^2 + m'r'^2 \Rightarrow$$

$$I_{\Delta} = \frac{1}{12}ML^2 + m'\frac{L^2}{4}$$

تعيين d :

$$d = \frac{\sum mr}{\sum m} = \frac{Mr + m'r'}{M + m'} \quad r=0, r'=\frac{L}{2} \Rightarrow d = \frac{m'L/2}{M + m'}$$

تعيين جملة m : $m = M + m'$

نعوض الأرقام المعطاة بنص المسألة فنحصل على قيم (I_{Δ}, d, m) ونعوضها في علاقة الدور الخاص

إذا كانت $M = m'$ نعوض في علاقات (I_{Δ}, d, m) فنحصل على قيم

$$m = M + m' = 2M$$

$$d = \frac{m'L/2}{M + m'} = \frac{m'L/2}{2M} \Rightarrow d = \frac{L}{2}$$

$$I_{\Delta} = \frac{1}{12}ML^2 + m'\frac{L^2}{4} \xrightarrow{\text{توحيد المقامات}} I_{\Delta} = \frac{1}{3}ML^2$$

4) ساق مهملة الكتلة تهتز حول محور مار من مركزها ومعلق من طرفها العلوي كتلة نقطية m_1 ومن طرفها السفلي كتلة نقطية m_2

$$(M_{\text{ساق}} = 0 \quad I_{\Delta/c} = 0)$$

$$r_1 = \frac{L}{2} \leftarrow r_1 \text{ مسافة } O$$

$$r_2 = \frac{L}{2} \leftarrow r_2 \text{ مسافة } O$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

تعيين I_{Δ} حسب جملة: $I_{\Delta_{\text{جملة}}} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta m_1} + I_{\Delta m_2}$

$$I_{\Delta_{\text{جملة}}} = 0 + m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 \quad (r_1 = r_2 = \frac{L}{2})$$

$$I_{\Delta_{\text{جملة}}} = m_1 \frac{L^2}{4} + m_2 \frac{L^2}{4} \Rightarrow I_{\Delta_{\text{جملة}}} = \frac{L^2}{4} (m_1 + m_2)$$

تعيين جملة m : $m_{\text{جملة}} = M_{\text{ساق}} + m_1 + m_2$

$$d = \frac{\sum mr}{\sum m} = \frac{m_2 \cdot \frac{L}{2} - m_1 \cdot \frac{L}{2}}{m_2 + m_1 + m_2} \quad \text{تعيين } d$$

$$d = \frac{m_2 \frac{L}{2} - m_1 \frac{L}{2}}{m_{\text{جملة}}}$$

نعوض الأرقام المعطاة بنص المسألة فنحصل على قيم (I_{Δ}, d, m) ونعوضها في علاقة الدور الخاص

5) ساق مهملة الكتلة تهتز حول محور مار من نقطة تبعد $\frac{L}{3}$ عن طرفها العلوي المعلق عنده كتلة نقطية m_1 وتعلق من طرفها السفلي كتلة نقطية m_2

$$(M_{\text{ساق}} = 0 \quad I_{\Delta/c} = 0)$$

$$r_1 = \frac{L}{3} \leftarrow r_1 \text{ مسافة } O$$

$$r_2 = \frac{2L}{3} \leftarrow r_2 \text{ مسافة } O$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

تعيين I_{Δ} حسب جملة: $I_{\Delta_{\text{جملة}}} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta m_1} + I_{\Delta m_2}$

$$I_{\Delta_{\text{جملة}}} = 0 + m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 \quad (r_1 = \frac{L}{3}, r_2 = \frac{2L}{3})$$

$$I_{\Delta_{\text{جملة}}} = m_1 \frac{L^2}{9} + m_2 \frac{4L^2}{9} \Rightarrow I_{\Delta_{\text{جملة}}} = \frac{L^2}{9} (m_1 + 4m_2)$$

تعيين جملة m : $m_{\text{جملة}} = M_{\text{ساق}} + m_1 + m_2$

$$d = \frac{\sum mr}{\sum m} = \frac{m_2 r_2 - m_1 r_1}{m_2 + m_1 + m_2} \quad \text{تعيين } d$$

$$d = \frac{m_2 \frac{2L}{3} - m_1 \frac{L}{3}}{m_{\text{جملة}}}$$

نعوض الأرقام المعطاة بنص المسألة فنحصل على قيم (I_{Δ}, d, m) ونعوضها في علاقة الدور الخاص

أعد هذه المسألة من أجل معطيات أخرى

ساق مهملة الكتلة تهتز حول محور مار من نقطة تبعد $\frac{L}{3}$ عن طرفها العلوي المعلق عنده كتلة نقطية m_1 ومن طرفها السفلي كتلة نقطية m_2

6) ساق مهملة الكتلة تهتز حول محور مار من طرفها العلوي مثبت في منتصفها كتلة نقطية m_1 ومن طرفها السفلي كتلة نقطية m_2

$$(M_{\text{ساق}} = 0 \quad I_{\Delta/c} = 0)$$

$$r_1 = \frac{L}{2} \leftarrow r_1 \text{ مسافة } O$$

$$r_2 = L \leftarrow r_2 \text{ مسافة } O$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

تعيين I_{Δ} حسب جملة: $I_{\Delta_{\text{جملة}}} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta m_1} + I_{\Delta m_2}$

$$I_{\Delta_{\text{جملة}}} = 0 + m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 \quad (r_1 = \frac{L}{2}, r_2 = L)$$

$$I_{\Delta_{\text{جملة}}} = m_1 \frac{L^2}{4} + m_2 L^2 \Rightarrow I_{\Delta_{\text{جملة}}} = L^2 \left(\frac{m_1}{4} + m_2 \right)$$

تعيين جملة m : $m_{\text{جملة}} = M_{\text{ساق}} + m_1 + m_2$

$$d = \frac{\sum mr}{\sum m} = \frac{m_2 r_2 + m_1 r_1}{m_2 + m_1 + m_2} \quad \text{تعيين } d$$

$$d = \frac{m_2 L + m_1 \frac{L}{2}}{m_{\text{جملة}}}$$

نعوض الأرقام المعطاة بنص المسألة فنحصل على قيم (I_{Δ}, d, m) ونعوضها في علاقة الدور الخاص

المسألة رقم 2، النواس الثقلي المركب + النواس البسيط (سباق)

يتألف نواس ثقلي من ساق متجانسة مهبلية الكتلة ($L = 1m$) تحول في نهايتها العلوية كتلة دالة ($m_1 = 400g$) وفي نهايتها السفلية كتلة ثقلية ($m_2 = 600g$) نجعلها شاقولية لتتحول حول محور ثابت هودوي على مستويها ومار من منتصفها ($\pi^2 = 10$)

($M_{س} = 0$ $I_{س} = 0$): ساق مهبلية الكتلة: $m_2 = 600g \times 10^{-3} = 6 \times 10^{-1} = \frac{6}{10} kg$ ، $m_1 = 400g \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-1} = \frac{4}{10} kg$

(2) احسب طول النواس البسيط الموائت لهذا النواس .

(1) احسب دور اهتزازاتها صغيرة السعة:


مركب $T_0 = T_0$ بسيط

$$2\pi \sqrt{\frac{L'}{g}} = \pi$$

$$\Rightarrow 2 \sqrt{\frac{L'}{10}} = 1$$

$$4 \cdot \frac{L'}{10} = 1 \Rightarrow L' = \frac{10}{4}$$

وهذا هو طول النواس البسيط الموائت $L' = 2.5(m)$



تعيين I_{Δ} حسب جملة: $I_{\Delta} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta m_1} + I_{\Delta m_2}$

$$I_{\Delta} = 0 + m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 \quad r_1 = r_2 = \frac{L}{2}$$

$$I_{\Delta} = m_1 \frac{L^2}{4} + m_2 \frac{L^2}{4} = (m_1 + m_2) \frac{L^2}{4}$$

$$I_{\Delta} = \left(\frac{4}{10} + \frac{6}{10}\right) \frac{1}{4} = \frac{10}{10} \times \frac{1}{4} \Rightarrow I_{\Delta} = \frac{1}{4} kg \cdot m^2$$

$$m_{س} = M_{س} + m_1 + m_2 = 0 + \frac{4}{10} + \frac{6}{10} \Rightarrow m_{س} = \frac{10}{10} = 1kg$$

$$d = \frac{\sum m r}{\sum m} = \frac{m_1 r_1 + m_2 r_2}{m_{س}} = \frac{m_2 \frac{L}{2}}{m_{س}}$$

$$d = \frac{\frac{6}{10} \cdot \frac{1}{2}}{1} = \frac{3}{10} = \frac{2}{10} \Rightarrow d = \frac{1}{10} m$$

نعوض كل القيم: $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{4}}{1 \times 10 \times \frac{1}{10}}} = 2\pi \times \frac{1}{2} \Rightarrow T_0 = \pi sec$

(3) نزيح الجملة عن وضع توازنها الشاقولي زاوية θ_{max} ونتركها دون سرعة ابتدائية .

(c) استنتج العلاقة المحددة للزاوية θ_{max} لحظة مرورها بوضع التوازن الشاقولي ثم احسب قيمتها علمياً ان ($\omega = 2\sqrt{2} rad \cdot s^{-1}$)

(a) استنتج العلاقة المحددة للسرعة الزاوية لحظة مرورها بوضع التوازن الشاقولي ثم احسب قيمتها علمياً ان ($\theta_{max} = 60^\circ$)

$\omega = 2\sqrt{2} rad \cdot s^{-1}$ ، $\theta_{max} = ?$
نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

$\theta_{max} = 60^\circ = \frac{\pi}{3} rad$ ، $\omega = ?$
نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

الوضع الأول: لحظة تركه بدون سرعة ابتدائية في المصالح $0 = 0_{max}$
الوضع الثاني: لحظة المرور بالشاقول $0 = 0$

الوضع الأول: لحظة تركه بدون سرعة ابتدائية في المصالح $0 = 0_{max}$
الوضع الثاني: لحظة المرور بالشاقول $0 = 0$

$\sum \vec{W}_{1-2} = \Delta E_k$
 $W_g + W_w = E_k - E_{k0}$
0 دون سرعة ابتدائية
0 لحظة تأثيرها لا تنتقل

$\sum \vec{W}_{1-2} = \Delta E_k$
 $W_g + W_w = E_k - E_{k0}$
0 دون سرعة ابتدائية
0 لحظة تأثيرها لا تنتقل

$W_w = E_k \Rightarrow mgh = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2$
 $h = d(1 - \cos \theta_{max}) \Rightarrow mgd(1 - \cos \theta_{max}) = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2$

$W_w = E_k \Rightarrow mgh = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2$
 $\omega^2 = \frac{mgh \cdot 2 \cdot d(1 - \cos \theta_{max})}{\frac{1}{2} I_{\Delta}} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2mgd(1 - \cos \theta_{max})}{I_{\Delta}}}$

$(1 - \cos \theta_{max}) = \frac{\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2}{mgd} \Rightarrow \cos \theta_{max} = 1 - \frac{\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2}{mgd}$
نأخذ قيم كل من I_{Δ} ، d ، m من طلب العوار:

نأخذ قيم كل من I_{Δ} ، d ، m من طلب العوار
($I_{\Delta} = \frac{1}{4} kg \cdot m^2$ و $d = \frac{1}{10} m$ و $m_{س} = 1kg$)

($I_{\Delta} = \frac{1}{4} kg \cdot m^2$ و $d = \frac{1}{10} m$ و $m_{س} = 1kg$)
من الفرض: $\omega = 2\sqrt{2} rad \cdot s^{-1} \Rightarrow \omega^2 = 8$

$\omega = \sqrt{\frac{2 \times 1 \times 10 \times \frac{1}{10} (1 - \frac{1}{2})}{\frac{1}{4}}} \Rightarrow \omega = 2 rad \cdot s^{-1}$

$\cos \theta_{max} = 1 - \frac{\frac{1}{2} \times 8}{1 \times 10 \times \frac{1}{10}} = 1 - 1 = 0$

$\cos \theta_{max} = 0 \Rightarrow \theta_{max} = \frac{\pi}{2} rad$

(b) احسب قيمة السرعة الخطية لكل من مركز العطالة واحدى الكتلتين
السرعة الخطية: $v = \omega \cdot r$

$v = \omega \cdot \frac{L}{2} = 2 \cdot \frac{1}{2} = 1 \Rightarrow v = 1 m \cdot s^{-1}$
 $v = \omega \cdot d = 2 \cdot \frac{1}{10} = \frac{1}{5} \Rightarrow v = \frac{1}{5} m \cdot s^{-1}$

(4) نأخذ الساق فقط ونعلقها من منتصفها بسلك خصل شاقولي ثابت قتلها $(K = 0, 1 m.N.rad^{-1})$ ونثبت على طرفي الساق كتلتين تقطبتين $(m_1 = m_2 = 50g)$ ونحرف الساق من وضع توازنها الأتقي بزاوية (60°) ونتركها دون سرعة ابتالية في اللحظة $(t = 0)$ فتتهز بحركة جييبية دورانية $(\pi^2 = 10)$ والمطلوب:

(b) استنتج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام.

$$\bar{\theta} = \theta_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

تعيين الثوابت $\bar{\varphi}, \omega_0, \theta_{max}$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{\pi} \Rightarrow \omega_0 = 2 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\theta = \theta_{max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

حساب $\bar{\varphi}$ من شروط البدء: $t = 0$ ، $\theta = +\theta_{max}$

$$+\theta_{max} = \theta_{max} \cos \bar{\varphi} \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0$$

$$\theta = \frac{\pi}{3} \cos 2t \text{ (rad)}$$

(c) احسب الطاقة الكامنة في وضع مطاله الزاوي $\theta = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$ ثم احسب الطاقة الحركية عندئذ

$$E_p = \frac{1}{2} k \theta^2 = \frac{1}{2} \times 10^{-1} \times \frac{\pi^2}{36} = \frac{1}{72} \text{ J}$$

الطاقة الحركية: من فرق الطاقت

$$E = E_p + E_k \Rightarrow E_k = E - E_p$$

$$E_k = \frac{1}{2} k \theta_{max}^2 - \frac{1}{2} k \theta^2$$

$$E_k = \frac{1}{2} K [\theta_{max}^2 - \theta^2]$$

$$E_k = \frac{1}{2} \times 10^{-1} \left[\frac{\pi^2}{9} - \frac{\pi^2}{36} \right]$$

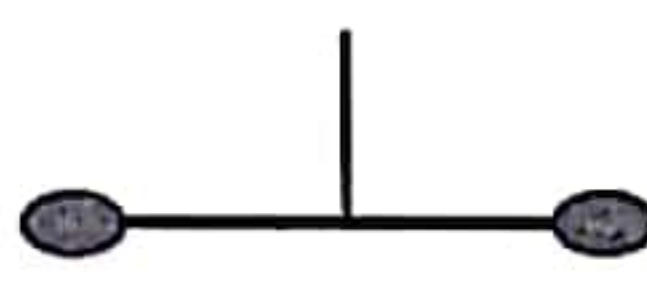
$$E_k = \frac{1}{2} \times 10^{-1} \left[\frac{4\pi^2}{36} - \frac{\pi^2}{36} \right]$$

$$E_k = \frac{1}{22} \text{ J}$$

نستطيع حساب E_k فوراً
 $E_k = E - E_p$
إذا علمت قيم E و E_p

(a) احسب دورها الخاص.

$$m_1 = m_2 = 50g = 5 \times 10^{-2} \text{ kg}, K = 10^{-1} \text{ m.N.rad}^{-1}$$



$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{K}}$$

$$I_{\Delta \text{ حلت}} = I_{\Delta \text{ حلت}} + 2I_{\Delta m_1}$$

$$I_{\Delta \text{ حلت}} = 0 + 2I_{\Delta m_1}$$

$$I_{\Delta \text{ حلت}} = 2m_1 r_1^2 \quad r_1 = r_2 = \frac{L}{2} \Rightarrow I_{\Delta \text{ حلت}} = 2m_1 \frac{L^2}{4}$$

$$I_{\Delta \text{ حلت}} = 2 \times 5 \times 10^{-2} \times \frac{1}{4} \Rightarrow I_{\Delta \text{ حلت}} = \frac{1}{4} \times 10^{-1} \text{ kg.m}^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{4} \times 10^{-1}}{10^{-1}}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{4}} = 2\pi \frac{1}{2} \Rightarrow T_0 = \pi \text{ sec}$$

قد يعطينا قيمة الدور الخاص T_0 ويطلب حساب طول الساق L :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta \text{ حلت}}}{K}} \quad I_{\Delta \text{ حلت}} = 2m_1 \frac{L^2}{4} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{2m_1 \frac{L^2}{4}}{K}}$$

$$T_0^2 = 4\pi^2 \left(\frac{2m_1 \frac{L^2}{4}}{K} \right) \Rightarrow L^2 = \frac{4k.T_0^2}{4\pi^2(2m_1)}$$

$$L = \sqrt{\frac{k.T_0^2}{\pi^2(2m_1)}}$$

(e) احسب التسارع الزاوي للساق في وضع تصنع فيه زاوية قدرها $(\theta = -\frac{\pi}{4} \text{ rad})$ مع وضع توازنها الأتقي.

$$\bar{\alpha} = -\omega_0^2 \theta$$

$$\alpha = -4 \times \left(-\frac{\pi}{4}\right) \Rightarrow \alpha = \pi \text{ rad.s}^{-2}$$

(d) احسب قيمة السرعة الزاوية لحظة مرور الساق بوضع التوازن للمرة الأولى

$$\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

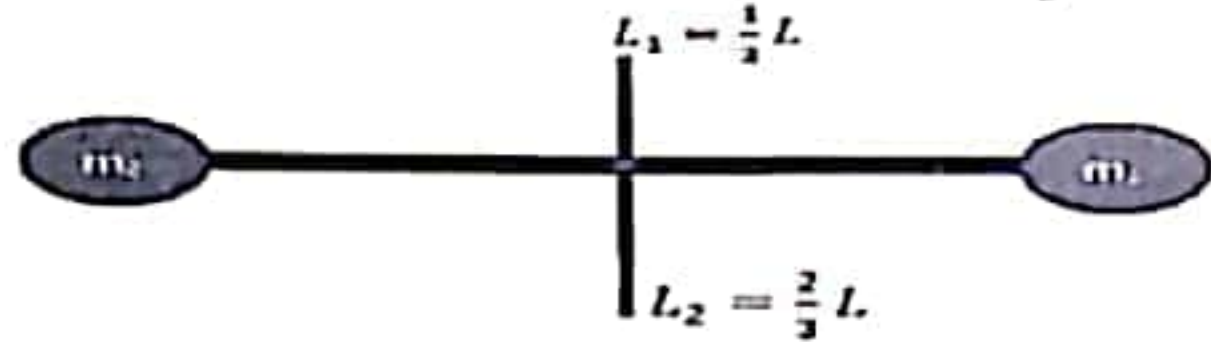
تابع السرعة الزاوية: $\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$

$$t_1 = \frac{T_0}{4} = \frac{\pi}{4} \text{ sec} \quad \Rightarrow \bar{\omega} = -2 \times \frac{\pi}{3} \sin\left(2 \times \frac{\pi}{4} + 0\right) \Rightarrow \omega = -2 \times \frac{\pi}{3} \text{ rad.s}^{-1}$$

(6) تقسم سلك الفتل إلى قسمين احدهما $(L_1 = \frac{1}{3} L)$ والآخر $(L_2 = \frac{2}{3} L)$ ونعلق الساق من منتصفها بجزأي السلك معاً أحدهما من الأعلى والآخر من الأسفل، احسب الدور الجديد للجملة.

(5) نجعل طول سلك الفتل ضعفي ما كان عليه احسب قيمة الدور الجديد للجملة.

$$L_2 = \frac{2}{3} L, \quad L_1 = \frac{1}{3} L$$



$$K_1 = k \left(\frac{L_1}{L}\right)^2 = k \left(\frac{\frac{1}{3}L}{L}\right)^2 = k \left(\frac{1}{3}\right)^2 \Rightarrow K_1 = \frac{1}{9} k$$

$$K_2 = k \left(\frac{L_2}{L}\right)^2 = k \left(\frac{\frac{2}{3}L}{L}\right)^2 = k \left(\frac{2}{3}\right)^2 \Rightarrow K_2 = \frac{4}{9} k$$

$$K_{\text{حلت}} = K_1 + K_2 = \frac{1}{9} k + \frac{4}{9} k = \frac{5}{9} k$$

$$T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{K_{\text{حلت}}}} \Rightarrow T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{\frac{5}{9} k}} \Rightarrow T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{9}{5} \times \frac{I_{\Delta}}{k}}$$

$$T_0' = \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{5}} \left(2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}}\right) \Rightarrow T_0' = \frac{3}{\sqrt{5}} T_0 \Rightarrow T_0' = \frac{\sqrt{5}}{3} \pi \text{ sec}$$

فرضاً: $L_2 = 2L_1$

$$T_{01} = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{K_1}} \quad T_{02} = \sqrt{\frac{K_1}{K_2}} \quad (*)$$

$$K_1 = k \left(\frac{L_1}{L}\right)^2 \quad K_2 = k \left(\frac{L_2}{L}\right)^2 \quad \frac{K_1}{K_2} = \frac{\left(\frac{L_1}{L}\right)^2}{\left(\frac{L_2}{L}\right)^2} = \frac{L_1^2}{L_2^2} = \frac{L_1^2}{(2L_1)^2} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{T_{02}}{T_{01}} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2} \Rightarrow T_{02} = \frac{1}{2} T_{01} \Rightarrow T_{02} = \frac{1}{2} \pi \sqrt{2} \text{ sec}$$

المسألة رقم «3» النواس الثقلي المركب، النواس القتل، اقرص

(A) يتألف نواس ثقلي مركب من قرص متجانس نصف قطره $(r = \frac{1}{6}m)$ يمكنه أن ينوس في مستوى شاقولي حول محور أفقي عمودي على مستويه ومار من نقطة على محيطه، نزع القرص عن وضع توازنه الشاقولي بزاوية (60°) وتتركه دون سرعة ابتدائية علماً أن عزم العطالة القرص حول محور مار من مركزه $(I_{\Delta/c} = \frac{1}{2}mr^2)$ والخطيب: $(\pi^2 = 10)$

(2) استنتج العلاقة المحددة للسرعة الزاوية للقرص عند المرور بالشاقول، ثم احسب قيمتها واحسب السرعة الخطية لمركز عطالته.

(1) احسب الدور الخاص للاهتزاز

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

الوضع الأول: لحظة تركه بدون سرعة ابتدائية في البطل $\theta = \theta_{max}$

الوضع الثاني: لحظة المرور بالشاقول $\theta = 0$

$$\sum \bar{W}_{F_{1 \rightarrow 2}} = \Delta E_K$$

$$W_R + W_W = E_K - E_{K_0}$$

نقطة تأثيرها لا تنتقل

$$W_W = E_K$$

$$mgh = \frac{1}{2}I_{\Delta}\omega^2$$

$$h = d[1 - \cos\theta_{max}]$$

$$mgh = \frac{1}{2}I_{\Delta}\omega^2$$

$$\omega^2 = \frac{mgh}{\frac{1}{2}I_{\Delta}} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2mgh[1 - \cos\theta_{max}]}{I_{\Delta}}}$$

نأخذ I_{Δ} و d من طلب الدور: $(I_{\Delta} = \frac{3}{2}mr^2, d = r)$

$$\omega = \sqrt{\frac{2mgr[1 - \cos\theta_{max}]}{\frac{1}{2}mr^2}}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2 \times 10 \left[1 - \frac{1}{2}\right]}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{36}}} = \sqrt{40} = 2\sqrt{10} \Rightarrow \text{السرعة الزاوية } \omega = 2\pi \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$v = \omega \cdot r = 2\pi \times \frac{1}{6} \Rightarrow v = \frac{\pi}{3} \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$\theta_{max} = 60^\circ = \frac{\pi}{3} \text{ rad} > 0,24 \text{ rad}$ (الزوايا الشهيرة سعانا كبيرة)

ساعات كبيرة: الدور بحالة الساعات الكبيرة:

$$T_0' = T_0 \left[1 + \frac{\theta_{max}^2}{16}\right]$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}: \text{حساب الدور بحالة الساعات الصغيرة}$$

$$I_{\Delta} = I_{\Delta/c} + md^2$$

$$d = r$$

$$I_{\Delta} = \frac{1}{2}mr^2 + mr^2 \Rightarrow I_{\Delta} = \frac{3}{2}mr^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{3}{2}mr^2}{m \times 10 \times r}} \Rightarrow T_0 = 2\sqrt{\frac{3}{2}}r = 2\sqrt{\frac{3}{2}} \times \frac{1}{6}$$

الدور بحالة الساعات الصغيرة: $T_0 = 1 \text{ sec}$ نعوض للساعات الكبيرة

$$T_0' = 1 \left[1 + \frac{\pi^2}{16}\right] = 1 + \frac{10}{144} = \frac{144}{144} + \frac{10}{144} \Rightarrow T_0' = \frac{154}{144} \text{ sec}$$

إضافي: احسب كتلة القرص إذا فرضنا أن عزم عطالة القرص حول محور

$$I_{\Delta/c} = \frac{1}{24} \text{ kgm}^2$$

$$I_{\Delta/c} = \frac{1}{2}mr^2 \Rightarrow \frac{1}{24} = \frac{1}{2} \times m \times \frac{1}{36} \Rightarrow m = 3 \text{ kg}$$

$$m = 3 \text{ kg}$$

(B) نثبت في نقطة من محيط القرص كتلة نقطية (m') مساوية لكتلة القرص (m) ونجعله يهتز حول محور أفقي مار من مركزه.

(2) احسب طول النواس البسيط الموافق لهذا النواس.

(1) احسب الدور الخاص للجملة من أجل الساعات الصغيرة.

مركب $T_0 = T_0$ بسيط

$$2\pi \sqrt{\frac{L'}{g}} = 1$$

$$\Rightarrow 2\pi \sqrt{\frac{L'}{10}}$$

$$2\sqrt{L'} = 1$$

$$\sqrt{L'} = \frac{1}{2} \Rightarrow \text{تربع الطرفين}$$

$$\Rightarrow L' = \frac{1}{4}m$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

$$I_{\Delta} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta m'}$$

$$I_{\Delta} = \frac{1}{2}mr^2 + m'r^2$$

نوحده المقامات حيث $(m = m')$ فرضاً

$$I_{\Delta} = \frac{3}{2}mr^2$$

$$d = \frac{\sum mr}{\sum m} = \frac{mr}{m + m} = \frac{mr}{2m} \Rightarrow d = \frac{r}{2}$$

$$m_{\text{جملة}} = m + m' \Rightarrow m_{\text{جملة}} = 2m$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{3}{2}mr^2}{2m \times 10 \times \frac{r}{2}}}$$

$$T_0 = 2\sqrt{\frac{3}{2}}r$$

$$T_0 = 2\sqrt{\frac{3}{2}} \times \frac{1}{6} \Rightarrow T_0 = 1 \text{ sec}$$

(3) نزل القرص من وضع توازنه الشاقولي بسعة زاوية (θ_{max}) وتركه دون سرعة ابتدائية فتكون السرعة العظمى للكتلة العالقة $v = \frac{2\pi}{3} \text{ m.s}^{-1}$ لحظة المرور بالشاقول ، احسب قيمة السعة الزاوية θ_{max} علماً أن $\theta_{max} > 0,24 \text{ rad}$

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

الوضع الأول : لحظة تركه بدون سرعة ابتدائية في المصال $\theta = \theta_{max}$
الوضع الثاني : لحظة المرور بالشاقول $\theta = 0$

$$\sum W_{F_{1-2}} = \Delta E_k$$

$$W_R + W_w = E_k - E_{k_0}$$

دون سرعة ابتدائية $E_{k_0} = 0$

$$W_w = E_k$$

$$mgh = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2 \quad (*)$$

$$h = d[1 - \cos\theta_{max}]$$

نأخذ كل الرموز من طلب الدور السابق (مع كتلة): $m_{جئة} = 2m$

$$d = \frac{r}{2} \Rightarrow h = \frac{r}{2} [1 - \cos\theta_{max}]$$

$$I_{\Delta} = \frac{1}{2} mr^2$$

$$v = \omega \cdot r \Rightarrow \omega = \frac{v}{r} \Rightarrow \omega^2 = \frac{v^2}{r^2}$$

نعوض كل الرموز في العلاقة (*)

$$2mg \frac{r}{2} [1 - \cos\theta_{max}] = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} mr^2 \frac{v^2}{r^2}$$

$$gr [1 - \cos\theta_{max}] = \frac{3}{4} v^2 \Rightarrow [1 - \cos\theta_{max}] = \frac{3v^2}{4gr}$$

$$[1 - \cos\theta_{max}] = \frac{3 \times 2\pi^2}{10 \times 4}$$

$$1 - \cos\theta_{max} = 1 \Rightarrow \cos\theta_{max} = 0 \Rightarrow \theta_{max} = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

(C) نزيل الكتلة النقطية ونعلق القرص من مركزه بسلك فتل مكوناً نواس فتل ، وندير القرص أفقياً حول السلك بمقدار نصف دورة ونتركه دون سرعة ابتدائية معتبراً مبدأ الزمن لحظة تركه في المصال الأعظمي الموجب بدور يساوي $T_0 = 4 \text{ sec}$ فإذا علمت أن عزم عطالة هذا القرص حول السلك $I_{\Delta/C} = 0,01 \text{ kg.m}^2$ ($\pi^2 = 10$)

(1) احسب قيمة كتلة القرص علماً أن عزم عطالة القرص حول محور مار من مركزه $I_{\Delta} = \frac{1}{2} mr^2$

(2) استنتج التابع الزمني للمصال الزاوي انطلاقاً من شكله العام .

نسب الكتلة من قانون عزم العطالة المعطى : $I_{\Delta} = \frac{1}{2} mr^2$
 $m = ? , I_{\Delta} = 10^{-2} \text{ kg.m}^2 , r = \frac{1}{6} \text{ m}$
 $I_{\Delta} = \frac{1}{2} mr^2$
 $\Rightarrow 10^{-2} = \frac{1}{2} m \frac{1}{36} \Rightarrow 10^{-2} = \frac{1}{72} m$
 $\Rightarrow m = 72 \times 10^{-2} \text{ kg}$

(3) احسب السرعة الزاوية العظمى للقرص (طويلة)

نحسب التتابع الزمني للمصال الزاوي انطلاقاً من شكله العام .

$$\bar{\theta} = \theta_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

تعيين الثوابت $\bar{\varphi} , \omega_0 , \theta_{max}$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{4} \Rightarrow \omega_0 = \frac{\pi}{2} \text{ rad.s}^{-1}$$

$\theta + \theta_{max} = \pi \text{ rad}$ (عظمي موجب (نصف دورة))

ملاحظة
(دورة كاملة $\theta = 2\pi \text{ rad}$ ، نصف دورة $\theta = \pi \text{ rad}$ ، ربع دورة $\theta = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$)
تعيين $\bar{\varphi}$ من شروط البدء : $t = 0 , \theta = +\theta_{max} \Rightarrow \cos\bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0$

نعوض قيم الثوابت بالشكل العام : $\bar{\theta} = \pi \cos \frac{\pi}{2} t \text{ (rad)}$

(4) احسب التسارع الزاوي للقرص لحظة مروره بوضع $(\theta = -\frac{\pi}{2} \text{ rad})$

احسب السرعة الزاوية العظمى للقرص (طويلة)

$$\omega_{max} = \omega_0 \theta_{max}$$

$$\omega_{max} = \frac{\pi}{2} \times \pi = \frac{\pi^2}{2} = \frac{10}{2}$$

$$\Rightarrow \omega_{max} = 5 \text{ rad.s}^{-1}$$

(5) احسب قيمة ثابت فتل السلك :

(6) احسب الطاقة الميكانيكية للقرص عند المرور في وضع توازنه.

طريقة (1) : عند المرور بوضع التوازن : $\theta = 0 \Rightarrow E_p = 0 \Rightarrow E = E_k$

$$E = E_k = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2$$

$$\omega = \omega_{max} = 5 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$E = \frac{1}{2} \times 10^{-2} \times 25 \Rightarrow E = 12,5 \times 10^{-2} \text{ J}$$

طريقة (2) : قانون الطاقة الميكانيكية : $E = \frac{1}{2} k \theta_{max}^2$

$$E = \frac{1}{2} \times 25 \times 10^{-3} \times \pi^2 \Rightarrow E = 12,5 \times 10^{-2} \text{ J}$$

احسب التسارع الزاوي للقرص لحظة مروره بوضع $(\theta = -\frac{\pi}{2} \text{ rad})$

$$\alpha = ?$$

$$\bar{\alpha} = -\omega_0^2 \cdot \bar{\theta}$$

$$\bar{\alpha} = -\frac{\pi^2}{4} \cdot (-\frac{\pi}{2}) = +\frac{10\pi}{8} \Rightarrow \alpha = 5 \frac{\pi}{4} \text{ rad.s}^{-2}$$

(6) احسب الطاقة الميكانيكية للقرص عند المرور في وضع توازنه.

(5) احسب قيمة ثابت فتل السلك :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}}$$

نربع الطرفين :

$$T_0^2 = 4\pi^2 \frac{I_{\Delta}}{k}$$

$$k = 4\pi^2 \frac{I_{\Delta}}{T_0^2} = 4 \times 10 \times \frac{10^{-2}}{16} = \frac{1}{4} \times 10^{-1}$$

$$\Rightarrow k = 25 \times 10^{-3} \text{ m.N.rad}^{-1}$$



النواس الثقلي البسيط

(D) يتألف نواس ثقلي بسيط من كرة صغيرة كتلتها (100g) معلقة بخيط خفيف طوله (L=1m) بدرجة حرارة (0°C) درجة سيليزيوس

نربح هذا النواس عن وضع توازنه الشاقولي ($\theta_{max} = 60^\circ$) ونتركه دون سرعة ابتدائية:

(1) احسب دور هذا النواس في مكان تبلغ فيه قيمة حقل الجاذبية
($\pi = \sqrt{10}$) ($g=10m/s^2$)

(2) استنتج العلاقة المحددة للسرعة الخطية لكرة النواس لحظة مرور الشاقول
ثم احسب قيمتها

$\theta_{max} = 60^\circ$ $\omega = 0$
بما أن السعة كبيرة نقوم أولاً بحساب الدور بحالة السعات الصغيرة ومن ثم نعوضه في قانون الدور من أجل السعات الكبيرة

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{10}} = 2(s)$$

$$T_0' = T_0 \left[1 + \frac{\theta_{max}^2}{16} \right]$$

$$T_0' = 2 \left[1 + \frac{\pi^2}{16} \right]$$

$$T_0' = 2 \left[1 + \frac{10}{144} \right]$$

$$T_0' = 2 \left[\frac{144}{144} + \frac{10}{144} \right] = 2 \times \frac{154}{144}$$

$$T_0' = \frac{154}{72} = 2.14(sec)$$

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين:
الأول: لحظة تركه دون سرعة ابتدائية في الوضع $\theta = \theta_{max}$
الثاني: لحظة المرور بالشاقول $\theta = 0$

$$\sum \overline{W}_F = \Delta E_K$$

$$\overline{W}_T + \overline{W}_w = E_K - E_{K_0}$$

بدون سرعة ابتدائية $E_{K_0} = 0$ لأنها تعامد الانتقال في كل لحظة

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2$$

$$h = L[1 - \cos\theta_{max}]$$

$$mgL[1 - \cos\theta_{max}] = \frac{1}{2}mv^2$$

$$v^2 = 2gL[1 - \cos\theta_{max}]$$

$$v = \sqrt{2gL[1 - \cos\theta_{max}]}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 1 \cdot (1 - \frac{1}{2})} = \sqrt{10} \Rightarrow v = \pi(m.s^{-1})$$

(3) استنتج العلاقة المحددة لتوتر السلك لحظة المرور بالشاقول ثم احسب قيمتها

(4) على فرض أننا أرحنا الكرة إلى مستوا أفقي يرتفع $h = 1m$ عن المستوي الأفقي المار منها وهي في موضع توازنها الشاقولي ليصنع خيط النواس مع الشاقول زاوية θ ونتركها دون سرعة ابتدائية والمطلوب:

جملة المقارنة: خارجية
الجملة المدروسة: كرة النواس

القوى الخارجية المؤثرة في كرة النواس قوة ثقل الكرة \overline{W} وقوة توتر الخيط \overline{T}
نطبق العلاقة الأساسية في التحريك

$$\sum \overline{F} = m \cdot \overline{a}$$

$$\overline{W} + \overline{T} = m \cdot \overline{a}$$

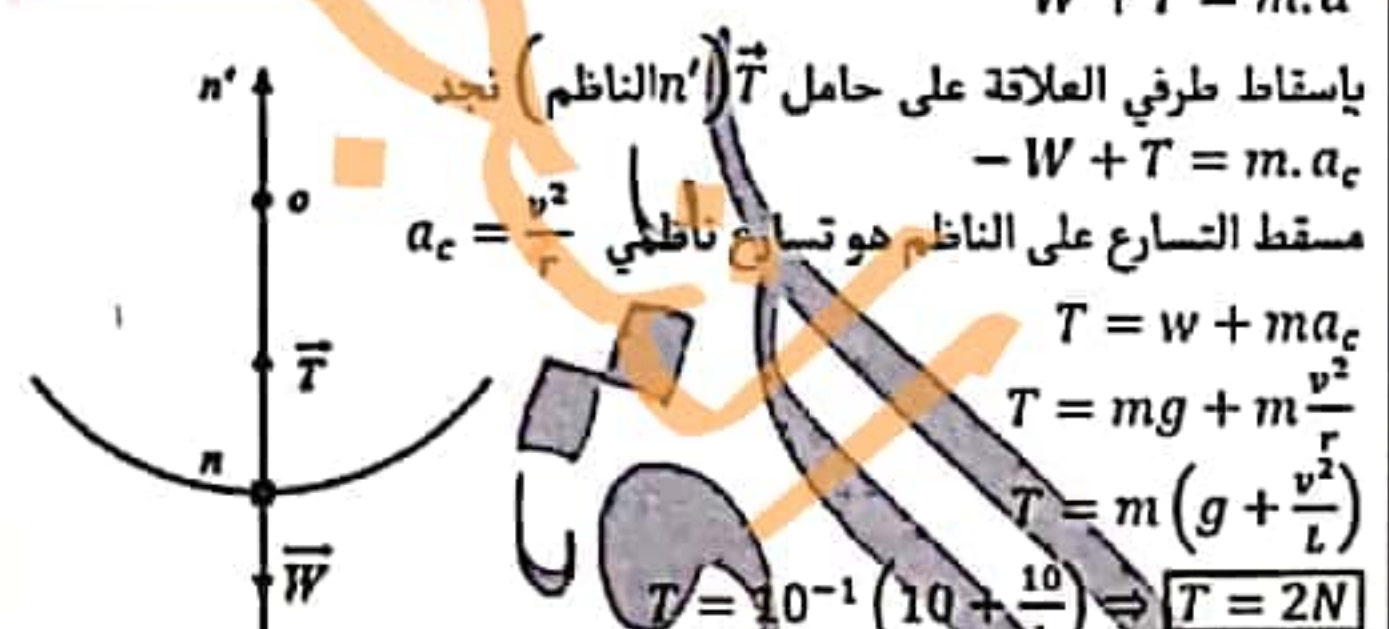
$$-W + T = m \cdot a_c$$

$$T = W + m a_c$$

$$T = mg + m \frac{v^2}{r}$$

$$T = m \left(g + \frac{v^2}{L} \right)$$

$$T = 10^{-1} \left(10 + \frac{10}{1} \right) \Rightarrow T = 2N$$



a. استنتج العلاقة المحددة للسرعة الخطية لكرة النواس لحظة المرور بالشاقول
ثم احسب قيمتها

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين:
الأول: لحظة تركه دون سرعة ابتدائية في الوضع $\theta = \theta_{max}$
الثاني: لحظة المرور بالشاقول $\theta = 0$

$$\sum \overline{W}_F = \Delta E_K$$

$$\overline{W}_T + \overline{W}_w = E_K - E_{K_0}$$

بدون سرعة ابتدائية $E_{K_0} = 0$ لأنها تعامد الانتقال في كل لحظة

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2$$

$$v^2 = 2gh \Rightarrow v = \sqrt{2gh}$$

$$v = \sqrt{2 \times 10 \times 1} = 2\sqrt{5}m.s^{-1}$$

b. احسب قيمة الزاوية θ

$$h = L[1 - \cos\theta_{max}] \Rightarrow h = L - L\cos\theta_{max}$$

$$\Rightarrow \cos\theta_{max} = \frac{L-h}{L} = \frac{1-1}{1} = 0 \Rightarrow \theta_{max} = \frac{\pi}{2}rad$$

المسألة رقم 4، مغناطيسية، كهربائية

(A) نضع في مستوى الزوال المغناطيسي سلكين نحاسيين طويلين متوازيين بحيث يبعد منتصفاهما (C₁, C₂) عن بعضهما مسافة (d = 40 cm)، ونضع إبرة بوصلة صغيرة في النقطة (C) منتصف المسافة C₁, C₂ نمرر في السلك الأول تيار كهربائياً شدته (I₁ = 3A) وفي السلك الثاني نمرر تياراً كهربائياً شدته (I₂ = 1A) وبجهة واحدة

(4) نأخذ أحد الأسلاك والذي طوله (L' = 16π m) ونشكل منه وشيعة طولها L = 16 cm نصف قطرها (r = 8 cm) ونضع هذه الوشيعة في مستوى الزوال المغناطيسي ونمرر تيار شدته I = $\frac{8}{\pi} \times 10^{-2} A$

$$L' = 16\pi(m^2) \quad I = \frac{8}{\pi} \times 10^{-2}(A) \quad r = 8 \times 10^{-2}(m)$$

a. احسب شدة الحقل المغناطيسي المتولد في مركز الوشيعة

لوطالب طول سلك الوشيعة:

$$L' = N \cdot 2\pi r$$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{L}$$

$$\text{عدد اللفات } N = \frac{\text{طول السلك } L'}{\text{محيط اللفة الواحدة } 2\pi r}$$

$$N = \frac{16\pi}{2\pi \times 8 \times 10^{-2}} = 100 \text{ لفة}$$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{100 \times \frac{8}{\pi} \times 10^{-2}}{16 \times 10^{-2}} = 2 \times 10^{-5} T$$

b. احسب زاوية انحراف إبرة مغناطيسية في مركز الوشيعة علماً أن شدة المركبة الأفقية للحقل المغناطيسي الأرضي B_H = 2 × 10⁻⁵ T

قبل إمرار التيار كانت الإبرة خاضعة للحقل المغناطيسي الأرضي B_H بعد إمرار التيار أصبحت الإبرة خاضعة لمحصلة الحقلين الأرضي B_H والحقل الناتج عن تيار الوشيعة B

$$\tan \theta = \frac{B}{B_H} = \frac{2 \times 10^{-5}}{2 \times 10^{-5}} = 1 \Rightarrow \theta = 45^\circ$$

c. إذا أجرينا الملف بالجهة نفسها على أسطوانة فارغة من مادة عازلة باستخدام سلك معزول قطره 8 mm لفات متلاصقة. احسب عدد طبقات لفات الوشيعة.

$$\frac{\text{عدد الطبقات الكلية } N}{\text{عدد اللفات في طبقة واحدة } N'} = \frac{N}{N'}$$

عدد اللفات الكلية لفة 100 N يجب حسب حساب N' :

$$N' = \frac{\text{طول الوشيعة } L}{\text{قطر سلك الملف } 2r'} = \frac{16 \times 10^{-2}}{8 \times 10^{-3}} = 20 \text{ لفة في الطبقة}$$

$$\text{طبقة 5} = \frac{N}{N'} = \frac{100}{20}$$

d. نضع داخل الوشيعة في مركزها ملف دائري نصف قطره الوسطي 40 cm يتألف من 10 لفة، بحيث يصنع الناظم على سطح الملف مع محور الوشيعة 60° احسب التدفق المغناطيسي عبر الملف الناتج عن تيار الوشيعة. واحسب التغير الحاصل في قيمة التدفق المغناطيسي الذي يجتاز الملف. عند قطع تيار الوشيعة (16π = 50)

حساب التدفق المغناطيسي: $\Phi = N B S \cos \alpha$

$$N_{\text{ملف}} = 10 \text{ لفة}, B_{\text{وشيعة}} = 2 \times 10^{-5} T, \alpha = 60^\circ$$

$$r = 4 \times 10^{-1} m \Rightarrow S = \pi r^2 = 16\pi \times 10^{-2} m^2 = 50 \times 10^{-2} m^2$$

$$\Phi = N B S \cos \alpha$$

$$\Phi = 10 \times 2 \times 10^{-5} \times 50 \times 10^{-2} \times \frac{1}{2} \Rightarrow \Phi = 5 \times 10^{-5} \text{ Weber}$$

التغير الحاصل في قيمة التدفق المغناطيسي:

$$\Delta \Phi = \Phi_2 - \Phi_1 \Rightarrow \Delta \Phi = N B_2 S \cos \alpha - N B_1 S \cos \alpha$$

بوجود تيار الوشيعة B₁ وشيعة = 0 ⇒ Φ₁ ملف = 5 × 10⁻⁵ Weber وشيعة I₁

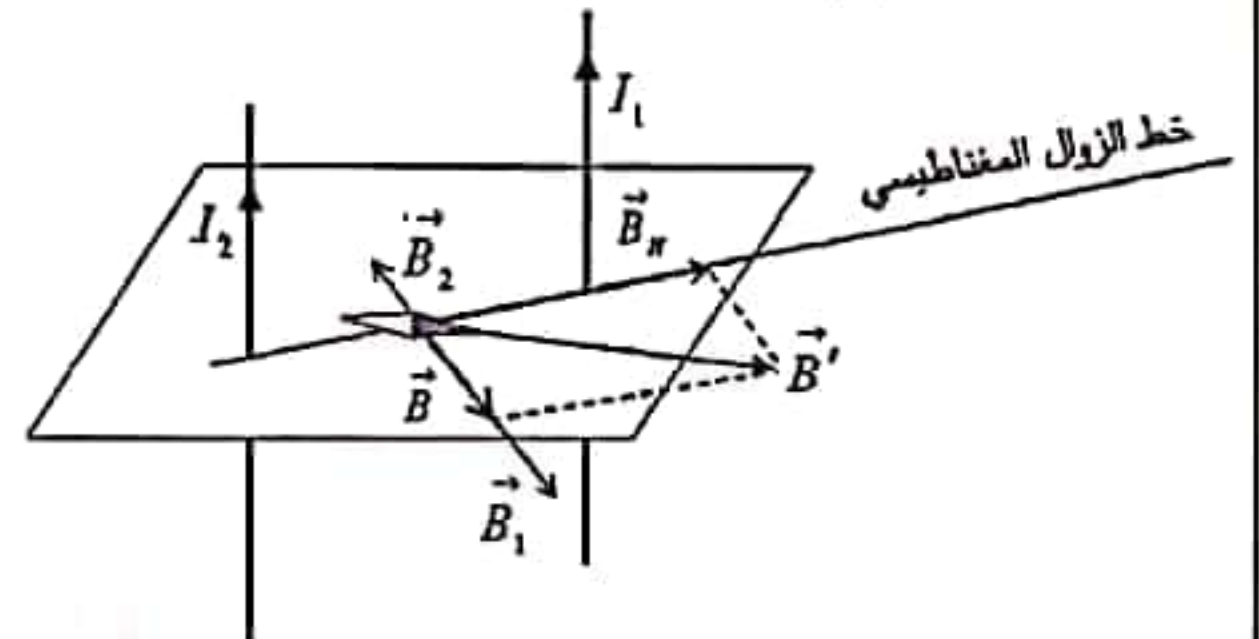
عند قطع تيار الوشيعة B₂ وشيعة = 0 ⇒ Φ₂ ملف = 0 وشيعة I₂

$$\Delta \Phi = \Phi_2 - \Phi_1 = 0 - 5 \times 10^{-5} = -5 \times 10^{-5} \text{ Weber}$$

ملاحظة: للوشيعة والملف المحور نفسه أي α = 0

(1) احسب شدة الحقل المغناطيسي المتولد عن التيارين في النقطة (C) موضحاً ذلك بالرسم

$$d = 40 \times 10^{-2}(m) \quad I_1 = 3(A) \quad I_2 = 1(A)$$



$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2$$

وبما أن B₁, B₂ على حامل واحد وبجهتين متعاكستين فالمحصلة حاصل طرحهما يكون: B = B₁ - B₂

$$B = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d_1} - 2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d_2}$$

$$B = \frac{2 \times 10^{-7}}{d} (I_1 - I_2)$$

$$B = \frac{2 \times 10^{-7}}{20 \times 10^{-2}} [3 - 1] = 2 \times 10^{-6} (T)$$

(2) حدد النقطة الواقعة بين السلكين التي تتعدم فيها شدة محصلة الحقلين وهل يمكن أن تتعدم شدة محصلة الحقلين في نقطة واقعة خارج السلكين؟ وضع إجابتك.

تتعدم فيها شدة محصلة الحقلين ⇔ B_{نتيجة} = B₁ - B₂ = 0

$$B_1 = B_2$$

$$2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d_1} = 2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d_2} \Rightarrow \frac{I_1}{d_1} = \frac{I_2}{d_2} \Rightarrow$$

$$\frac{d = d_1 + d_2}{d_1} \Rightarrow d_2 = d - d_1 \Rightarrow \frac{I_1}{d_1} = \frac{I_2}{d - d_1} \Rightarrow I_2 d_1 = I_1 (d - d_1)$$

$$I_2 d_1 = I_1 d - I_1 d_1 \Rightarrow I_2 d_1 + I_1 d_1 = I_1 d$$

$$d_1 (I_2 + I_1) = I_1 d \Rightarrow d_1 = \frac{I_1 d}{(I_2 + I_1)}$$

$$d_1 = \frac{3 \times 40 \times 10^{-2}}{(1+3)} = 3 \times 10^{-1} m$$

أي النقطة التي تتعدم عندها شدة الحقل المحصل هي نقطة واقعة بين

السلكين وتبعد عن السلك الأول مسافة d₁ = 3 × 10⁻¹ m

لا يمكن أن تتعدم شدة محصلة الحقلين في نقطة تقع خارج السلكين لأن الحقلين على حامل واحد وبجهة واحدة بالنسبة لنقطة تقع خارج السلكين

(3) احسب شدة القوة الكهربائية التي يؤثر فيها أحد السلكين على طول 5 cm من السلك الآخر.

قوة التأثير المتبادل (قوة تأثير أحد السلكين على السلك الآخر)

$$F = I_1 I_2 B_2 \sin \theta = I_1 I_2 (2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d})$$

$$F = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1 I_2^2}{d}$$

$$F = 2 \times 10^{-7} \frac{1 \times 3 \times 5 \times 10^{-2}}{40 \times 10^{-2}} \Rightarrow F = 75 \times 10^{-9} N$$

(B) نجهل من الوشعة أطارا ونعلق الأطار بسلك شاقولي عديم الفتل ضمن حقل مغناطيسي أفقي متتلم يوازي مستوي الإطار شدته (B = 0.05T) ، ونمرور في الأطار تيارا كهربائيا شدته (I = 0.5A) باعتبار (64π = 200) (64π × 10⁻⁴ = 200 × 10⁻⁴ = 2 × 10⁻² m²) (r = 8 × 10⁻² m ⇒ S = πr² = 64π × 10⁻⁴ = 200 × 10⁻⁴ = 2 × 10⁻² m²)

(1) أحسب عزم المزدوجة الكهرطيسية المؤثرة في الإطار لحظة إمرار التيار
(2) أحسب عمل المزدوجة الكهرطيسية عندما يدور الإطار من وضعه السابق ليصبح في حالة توازن مستقر

عمل المزدوجة الكهرطيسية : $W = I \cdot \Delta\phi = I(\phi_2 - \phi_1)$
 $W = INBS(\cos\alpha_2 - \cos\alpha_1)$
 (الوضع السابق) خطوط الحقل توزي مستوي الإطار : $\alpha_1 = \frac{\pi}{2}$
 توازن مستقر بعد الدوران $\alpha_2 = 0$
 $W = 100 \times 5 \times 10^{-1} \times 2 \times 10^{-2} \times 5 \times 10^{-2} (1 - 0)$
 $W = 5 \times 10^{-2} J$

عزم المزدوجة الكهرطيسية : $\Gamma_{\Delta} = NI \vec{S} \times B \cdot \sin\alpha$
 $\Gamma_{\Delta} = 100 \times 5 \times 10^{-1} \times 2 \times 10^{-2} \times 5 \times 10^{-2} \times \sin\frac{\pi}{2}$
 $\Gamma_{\Delta} = 5 \times 10^{-2} (m \cdot N)$
 ملاحظة : أحسب عزم المزدوجة الكهرطيسية المؤثرة في الإطار عندما يدور بزواوية $\theta' = 60^\circ$
 $\Gamma_{\Delta} = NISB \cdot \sin\alpha$ نعوض $\alpha = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$

(C) تقطع التيار ونستبدل سلك التعليق بسلك فتل شاقولي ثابت فتله (K = 8 × 10⁻⁴ m.N.rad⁻¹) حيث يكون مستوي الإطار يوازي خطوط الحقل المغناطيسي السابق ونمرور فيه تيار شدته (0.8 mA) فيدور الإطار بزواوية صغيرة (θ') انطلاقاً من شرط التوازن استنتج قيمة هذه الزاوية ، يهمل تأثير المغنطيس الأرضي ، ثم أحسب قيمة ثابت المقياس الغلفاني ، وعند زيادة حساسية المقياس 10 مرات من أجل التيار نفسه ماقيمة ثابت فتل سلك التعليق بالوضع الجديد ،

نعزل θ' = ?
 $\theta' = \frac{NIS I}{K}$
 $\theta' = \frac{100 \times 5 \times 10^{-1} \times 2 \times 10^{-2} \times 8 \times 10^{-4}}{8 \times 10^{-4}} \Rightarrow \theta' = 10^{-1} (rad)$
 حساب قيمة ثابت المقياس الغلفاني : $\theta' = G \cdot I$
 $G = \frac{\theta'}{I} = \frac{10^{-1}}{8 \times 10^{-4}} = 125 \frac{rad}{A}$
 عند زيادة الحساسية عشر مرات ← ينقص K عشر مرات
 $G = \frac{NISB}{K}$ بأند $G' = \frac{NISB}{K'}$
 $G' = \frac{G}{10} \Rightarrow K' = \frac{K}{10} = \frac{8 \times 10^{-4}}{10} \Rightarrow K' = 8 \times 10^{-5} (m \cdot N \cdot rad^{-1})$

يخضع الملف إلى عزمين
 عزم المزدوجة الكهرطيسية $\Gamma_{\Delta} = NISB \cdot \sin\alpha$
 عزم مزدوجة الفتل (سلك الفتل) $\Gamma' = -k\theta'$
 وحتى يتوازن الأطار بعد أن يدور زاوية يكون θ'
 $\sum F = 0$
 $\Gamma_{\Delta} + \Gamma' = 0$
 $NISB \sin\alpha - k\theta' = 0$
 $NISB \sin\alpha = k\theta'$
 ولكن $\alpha + \theta' = \frac{\pi}{2}$
 $\Rightarrow \sin\alpha = \cos\theta'$
 $NISB \cos\theta' = k\theta'$
 $\cos\theta' = 1$ زاوية صغيرة
 $NISB = k\theta'$

(D) نعيد الإطار إلى وضعه قبل تعليقه بسلك الفتل وهو في حالة توازن مستقر ضمن خطوط الحقل المغناطيسي السابق ونصل طرفيه إلى مقياس غلفاني ، ثم نديره حول المحور الشاقولي بزواوية (π/2 rad) خلال (0.5 s) أحسب شدة التيار المتحرض إذا كانت مقاومة سلك الإطار (R = 4 Ω) وكمية الكهرباء المتحرضة خلال الزمن السابق عند وصل الدارة إلى مقياس غلفاني تطبخ المسألة (تحريض)

لحساب شدة التيار نحسب أولاً :
 القوة الكهرطيسية التحريضية (نديره أي تغير الزاوية)
 $\epsilon = \frac{-\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{NISB(\cos\alpha_2 - \cos\alpha_1)}{\Delta t}$
 نديره بزواوية $\alpha_2 = \frac{\pi}{2}$ ⇒ توازن مستقر $\alpha_1 = 0$
 $\epsilon = \frac{100 \times 5 \times 10^{-1} \times 2 \times 10^{-2} \times (0 - 1)}{5 \times 10^{-2}}$
 $\epsilon = 64\pi \times 10^{-3} = 0.2 (Volt)$
 $i = \frac{\epsilon}{R} = \frac{2 \times 10^{-2}}{4} \Rightarrow i = 5 \times 10^{-3} (A)$

حساب كمية الكهرباء المتحرضة :
 $q = i \Delta t = 5 \times 10^{-3} \times 0.5 = 25 \times 10^{-3} C$

إضافي : نعيد الإطار إلى وضع التوازن المستقر ثم ندخل بداخله نواة حديدية عامل انفاذاها $\mu = 50$ أحسب شدة الحقل المغناطيسي داخل النواة الحديدية
 $\mu = \frac{B_t}{B} \Rightarrow B_t = \mu B = 50 \times 5 \times 10^{-2} \Rightarrow B_t = 2.5 T$

قد نعلمت أن شدة التيار المتحرض ، المتولد ويطلب استنتاج العلاقة المحددة للمقاومة الكلية للدارة

الحل : نفس الاستنتاج وبالنهاية تكون علاقة المقاومة الصرفة $R = \frac{\epsilon}{i}$ متحرض i

(1) استنتاج بلموز العلاقة المحددة للقوة الجبرية للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة المتناوبة الجيبية التدفق المغناطيسي Φ الذي يحترق الإشار وهو في هذه الحالة:

$$\Phi = N s B \cos \alpha$$

السرعة الزاوية للدوران ω (ثانية من الزاوية α) التي بدورها الملف في زمن قدره t :

$$\omega = \frac{\alpha}{t} \Rightarrow \alpha = \omega t$$

معوض في علاقة التدفق المغناطيسي: $\Phi = N S B \cos \omega t$

فتولد قوة محرقة كهربائية متحرضة $\bar{\epsilon} = -\frac{d\Phi}{dt}$

$$\bar{\epsilon} = N S B \omega \sin \omega t \quad \Phi$$

تكون $\bar{\epsilon}$ معضى عندما: $\sin \omega t = 1 \Rightarrow \bar{\epsilon}_{max} = N S B \omega$

نعوض في علاقة $\bar{\epsilon}$: نجد علاقة القوة المحركة الكهربائية المتحرضة الأتية المتناوبة

$$\bar{\epsilon} = \bar{\epsilon}_{max} \sin \omega t$$

(2) اكتب التابع الزمني للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة الأتية الناشئة في الإطار.

التابع الزمني للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة الأتية:

$$\bar{\epsilon} = \bar{\epsilon}_{max} \sin \omega t \quad \text{الشكل العام}$$

$$\bar{\epsilon}_{max} = N B s \omega \quad \text{نعين الثوابت}$$

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \times \frac{2}{\pi} = 4 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\bar{\epsilon}_{max} = 100 \times 5 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-2} \times 10^{-4} \times 4$$

$$\bar{\epsilon}_{max} = 4 \times 10^{-1} \text{ V}$$

نعوض الثوابت بالشكل العام: $\bar{\epsilon} = 4 \times 10^{-1} \sin(4t) \text{ volt}$

(3) عين اللحقتين الأولى و الثانية التي تكون فيها قيمة القوة المحركة الكهربائية المتحرضة الأتية الناشئة معدومة.

معدومة أي: $\bar{\epsilon} = 0$ نعوض التابع

$$4 \times 10^{-1} \sin(4t) = 0$$

$$\sin(4t) = 0 \Rightarrow \sin(4t) = \sin(\pi k)$$

$$4t = \pi k \Rightarrow t = \frac{\pi k}{4}$$

لحظة الانعدام الأولى: $k = 0 \Rightarrow t = 0$

لحظة الانعدام الثانية: $k = 1 \Rightarrow t = \frac{\pi}{4} \text{ sec}$

(4) اكتب التابع الزمني التيار الكهربائي المتحرض اللحظي العار في الإطار. (تُهمل تأثير الحقل المغناطيسي الأرضي)

$$\bar{i} = \frac{\bar{\epsilon}}{R}$$

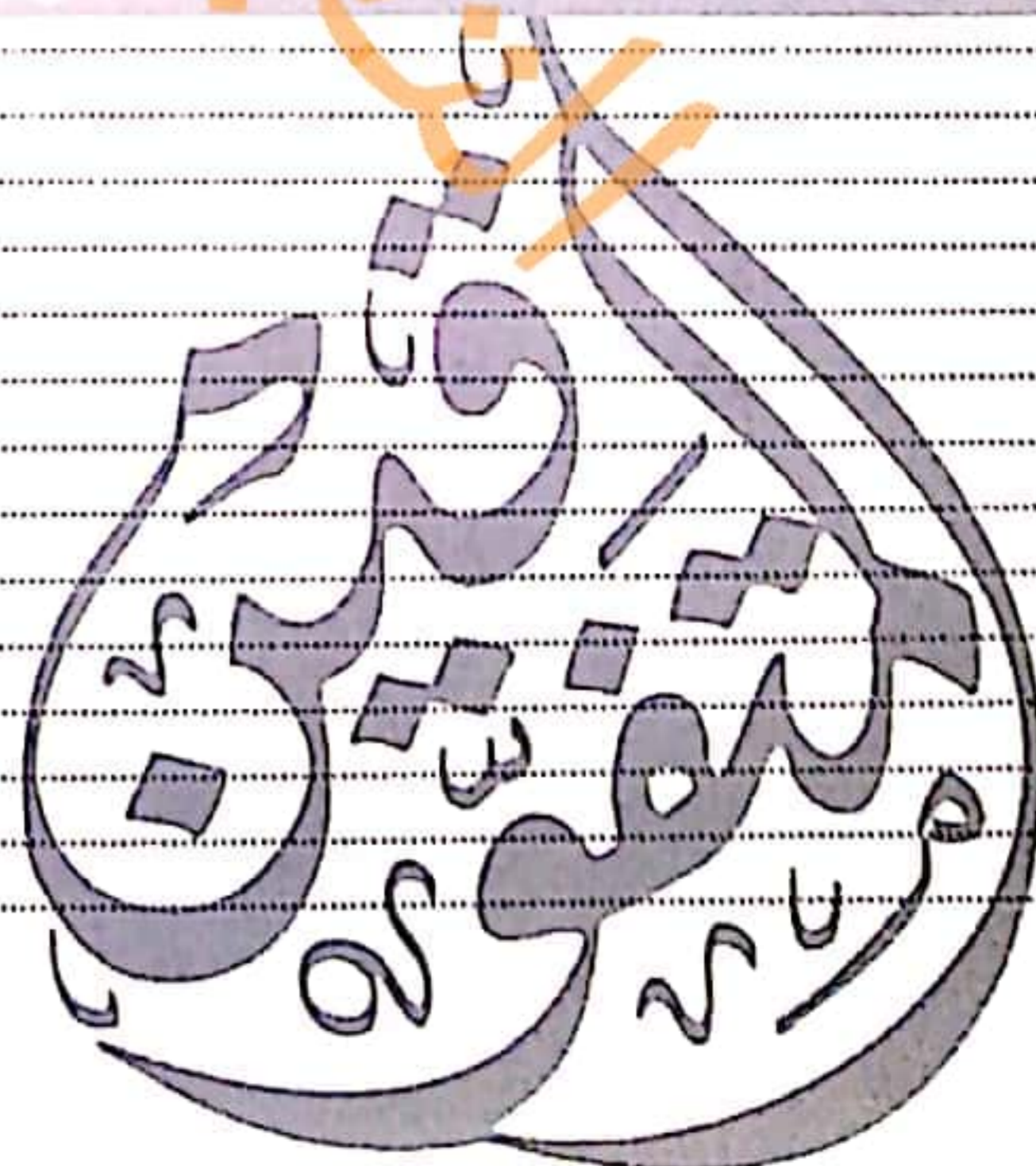
$$\Rightarrow \bar{i} = \frac{\bar{\epsilon}_{max} \sin \omega t}{R}$$

$$\bar{i} = \frac{4 \times 10^{-1} \sin(4t)}{4}$$

التابع لشدة التيار الكهربائي المتحرض اللحظي:

$$\Rightarrow \bar{i} = 10^{-1} \sin(4t) \text{ A}$$

ملاحظات



المسألة رقم «5» فعل الحقل المغناطيسي

تجري تجربة السكتين الكهروضوئية حيث تبلغ كتلة الساق الأفقية المستندة على السكتين الأقيتين والمعامدة لهما (20 g) وطولها (L = 20 cm) توضع بكاملها لحقل مغناطيسي منتظم عمودي على مستوى السكتين ، ويمر في الدارة تيار متواصل شدته (10 A) (10 A) ، $L = 20 \times 10^{-2} m$ ، $I = 10 A$ ، $m = 20 \times 10^{-3} kg$

(1) احسب شدة الحقل المغناطيسي لتكون شدة القوة الكهروضوئية مساوية مثلي ثقل الساق .

(2) حدد بالكتابة والرسم عناصر شعاع القوة الكهروضوئية المؤثرة في الساق.

نقطة التأثير: منتصف الجزء من الناقل المستقيم الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم

الحامل: عمودي على المستوى المحدد

بالناقل المستقيم وشعاع الحقل المغناطيسي

الجهة: حسب قاعدة اليد اليمنى:

- يخرج التيار من رؤوس الأصابع

- نوجه باطن الكف بجهة الحقل المغناطيسي المنتظم.

- يشير الإبهام لجهة القوة الكهروضوئية بحيث تحقق الأشعة \vec{F} ، \vec{IL} ، \vec{B} ثلاثية قائمة

الشدة: $F = ILB \sin \theta$: $\theta = (\vec{IL}, \vec{B})$

$$F = 10 \times 20 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-1} \times 1 \Rightarrow F = 4 \times 10^{-1} N$$

(5) استنتج ثم احسب شدة التيار الواجب إمراره لتبقى الساق ساكنة ضمن الحقل المغناطيسي السابق إذا كانت زاوية إمالة السكتين عن الأفق (30°)

(3) احسب عمل القوة الكهروضوئية المؤثرة في الساق فيما لو انتقلت على السكتين بسرعة ثابتة (0, 1 m.s⁻¹) وخلال ثانية واحدة واحسب الاستطاعة الميكانيكية الناتجة عن ذلك .

حتى تبقى الساق ساكنة: $\sum \vec{F} = 0$

$$\vec{R} + \vec{F} + \vec{W} = \vec{0}$$

بالإسقاط على xx' نجد:

$$0 + (-F \cos \alpha) + (+W \sin \alpha) = 0$$

$$-F \cos \alpha + W \sin \alpha = 0$$

$$F \cos \alpha = W \sin \alpha$$

$$ILB \cdot \sin \frac{\pi}{2} \cdot \cos \alpha = mg \sin \alpha$$

(نحل = ?)

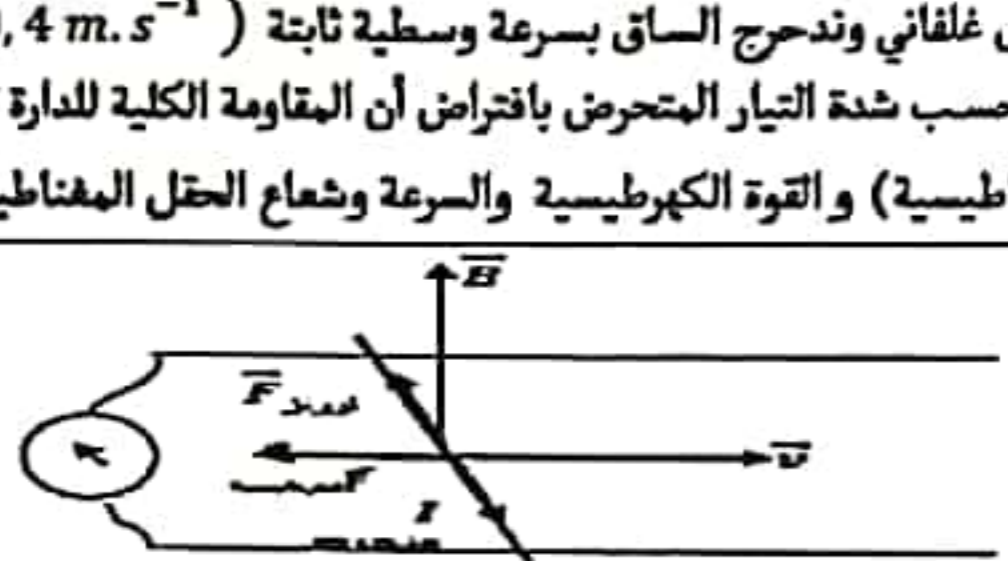
$$I = \frac{mg \sin \alpha}{LB \cos \alpha} = \frac{20 \times 10^{-3} \times 10 \times \sin 30}{20 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-1} \times \cos 30}$$

$$I = 5 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow I = \frac{5}{\sqrt{3}} A$$

قد يعطينا شدة التيار وبطلب استنتاج كتلة الساق (نحل = ?) $m = \frac{ILB \cdot \cos \alpha}{g \sin \alpha}$

(6) نعيد السكتين إلى حالتها قبل الإمالة بشكل أفقي ونرفع المولد من الدارة السابقة ونستبدله بمقياس غلفاني وندرج الساق بسرعة وسطية ثابتة (0, 4 m.s⁻¹) ضمن الحقل المغناطيسي السابق ، استنتج عبارة القوة المحركة الكهربائية التحريضية ثم احسب قيمتها ، واحسب شدة التيار المتحرض بافتراض أن المقاومة الكلية للدارة ثابتة وتساوي (R = 4Ω) ثم ارسم شكلاً توضيحياً يبين جهة كل من التيار المتحرض وقوة لورنتز (المغناطيسية) والقوة الكهروضوئية والسرعة وشعاع الحقل المغناطيسي

عند دحرجة الساق بسرعة v خلال زمن Δt فإنها تتنقل مسافة: Δx = v.Δt



فتمسح سطحاً ΔS : $\Delta S = L \cdot v \cdot \Delta t$ ولكن $\Delta x = v \cdot \Delta t$

فمتغير التدفق: $\Delta \phi = B \Delta S \Rightarrow \Delta \phi = B \cdot L \cdot v \cdot \Delta t$

تنتج قوة محركة كهربائية متحرضة: $|\mathcal{E}| = \left| \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right|$

$$\mathcal{E} = \frac{BLv \cdot \Delta t}{\Delta t} \Rightarrow \mathcal{E} = BLv$$

$$\mathcal{E} = 2 \times 10^{-1} \times 20 \times 10^{-2} \times 4 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow \mathcal{E} = 16 \times 10^{-3} \text{ Volt}$$

حساباً شدة التيار المتحرض

$$i = \frac{\mathcal{E}}{R} = \frac{16 \times 10^{-3}}{4} \Rightarrow i = 4 \times 10^{-3} A$$

ملاحظة هامة في حال كانت الدارة مفتوحة قد يعطينا سرعة الساق v

ويطلب فرق الكون U بين طرفي الدارة: $U = \mathcal{E} = BLv$

أو يعطينا فرق الكون U بين طرفي الساق ويطلب سرعة الساق:

$$U = \mathcal{E} = BLv \Rightarrow v = \frac{U}{BL}$$

نحل = ?

قد يعطينا متحرض I المتولد ويطلب استنتاج العلاقة المحددة للمقاومة الكلية للدارة الحل: نفس الاستنتاج وبالنهاية تكون علاقة المقاومة الصرفة $R = \frac{\mathcal{E}}{i}$ متحرض I

9) نعلق الساق من أحد طرفيها بـ محور أقي Δ بحيث يمكنها الدوران حوله بحرية كاملة ونمر طرفها السفلي في الزيت ونؤثر على طول $(L = 2 \text{ cm})$ من القسم المتوسط بحقل مغناطيسي منتظم شدته $0.1T$ ثم نمرر في الساق تياراً متواصلاً جديداً فتتحرف الساق عن الشاقول بزاوية $\alpha = 0.1 \text{ rad}$ وتتوازن ، استنتج بالرموز العلاقة المحددة لشدة التيار الكهربائي المار في الساق . مع الرسم

شروط التوازن الدوراني: $\sum \Gamma_{\vec{F}} = 0$

$$\vec{\Gamma}_{\vec{R}} + \vec{\Gamma}_{\vec{W}} + \vec{\Gamma}_{\vec{F}} = 0 \quad (*)$$

لأنها تلاقي محور الدوران في كل لحظة $\vec{\Gamma}_{\vec{R}} = 0 \quad (1)$

$$\Gamma_{\vec{F}} = d_1 \cdot F$$

$$\Gamma_{\vec{F}} = oc \cdot F \quad (2)$$

$$\Gamma_{\vec{W}} = -d_2 \cdot W$$

$$\sin \alpha = \frac{d_2}{oc} \Rightarrow d_2 = oc \cdot \sin \alpha$$

$$\Gamma_{\vec{W}} = -(oc \cdot \sin \alpha) \cdot W$$

$$\Gamma_{\vec{W}} = -oc \cdot W \cdot \sin \alpha \quad (3)$$

نعوض (1) و (2) و (3) في (*)

$$0 - oc \cdot W \sin \alpha + oc \cdot F = 0$$

$$oc \cdot F = oc \cdot W \sin \alpha \text{ نختصر ونفصل}$$

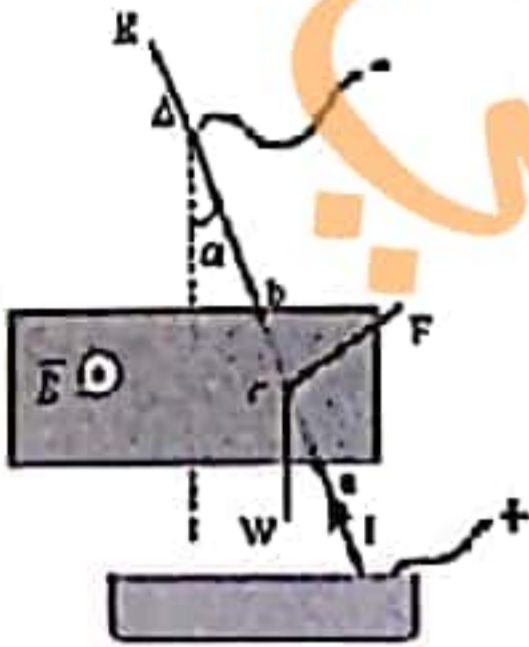
$$F = W \sin \alpha$$

$$ILB \sin \frac{\pi}{2} = mg \sin \alpha$$

(نعزل I)

$$I = \frac{mg \sin \alpha}{LB \sin \frac{\pi}{2}}$$

$$I = \frac{20 \times 10^{-3} \times 10 \times 10^{-1}}{2 \times 10^{-2} \times 10^{-1}} \Rightarrow I = 10 \text{ A}$$



7) احسب الاستطاعة الكهربائية الناتجة ، ثم احسب شدة القوة الكهرومغناطيسية المؤثرة على الساق أثناء تحرجها ..

$$P = \epsilon \cdot i \quad \text{الاستطاعة الكهربائية}$$

$$P = 16 \times 10^{-3} \times 4 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow P = 64 \times 10^{-6} \text{ Wat}$$

$$F = I L B \sin \theta \quad \text{حساب شدة القوة الكهرومغناطيسية}$$

$$F = 4 \times 10^{-3} \times 20 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-1} \times \sin \frac{\pi}{2}$$

$$\Rightarrow F = 16 \times 10^{-5} \text{ N}$$

8) نأخذ الساق منفردة ونحركها بسرعة أفقية v عمودية على شعاع حقل مغناطيسي منتظم أفقي شدته $B = \frac{1}{2} T$ فيكون فرق الكهون بين طرفي الساق 0.4 V ، المطلوب: استنتج العلاقة المحددة لسرعة الساق واحسب قيمتها.

عند درجة الساق بسرعة v خلال زمن Δt فإنها تنتقل مسافة $\Delta x = v \cdot \Delta t$

$$\Delta S = L \cdot \Delta x \quad \text{ولكن } \Delta x = v \cdot \Delta t \Rightarrow \Delta S = L \cdot v \cdot \Delta t$$

$$\Delta \phi = B \Delta S \Rightarrow \Delta \phi = B \cdot L \cdot v \cdot \Delta t$$

$$|\epsilon| = \left| \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right| \quad \text{تنشأ قوة محرّكة كهربائية متحيزة}$$

وبما أن الدارة مفتوحة فإن فرق الكهون بين طرفي الساق يساوي القوة

$$U = \epsilon = BLv \Rightarrow v = \frac{U}{BL} \quad \text{المحرّكة الكهربائية المتحيزة}$$

$$\Rightarrow v = \frac{4 \times 10^{-1}}{\frac{1}{2} \times 20 \times 10^{-2}} = 4 \text{ m.s}^{-1}$$

D) نجعل من القرص دولاب بارلو نصف قطره $(r = \frac{1}{6} \text{ m})$ ونجعله يدور حول محور مار من مركزه وعمودي على مستوي الشاقولي ، ونضع نصفه السفلي إلى حقل مغناطيسي منتظم عمودي على مستوي القرص شدته $(B = 0.03 \text{ T})$ ونمرر فيه تياراً كهربائياً شدته $(I = 12 \text{ A})$

2) احسب عزم تلك القوة بالنسبة لمحور الدوران

$$\Gamma = d \cdot F = \frac{r}{2} \cdot F$$

$$\Gamma = \frac{1}{2} \times 6 \times 10^{-2} = \frac{1}{6} \times \frac{1}{2} \times 6 \times 10^{-2} \Rightarrow \Gamma = 5 \times 10^{-3} \text{ m.N}$$

3) احسب استطاعته عندما يدور بسرعة زاوية تقابل $\frac{3}{\pi}$ دورة بالثانية

$$P = \Gamma \cdot \omega = \Gamma \cdot (2\pi f)$$

$$P = 5 \times 10^{-3} \cdot (2\pi \cdot \frac{3}{\pi}) = 30 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow P = 3 \times 10^{-2} \text{ wat}$$

4) احسب عمل القوة الكهرومغناطيسية بعد مضي 4s من بدء حركة الدولاب ، وهو يدور بالسرعة الزاوية السابقة

$$P = \frac{W}{t} \Rightarrow W = P \cdot t = 3 \times 10^{-2} \times 4 \Rightarrow W = 12 \times 10^{-2} \text{ J}$$

1) حدد بالكتابة والرسم عناصر شعاع القوة الكهرومغناطيسية المؤثرة في القرص.



العناصر:

نقطة التأثير: منتصف الجزء من

نصف القطر المستقيم الخاضع

للحقل المغناطيسي المنتظم.

الحامل: عمودي على المستوي

المحدد بنصف القطر المستقيم وشعاع الحقل المغناطيسي .

الجهة: حسب قاعدة اليد اليمنى: - يخرج التيار من رؤوس الأصابع

- توجه باطن الكف بجهة الحقل المغناطيسي المنتظم.

- يشير الإبهام لجهة القوة الكهرومغناطيسية بحيث تحقق الأشعة الثلاثة

ثلاثة قائمة

$$F = ILB \sin \theta \quad \theta = (\vec{I}, \vec{B}) \quad \text{الشدة}$$

$$F = I r B \sin \theta$$

$$F = 12 \times \frac{1}{6} \times 3 \times 10^{-2} \times 1 \Rightarrow F = 6 \times 10^{-2} \text{ N}$$

5) احسب قيمة الكتلة الواجب تعليقها على طرف نصف القطر الأفقي للدولاب لمنعها عن الدوران.

شروط التوازن الدوراني $\sum \Gamma_{\Delta} = 0$

$$(\vec{\Gamma}_{\vec{W}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{F}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{W}'/\Delta} = 0) \quad (*)$$

$$\vec{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} = 0 \quad \text{لأن حامل } \vec{R} \text{ يلاقي محور الدوران } \Delta$$

$$\vec{\Gamma}_{\vec{W}'/\Delta} = 0 \quad \text{لأن حامل } \vec{R}' \text{ يلاقي محور الدوران } \Delta$$

$$\vec{\Gamma}_{\vec{F}/\Delta} = d \cdot F = \left(\frac{r}{2}\right) F$$

جملة المقارنة: خارجية

الجملة المدروسة: الدولاب المتوازن.

القوى الخارجية المؤثرة: \vec{W} ثقل الدولاب .

\vec{F} القوة الكهرومغناطيسية . \vec{R} رد فعل محور الدوران

\vec{W}' ثقل الكتلة المضافة.

$$\vec{\Gamma}_{\vec{W}'/\Delta} = -d' \cdot W' = -(r) m' g$$

$$\text{نعوض (*)} \Rightarrow 0 + \left(\frac{r}{2}\right) F - (r) m' g + 0 = 0$$

$$\left(\frac{r}{2}\right) F = (r) m' g \Rightarrow m' = \frac{F}{2g}$$

$$m' = \frac{F}{2g} = \frac{6 \times 10^{-2}}{2 \times 10} \Rightarrow m' = 3 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

المسألة رقم «6» التحريض الكهرومغناطيسي

وشية طولها 27 cm وعدد لولها 200 لفة ، ومساحة مقطعها 20 cm^2 حيث المقاومة الكلية لدارتها الهلالية 5Ω (يؤمل تأثير المجال المغناطيسي الأرضي)

(2) نرفع الوشية من الحقل المغناطيسي السابق ونمرر فيها تياراً كهربائياً شدته اللحظية $I = 6 + 2t$

(a) احسب القيمة الجبرية للقوة المحركة الكهربائية التحريضية الذاتية في الوشية .

$$\mathcal{E} = -L \frac{di}{dt}$$

$$\frac{di}{dt} = 2$$

$$\mathcal{E} = -8 \times 10^{-5} \times 2 = -16 \times 10^{-5} \text{ V}$$

(b) احسب مقدار التغير في التدفق المغناطيسي (الذاتي) لحقل الوشية في اللحظتين : $t_1 = 0$ ، $t_2 = 1 \text{ s}$.

$$\Phi = Li \quad \text{التدفق الذاتي}$$

$$\Delta\Phi = L \cdot \Delta i \Rightarrow \Delta\Phi = L (i_2 - i_1)$$

$$t_1 = 0 \Rightarrow i_1 = 6 + 2(0) \Rightarrow i_1 = 6 \text{ A}$$

$$t_2 = 1 \text{ s} \Rightarrow i_2 = 6 + 2(1) \Rightarrow i_2 = 8 \text{ A}$$

$$\Delta\Phi = 8 \times 10^{-5} (8 - 6)$$

$$\Delta\Phi = 16 \times 10^{-5} \text{ Weber}$$

(c) نمرر في سلك الوشية تياراً كهربائياً متواصلاً شدته 10 A بدل التيار السابق ، احسب الطاقة الكهربائية المخزنة في الوشية ..

$$E = \frac{1}{2} Li^2 = \frac{1}{2} \times 8 \times 10^{-5} \times 100 = 4 \times 10^{-3} \text{ J}$$

(3) على فرض أننا مررنا تيار كهربائي في الوشية فنشأ فيها حقل مغناطيسي $5 \times 10^{-3} \text{ T}$ ونحيط منتصف الوشية بملف دائري يتألف من 10 لفة معزولة مساحة كل منها $0,05 \text{ m}^2$ بحيث ينطبق محوره على محور الوشية ونصل طرفي الملف بمقياس غلفاني حيث تكون المقاومة الكلية لدارة الملف 5Ω ثم نجعل شدة التيار في الوشية تتناقص بانتظام لتتعدم خلال نصف ثانية والمطلوب: احسب شدة التيار المتحرض وحدد جهته

$$N = 10 \text{ لفة}$$

$$S = 5 \times 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$I = ? \quad R = 5 \Omega$$

$$t = 0,5 \text{ sec}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{N \Delta B S \cos \alpha}{\Delta t}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{N(B_2 - B_1)S}{\Delta t}$$

$$I_2 = 0 \Rightarrow B_2 = 0 \Rightarrow \text{تتناقص شدة التيار لتتعدم}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{10(0 - 5 \times 10^{-3})5 \times 10^{-2}}{5 \times 10^{-1}} \Rightarrow \mathcal{E} = 5 \times 10^{-3} \text{ Volt}$$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R} = \frac{5 \times 10^{-3}}{5} = 10^{-3} \text{ A}$$

وحسب لنز بما أن الحقل المتحرض متناقص فإن جهة التيار المتحرض مع جهة التيار المحرض

(1) تقرب من أحد وجهي الوشية القطب الشمالي لمغناطيس مستقيم وعندما تزداد شدة الحقل المغناطيسي الذي يخترق لفات الوشية بانتظام خلال

$$S = 20 \text{ cm}^2 = 20 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$0.5 \text{ s} \text{ من } 0.04 \text{ T} \text{ إلى } 0.06 \text{ T} \text{ : والمطلوب :}$$

a. ما نوع الوجه المقابل للقطب الشمالي ؟

الوجه المقابل للقطب الشمالي وجه شمالي .

(عند تقرب قطب مغناطيسي يعطي وجه مشابه وعند إبعاد قطب مغناطيسي يعطي وجه مخالف)

b. حدد على الرسم جهة كل من الحقلين المغناطيسي المحرض والمتحرض في الوشية وعين جهة التيار المتحرض

نلاحظ أن شدة الحقل المغناطيسي قد ازدادت وبالتالي يزداد التدفق

المحرض وبالتالي حسب لنز : $\Delta\Phi > 0$ محرض متزايد

\vec{B} محرض ، \vec{B}' متحرض على حامل واحد وبجهتين متعاكستين .

جهة التيار المتحرض بجهة أصابع يد يميني إبهامها يشير إلى الحقل

المتحرض الذي يعاكس الحقل المحرض لأنه متزايد.



c. احسب قيمة القوة المحركة الكهربائية المتحرضة المتولدة في الوشية

$$B_1 = 0.04 \text{ T} \quad , \quad B_2 = 0.06 \text{ T}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{N \Delta B S \cos \alpha}{\Delta t}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{N(B_2 - B_1)S}{\Delta t}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{200(0.06 - 0.04)20 \times 10^{-4}}{5 \times 10^{-1}} \Rightarrow \mathcal{E} = -16 \times 10^{-3} \text{ Volt}$$

d. احسب القيمة الجبرية لشدة التيار الكهربائي المتحرض المار في الوشية .

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R} = \frac{-16 \times 10^{-3}}{5} \Rightarrow I = -32 \times 10^{-4} \text{ A}$$

e. احسب ذاتية الوشية

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{l}$$

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{4 \times 10^4 \times 20 \times 10^{-4}}{\frac{2\pi}{5}} \Rightarrow L = 8 \times 10^{-5} \text{ H}$$

المسألة رقم «7» التيار المتناوب الجيبي + دارة مهتزة

(A) في دارة تيار متناوب تحوي على التسلسل مقاومة صرفة ($R = 15\Omega$) ومكثفة سعتها ($C = \frac{1}{2000\pi} F$) ونطبق على الدارة توتراً لحظياً يعطى بالعلاقة: $\bar{U} = 50\sqrt{2} \cos 100\pi t (V)$ والمطلوب:

(1) التوتر المنتج بين طرفي المأخذ وتواتر التيار.

(2) اتساعية لمكثفة.

$$u_{eff} = \frac{u_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{50\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 50 (V)$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{100\pi}{2\pi} = 50 Hz$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{100\pi \times \frac{1}{2000\pi}} \Rightarrow \boxed{X_C = 20\Omega}$$

(كل الممانعات واحدها Ω)

(3) احسب الممانعة الكلية للدارة

(4) احسب قيمة الشدة المنتجة الكلية واكتب تابع الشدة الكلية

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\frac{1}{\omega C}\right)^2} = \sqrt{225 + 400} = \sqrt{625} = 25 \Omega$$

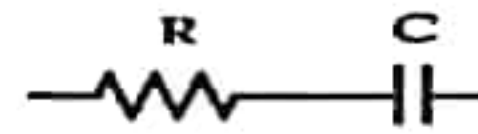
$$I_{eff} = \frac{u_{eff}}{Z} = \frac{50}{25} = 2 (A)$$

$$\bar{i} = I_{max} \cos(\omega t + \bar{\varphi})$$

$\bar{\varphi} = 0$ الوصل تسلسل I ثابت . $\omega = 100\pi \text{ rad.s}^{-1}$

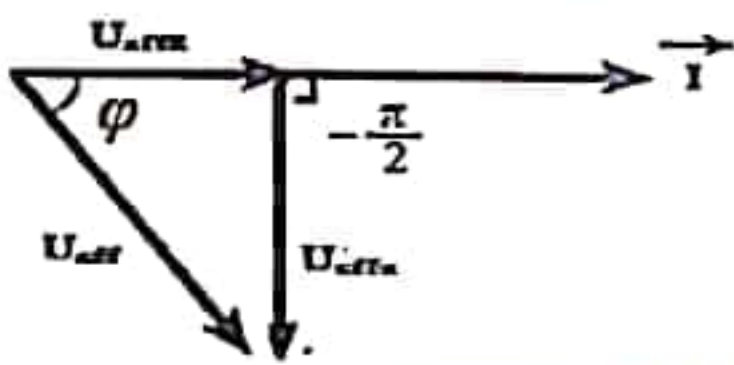
$$I_{max} = I_{eff} \cdot \sqrt{2} = 2\sqrt{2} A$$

$$\boxed{\bar{i} = 2\sqrt{2} \cos 100\pi t (A)}$$



(5) احسب قيمة التوتر المنتج بين طرفي المقاومة واكتب تابع التوتر فيها (معادلة التوتر) $U_{effR} = ?$, $\bar{U}_R = ?$

(6) احسب قيمة التوتر المنتج بين لبوسي المكثفة باستخدام انشاء فريزل واكتب تابع التوتر بين لبوسها . $U_{effC} = ?$, $U_C = ?$



$$U_{eff} = U_{effR} + U_{effC}$$

مثلث قائم: حسب فيثاغورث:

$$U_{eff}^2 = U_{effR}^2 + U_{effC}^2$$

$$2500 = 900 + U_{effC}^2$$

$$U_{effC}^2 = 2500 - 900 = 1600 \Rightarrow \boxed{U_{effC} = 40 V}$$

$$U_{effR} = R \cdot I_{eff} = 15 \times 2 = 30 V$$

$$\Rightarrow \bar{U}_R = U_{maxR} \cos(\omega t + \bar{\varphi}_R)$$

$\omega = 100\pi \text{ rad.s}^{-1}$. $\varphi_R = 0$

$$U_{maxR} = U_{effR} \cdot \sqrt{2} = 30\sqrt{2} V$$

$$\boxed{\bar{U}_R = 30\sqrt{2} \cos 100\pi t (V)}$$

إضافي: احسب قيمة الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدارة

$$P_{avg} = R \cdot I_{eff}^2$$

$$P_{avg} = 15 \times 4 = 60 \text{ Wat}$$

$$\Rightarrow \bar{U}_C = U_{maxC} \cos(\omega t + \bar{\varphi}_C)$$

$\omega = 100\pi \text{ rad.s}^{-1}$. $\varphi_C = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$

$$U_{maxC} = U_{effC} \cdot \sqrt{2} = 40\sqrt{2} V$$

$$\boxed{\bar{U}_C = 40\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{2}) V}$$

(8) احسب عامل استطاعة الدارة ($\cos \varphi = ?$)

(7) احسب الطاقة الحرارية المنتشرة عن المقاومة الصرفة خلال دقيقة

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} \Rightarrow \cos \varphi = \frac{15}{25} \Rightarrow \boxed{\cos \varphi = \frac{3}{5}}$$

$$E = P_{avgR} \cdot t$$

$$E = 60 \times 60 = 3600 J$$

(10) نعيد التواتر الأصلي $f = 50 \text{ Hz}$ ونضيف إلى المكثفة C في الدارة السابقة مكثفة جديدة C' مناسبة فيصبح عامل استطاعة الدارة يساوي الواحد.

(9) نضيف إلى الدارة السابقة على التسلسل وشيعة مهمة المقاومة فتبقى الشدة المنتجة للدارة نفسها، احسب ذاتية الشيعة ($L = ?$)

(a) ماذا نسمي هذه الحالة؟ نسمي هذه الحالة تجاوب كهربائي (طنين)

(b) احسب شدة التيار المار في الدارة . $I'_{eff} = \frac{U_{eff}}{R} = \frac{50}{15} = \frac{10}{3} A$

(c) احسب السعة المكافئة للمكثفتين وحدد طريقة الضم .

$$L \cdot \omega = \frac{1}{\omega C_{eq}} \Rightarrow C_{eq} = \frac{1}{L\omega^2} = \frac{1}{\frac{4}{10\pi} \times 10000\pi^2} = \frac{1}{4000\pi} F$$

$$C_{eq} = \frac{1}{4000\pi} F$$

$$C = \frac{1}{2000\pi} F$$

$C_{eq} < C \Rightarrow$ الوصل تسلسل

بقيت شدة التيار نفسها \Rightarrow بعد الاضافة $Z = Z$ قبل الاضافة

$$\sqrt{R^2 + X_C^2} = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

نربع الطرفين:

$$R^2 + X_C^2 = R^2 + (X_L - X_C)^2$$

ونختصر R^2 :

$$X_C^2 = (X_L - X_C)^2$$

نجدد الطرفين:

$$\pm X_C = X_L - X_C$$

إما: $-X_C = X_L - X_C \Rightarrow X_L = 0$ مرفوض

أو: $+X_C = X_L - X_C \Rightarrow \boxed{X_L = 2X_C}$

$$L\omega = 2X_C \Rightarrow L = \frac{2X_C}{\omega} = 2 \frac{20}{100\pi} \Rightarrow \boxed{L = \frac{4}{10\pi} H}$$

تصافي: بتغيير تواتر التيار في الدارة الأخيرة بحيث يحصل توافق بالطور بين شدة التيار والتوتر المطبق، احسب قيمة التواتر الجديد.

حالة طنين (تجاوب كهربائي)

$$\omega' L = \frac{1}{\omega' C} \Rightarrow \omega' = \sqrt{\frac{1}{LC}} = 2\pi f' = \sqrt{\frac{1}{LC}} \Rightarrow f' = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

$$f' = \frac{1}{2\pi\sqrt{\frac{4}{5\pi} \times \frac{1}{2000\pi}}} \Rightarrow \boxed{f' = \frac{\sqrt{5000}}{2} \approx 35.35 \text{ Hz}}$$

(11) إذا كانت المكثفة C مؤلفة من ضم عدة مكثفات متماثلة السعة كل منها $(C_1 = \frac{1}{2\pi} \times 10^{-4} F)$ حدد الطريقة التي تم بها ضم هذه المكثفات ثم احسب عددها n .

$$C_1 = \frac{1}{2\pi} \times 10^{-4} = \frac{1}{20000\pi} F, \quad C = \frac{1}{2000\pi} F$$

(الضم تفرع لأن $C > C_1$)

$$C = nC_1 \Rightarrow n = \frac{C}{C_1} = \frac{\frac{1}{2000\pi}}{\frac{1}{20000\pi}} \Rightarrow n = 10 \text{ مكثفة}$$

(12) نعيد ربط المكثفة $C = \frac{1}{2000\pi} F$ على التفرع مع الوشيعه $L = \frac{2}{5\pi} H$ بين طرفي المآخذ السابق والمطلوب:

(a) احسب كلاً من رديه الوشيعه واتساعية المكثفة

$$X_L = L\omega = L(2\pi f) = \frac{2}{5\pi} \times 2\pi \times 50 = 40\Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{(2\pi f)C} = \frac{1}{(2\pi \cdot 50) \cdot \frac{1}{2000\pi}} = 20\Omega$$

(b) احسب كل من الشدة المنتجة في كلا الفرعين.

$$I_{effL} = \frac{U_{eff}}{X_L} = \frac{50}{40} = \frac{5}{4} A$$

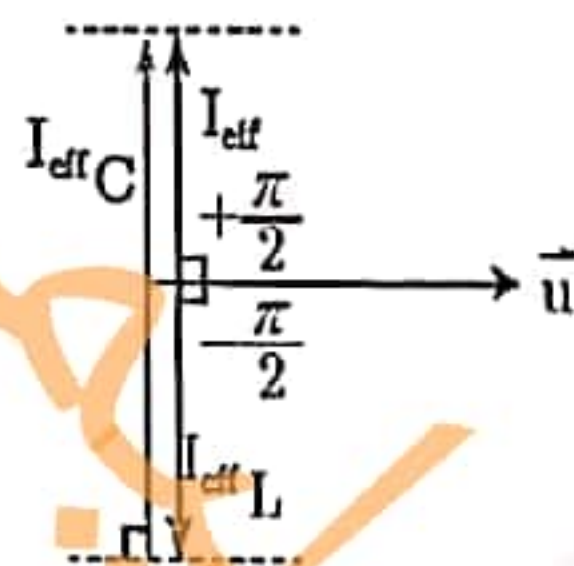
$$I_{effC} = \frac{U_{eff}}{X_C} = \frac{50}{20} = \frac{5}{2} A$$

(c) احسب الشدة المنتجة الكلية للدارة باستخدام إنشاء فرينل واكتب تابع الشدة:

$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{effL} + \vec{I}_{effC}$$

$$I_{eff} = I_{effC} - I_{effL}$$

$$I_{eff} = \frac{5}{2} - \frac{5}{4} = \frac{5}{4} (A)$$



تابع الشدة: $\bar{I} = I_{max} \cos(\omega t + \bar{\varphi})$

من الشكل: $\bar{\varphi} = +\frac{\pi}{2} \text{ rad}$

$$\omega = 100\pi \text{ rad} \cdot s^{-1}$$

$$I_{max} = I_{eff} \cdot \sqrt{2} = \frac{5}{4} \sqrt{2} A$$

$$\bar{I} = \frac{5}{4} \sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{2}\right) A$$

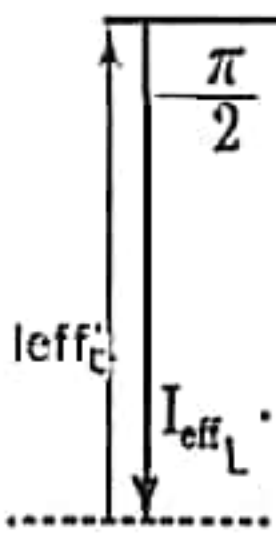
(d) برهن أن الشدة المنتجة الكلية تنعدم في الدارة عندما تتساوى رديه الوشيعه واتساعية المكثفة باستخدام إنشاء فرينل، وماذا تسمى هذه الحالة

$$X_L = X_C \Rightarrow I_{effL} = I_{effC}$$

$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{effL} + \vec{I}_{effC}$$

$$I_{eff} = I_{effC} - I_{effL} = 0$$

حالة خنق للتيار



(13) في تجربة الدارة المهتزة: نصل مكثفة سعتها $C = 1\mu F$ بتوتر كهربائي $U = 100V$ ثم نصابها على التسلسل بين طرفي وشيعه ذاتيتها $L = 10^{-3} H$ ومقاومتها مهملة

(a) اشرح ماذا يحدث عند وصل المكثفة بالوشيعه، ثم احسب التواتر الخاص للاهتزازات الكهربائية العارة فيها

تبدأ المكثفة المشحونة بتفريغ شحنتها في الوشيعه فينشأ تيار في الوشيعه ويزداد تدريجياً إلى أن يصل الشدة العظمى في نهاية ربع الدور الأول وتنعدم الشحنة في المكثفة فيتولد في الوشيعه قوة محرکه متحرضة وتخزن طاقة كهروطيسية

$E_L = \frac{1}{2} L I_{max}^2$ ومن ثم تلعب الوشيعه دور مولد على تضاد مع المكثفة فيبدأ التيار في الوشيعه بشحن المكثفة فينقص تدريجياً لتزداد شحنة المكثفة إلى أن ينعدم تيار الوشيعه فتصبح الشحنة عظمى في المكثفة بقوة أقل من بداية التفريغ وتخزن

المكثفة الطاقة على شكل طاقة كهربائية وشحن بالجهة المعاكسة $E_C = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C}$ وهكذا خلال أرباع الدور الباقية

* حساب تواتر الاهتزازات الكهربائية: (نحسب الدور وتقلبه)

$$T_0 = 2\pi\sqrt{L \cdot C} = 2\pi\sqrt{10^{-3} \times 10^{-6}} = 2\sqrt{\pi^2 \cdot 10^{-9}}$$

$$T_0 = 2\sqrt{10^{-8}} = 2 \times 10^{-4} \text{ sec}$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2 \times 10^{-4}} = \frac{1}{2} \times 10^4 \text{ Hz} \quad [f_0 = 5000 \text{ Hz}]$$

(b) اشرح ماذا يحدث عند وصل المكثفة بالتوتر، ثم احسب الشحنة الكهربائية q_{max} للمكثفة والطاقة المخزنة فيها

عند وصل المكثفة بالتوتر: تشحن المكثفة من خلال المولد:

$$C = 1 \times 10^{-6} F$$

$$\text{حساب شحنة المكثفة: } q_{max} = C \cdot U = 10^{-6} \times 10^2$$

$$\Rightarrow q_{max} = 10^{-4} C$$

$$\text{حساب الطاقة الكهربائية المخزنة: } E_C = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C}$$

$$E_C = \frac{1}{2} \times \frac{10^{-8}}{10^{-6}} = \frac{1}{2} \times 10^{-2} J$$

(c) احسب شدة التيار الأعظمي I_{max} المار في الدارة و اكتب التابع الزمني لكل من الشحنة و شدة التيار بدءاً من الشكل العام معتبراً بدء الزمن لحظة وصل المكثفة المشحونة بالوشيعه

$$\text{نحسب التردد الخاص: } \omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi \cdot 5000 = 10000\pi = \pi \times 10^4 \text{ rad/s}^{-1}$$

$$\text{شدة التيار الأعظمي: } I_{max} = \omega_0 q_{max} = \pi \times 10^4 \times 10^{-4} = \pi (A)$$

$$\text{تابع الشحنة: } \bar{q} = q_{max} \cos \omega_0 t \Rightarrow \bar{q} = 10^{-4} \cos \pi \times 10^4 t (C)$$

$$\text{تابع شدة التيار: } \bar{I} = I_{max} \cos\left(\omega_0 t + \frac{\pi}{2}\right) \Rightarrow \bar{I} = \pi \cos\left(\pi \cdot 10^4 t + \frac{\pi}{2}\right) A$$

المسألة رقم 8، التيار المتناوب الجيبي ، المحولة الكهربائية

(1) نطبق على دائرة توتر لحظي يعطى تابعه بالعلاقة: $\bar{u} = 120\sqrt{2}\cos 120\pi t (V)$ والمطلوب

(1) احسب التوتر المنتج بين طرفي المأخذ وتواتر التيار

$$\bar{u} = 120\sqrt{2}\cos 120\pi t (V)$$

$$U_{eff} = \frac{u_{max}}{\sqrt{2}} = 120 (V)$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = 60 \text{ Hz}$$

(2) نضع بين طرفي المأخذ مقاومة صرفة ، فيمر تيار شدته المنتجة 8A . احسب قيمة المقاومة الصرفة ، واكتب تابع الشدة اللحظية المارة فيها

$$I_{effR} = 6 (A) \quad R = ?$$

$$R = \frac{U_{eff}}{I_{effR}} = \frac{120}{6} = 20 \Omega$$

حساب المقاومة الصرفة: $R = 20 \Omega$

$$I_R = I_{maxR} \cos(\omega t + \varphi_R)$$

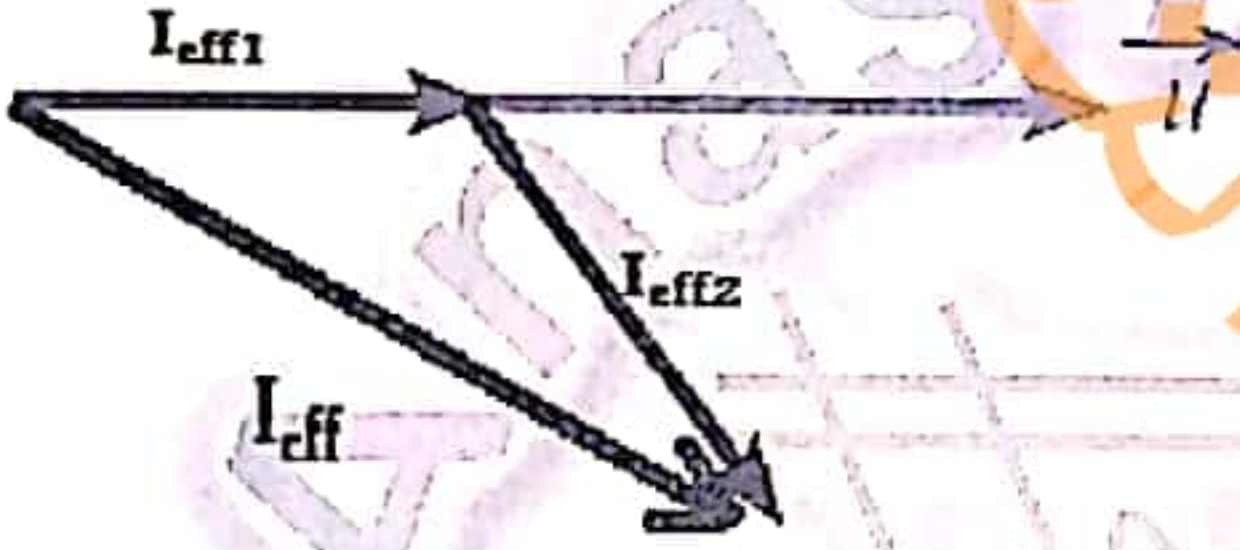
تابع الشدة في المقاومة

$$I_{maxR} = I_{effR} \sqrt{2} = 6\sqrt{2} A$$

$$\varphi = 0 \quad \omega = 120\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$I_R = 6\sqrt{2} \cos 120\pi t (A)$$

(4) احسب قيمة الشدة المنتجة في الدارة الأصلية باستخدام إنشاء فريزل



$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{eff1} + \vec{I}_{eff2}$$

نربع الطرفين ، علاقة التجيب :

$$I_{eff}^2 = I_{eff1}^2 + I_{eff2}^2 + 2I_{eff1}I_{eff2}\cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

$$I_{eff} = \sqrt{I_{eff1}^2 + I_{eff2}^2 + 2I_{eff1}I_{eff2}\cos(\varphi_2 - \varphi_1)}$$

$$I_{eff} = \sqrt{36 + 100 + 2 \times 10 \times 6 \times \frac{1}{2}}$$

$$I_{eff} = \sqrt{196} = 14 (A)$$

(3) نصل بين طرفي المقاومة في الدارة السابقة وشيعة عامل استطاعتها $\frac{1}{2}$ فيمر في الوشيعة تيار شدته المنتجة 10A ، احسب ممانعة الوشيعة ومقاومتها ورديتها والاستطاعة المستهلكة فيها ، ثم اكتب تابع الشدة اللحظية المار فيها

الوشيعة لها مقاومة $\Rightarrow \cos \varphi_2 = \frac{1}{2}$

$$I_{eff2} = 10 (A)$$

حساب ممانعة الوشيعة: $Z_2 = \frac{u_{eff}}{I_{eff2}} = \frac{120}{10} = 12 \Omega$

حساب مقاومة الوشيعة: $\cos \varphi_2 = \frac{r}{Z_2} \Rightarrow r = Z_2 \cdot \cos \varphi_2$

$$r = 12 \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow r = 6 \Omega$$

حساب ردية الوشيعة : من تحت الجذر

$$Z_2 = \sqrt{r^2 + (L\omega)^2} \Rightarrow Z_2^2 = r^2 + (L\omega)^2 \Rightarrow$$

$$(L\omega)^2 = Z_2^2 - r^2 \Rightarrow L\omega = \sqrt{Z_2^2 - r^2}$$

$$L\omega = X_L = \sqrt{144 - 36} = \sqrt{108} \Omega$$

حساب الاستطاعة المستهلكة في الوشيعة:

$$P_{avg2} = I_{eff2} \cdot u_{eff} \cos \varphi_2$$

$$= 10 \times 120 \times \frac{1}{2} = 600 (wat)$$

تابع الشدة اللحظية في الوشيعة:

$$i_2 = I_{max2} \cos(\omega_0 t + \varphi_2)$$

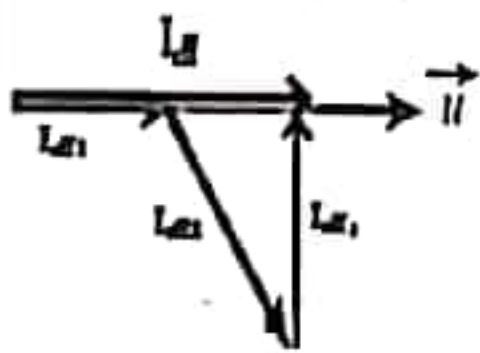
$$I_{max2} = I_{eff2} \sqrt{2} = 10\sqrt{2} (A)$$

$$\omega = 120\pi \text{ rad.s}^{-1} \quad \cos \varphi_2 = \frac{1}{2} \Rightarrow \varphi_2 = -\frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

الوصل تفرع نختار الزاوية $-\frac{\pi}{3}$

$$\bar{i}_2 = 10\sqrt{2} \cos(120\pi t - \frac{\pi}{3}) A$$

(6) ما سعة المكثفة الواجب ربطها على التفرع مع الأجهزة السابقة بحيث تصح الشدة المنتجة للدارة الأصلية على وفاق بالطور مع فرق الكمون الكلي عندما تعمل الأجهزة الثلاثة معاً.



$$X_c = \frac{u_{eff}}{I_{eff3}}$$

$$\sin \frac{\pi}{3} = \frac{I_{eff2}}{I_{eff3}} \Rightarrow I_{eff3} = I_{eff2} \sin \frac{\pi}{3}$$

$$I_{eff3} = 10 \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3} A$$

$$X_c = \frac{120}{5\sqrt{3}} = \frac{24}{\sqrt{3}} = 8\sqrt{3} \Omega$$

$$X_c = \frac{1}{\omega c} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega X_c} = \frac{1}{120\pi \cdot 8\sqrt{3}} = \frac{1}{960\pi\sqrt{3}} F$$

(5) احسب الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في جملة الفرعين وعامل استطاعة الدارة

$$P_{avg} = P_{avg1} + P_{avg2}$$

$$P_{avg} = I_{eff1} u_{eff} \cos \varphi_1 + I_{eff2} u_{eff} \cos \varphi_2$$

$$P_{avg} = 6 \times 120 \times 1 + 10 \times 120 \times \frac{1}{2}$$

$$P_{avg} = 1320 (wat)$$

حساب معامل استطاعة الدارة (لاتنس ريات التفرع محروقين)

$$P_{avg} = u_{eff} I_{eff} \cos \varphi$$

$$\cos \varphi = \frac{P_{avg}}{u_{eff} I_{eff}} = \frac{1320}{120 \times 14} = \frac{66}{6 \times 14} = \frac{11}{14}$$

المحولة الكهربائية

في تجربة يبلغ عدد لفات أولية محولة كهربائية $N_p = 125$ لفة وعدد لفات ثانويتها $N_s = 375$ لفة، والتوتر اللحظي بين طرفي الثانوية يُعطى بالمعادلة:
$$\bar{u}_s = 120\sqrt{2}\cos 100\pi t (V)$$

(1) احسب نسبة التحويل، ثم بين إن كانت المحولة رافعة للتوتر أم خافضة له.

$$\mu = \frac{N_s}{N_p} = \frac{375}{125} = 3$$

نسبة التحويل: $\mu = 3$

(2) المحولة رافعة للتوتر خافضة للتيار لأن $N_s > N_p$
احسب قيمة التوتر المنتج بين طرفي الدارة الثانوية و الأولية.

♥ التوتر المنتج بين طرفي الدارة الثانوية: من التابع المعطى:

$$U_{effs} = \frac{U_{maxs}}{\sqrt{2}} = \frac{120\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \Rightarrow U_{effs} = 120 \text{ volt}$$

♥ التوتر المنتج بين طرفي الدارة الأولية: من نسبة التحويل

$$\mu = \frac{U_{effs}}{U_{effp}} \Rightarrow U_{effp} = \frac{U_{effs}}{\mu} = \frac{120}{3} = 40 \text{ volt}$$

(3) فصل طرفي الدارة الثانوية بمقاومة $R = 30\Omega$ ، احسب قيمة كلا من الشدتين المنتجتين للتيار في الدارتين الثانوية والأولية

♥ حساب تيار الثانوية: $I_{effs} = \frac{U_{effs}}{R} = \frac{120}{30} = 4A$

هي نفسها شدة التيار المنتجة في المقاومة الصرفة: $I_{effR} = 4A$

♥ حساب تيار الأولية: من نسبة التحويل:

$$\mu = \frac{I_{effp}}{I_{effs}} \Rightarrow I_{effp} = \mu \cdot I_{effs} = 3 \times 4 = 12A$$

(4) فصل على التفرع مع المقاومة السابقة وشيعة مهملة المقاومة، فيفرع

في فرع الوشيعة تيار شدته المنتجة $I_{effL} = 3A$

(a) احسب ردية الوشيعة، ثم اكتب التابع الزمني لشدة التيار المار في الوشيعة

♥ ردية الوشيعة: $X_L = \frac{U_{effs}}{I_{effL}} = \frac{120}{3} = 40\Omega$

♥ التابع الزمني لشدة التيار في فرع الوشيعة: $\bar{i}_L = I_{maxL} \cos(\omega t + \varphi_L)$

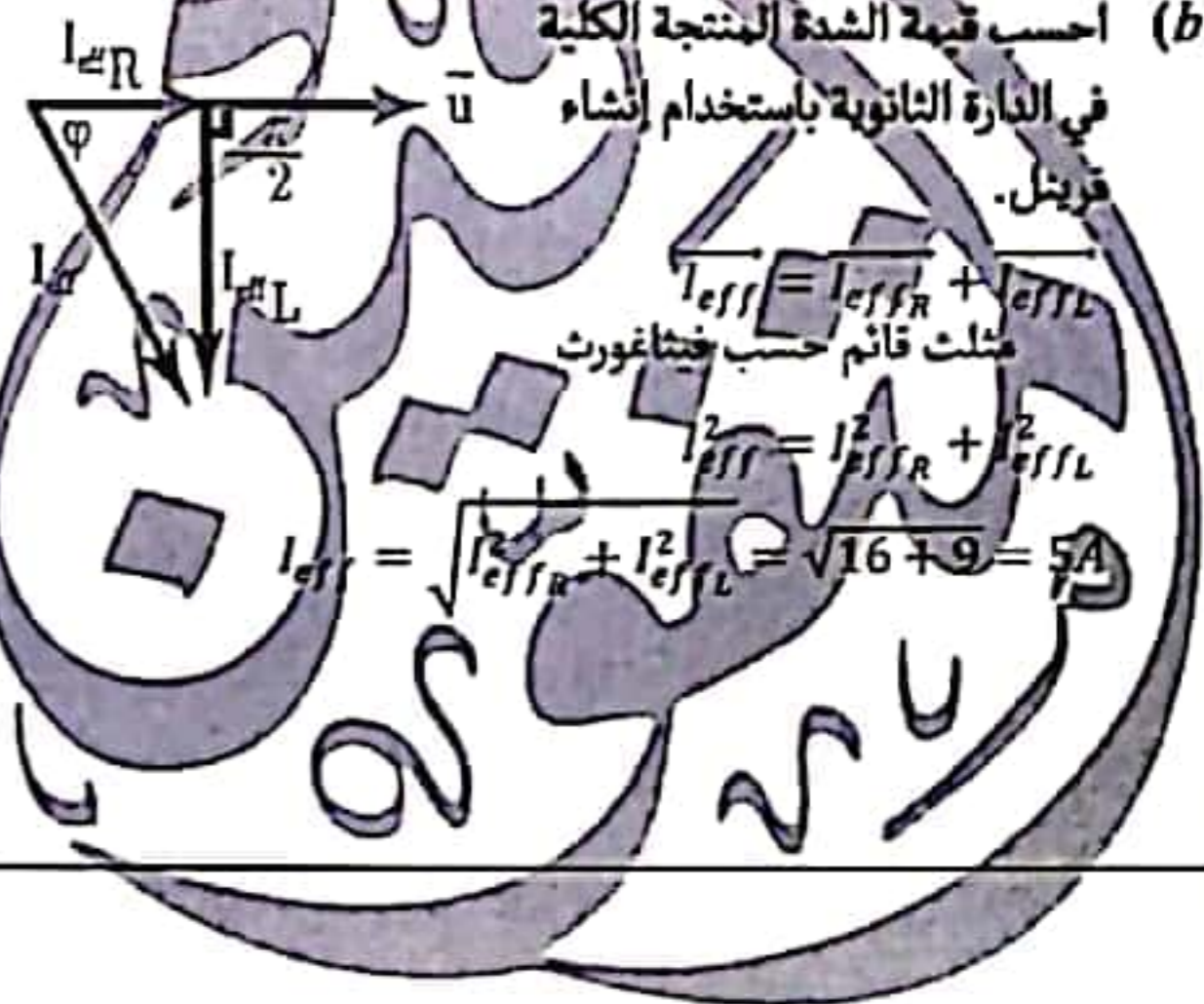
$$I_{maxL} = I_{effL} \sqrt{2} \Rightarrow I_{maxL} = 3\sqrt{2} (A)$$

$$\varphi_L = -\frac{\pi}{2} \text{ rad} \quad \omega = 100\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\bar{i}_L = 3\sqrt{2} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{2}\right) (A)$$

(b) احسب قيمة الشدة المنتجة الكلية

في الدارة الثانوية باستخدام إنشاء فرينل.



(c) احسب قيمة الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدارة الثانوية، وعامل استطاعة الدارة.

♥ الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدارة $P_{avg} = P_{avgR} + P_{avgL}$

$$P_{avg} = I_{effR} U_{eff} \cos \varphi_R + I_{effL} U_{eff} \cos \varphi_L$$

$$P_{avg} = 4 \times 120 \times 1 + 3 \times 120 \times 0$$

$$P_{avg} = 480 \text{ (wat)}$$

♥ حساب عامل استطاعة الدارة: $P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi$

$$\cos \varphi = \frac{P_{avg}}{U_{eff} I_{eff}} = \frac{480}{120 \times 5} = \frac{4}{5} = 0.8$$

(5) نرفع الوشيعة السابقة ونصل على التفرع مع المقاومة السابقة مكثفة سعتها

$$I_{effs} = 5A \quad C = \frac{1}{4000\pi} F$$

(a) احسب اتساعية المكثفة

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{100\pi \cdot \frac{1}{4000\pi}} = 40\Omega$$

(b) احسب قيمة الشدة المنتجة في فرع المكثفة باستخدام إنشاء فرينل واكتب التابع الزمني للشدة اللحظية في هذا الفرع

$$\bar{i}_{eff} = \bar{i}_{effR} + \bar{i}_{effC}$$

مثلت قائم حسب فيثاغورث

$$I_{eff}^2 = I_{effR}^2 + I_{effC}^2$$

$$I_{effC}^2 = I_{eff}^2 - I_{effR}^2 \Rightarrow I_{effC} = \sqrt{I_{eff}^2 - I_{effR}^2}$$

$$\Rightarrow I_{effC} = \sqrt{25 - 16} = 3A$$

♥ التابع الزمني للشدة اللحظية في هذا الفرع $\bar{i}_C = I_{maxC} \cos(\omega t + \varphi_C)$

$$I_{maxC} = I_{effC} \sqrt{2} \Rightarrow I_{maxC} = 3\sqrt{2} (A)$$

$$\varphi_C = +\frac{\pi}{2} \text{ rad} \quad \omega = 100\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\bar{i}_C = 3\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{2}\right) (A)$$

(6) نرفع المكثفة ونضع بدل منها وشيعة لها مقاومة ونضع طلبات مثل الطلبات المسألة الثالثة درس المحولة الكهربائية

لو طلب الاستطاعة الكلية الضائعة حرارياً $P' = P'_p + P'_s$
الاستطاعة الضائعة حرارياً في الدارة الأولية $P'_p = R_p \cdot I_{effp}^2$
الاستطاعة الضائعة حرارياً في الدارة الثانوية $P'_s = R_s \cdot I_{effs}^2$

المسألة رقم «9» أمواج ومزامير

(A) خيط مرن (وتر مشدود) أفقي طوله $1m$ وكتلته $10g$ ، نربط أحد طرفيه برنانة كهربائية شعبتها أفقيتان تواترها $50 Hz$ ، ونشد الخيط على محز بكرة بنقل مناسب لتكون نهايته مقيدة، فإذا علمت أن طول الموجه المتكونة $40cm$ ، المطلوب:

(1) ما عدد المهارل المتكونة على طول الخيط ثم احسب البعد بين بطنين متتاليين والبعد بين بطن وعقدة ؟

(2) احسب السعة بنقطة تبعد $20cm$ ثم بنقطة تبعد $30cm$ عن النهاية المقيدة للخيط إذا كانت سعة اهتزاز المنبع $Y_{max}=1cm$.

نقطة الأولى على بعد $2 \times 10^{-1}m$ عن النهاية العقيدة

$$Y_{max} = 10^{-2}m$$

$$Y_{max_{n1}} = 2Y_{max} \left| \sin \frac{2\pi}{\lambda} x \right|$$

$$Y_{max_{n1}} = 2(10^{-2}) \sin \left| \frac{2\pi}{4 \times 10^{-1}} \times 2 \times 10^{-1} \right|$$

$$Y_{max_{n1}} = 0 \Rightarrow n_1 \text{ عقدة اهتزاز}$$

النقطة الثانية على بعد $3 \times 10^{-1}(m)$ عن النهاية المقيدة

$$Y_{max_{n2}} = 2Y_{max} \left| \sin \frac{2\pi}{\lambda} x \right|$$

$$Y_{max_{n2}} = 2(10^{-2}) \cdot \sin \left| \frac{2\pi \times 3 \times 10^{-1}}{4 \times 10^{-1}} \right|$$

$$Y_{max_{n2}} = 2 \times 10^{-2}(m) \Rightarrow n_2 \text{ بطن اهتزاز}$$

$$L = 1(m) \quad m = 10^{-2}kg$$

$$f = 50HZ \quad \lambda = 4 \times 10^{-1}$$

$$L = n \frac{\lambda}{2} \Rightarrow n = \frac{2L}{\lambda}$$

$$n = \frac{2 \times 1}{4 \times 10^{-1}} = 5$$

البعد بين بطنين/عقدتين متتاليين $\frac{\lambda}{2} = 2 \times 10^{-1}(m)$

البعد بين عقدة وبطن $\frac{\lambda}{4} = 1 \times 10^{-1}(m)$

(4) احسب التواترات الخاصة لمدرجاته الثلاثة الأولى.

(3) احسب الكتلة الخطية للخيط، واحسب قوة شد (قد يعطينا قوة الشدة ويطلب سرعة الانتشار) هذا الخيط وسرعة انتشار الاهتزاز فيه

$$f = \frac{n v}{2L}$$

$$n = 1 \Rightarrow f_1 = \frac{1}{2(1)} \times 20 = 10(Hz) \text{ المدرج الأول (الأساسي)}$$

$$n = 2 \Rightarrow f_2 = \frac{2}{2(1)} \times 20 = 20(Hz) \text{ المدرج الثاني}$$

$$n = 3 \Rightarrow f_3 = \frac{3}{2(1)} \times 20 = 30(Hz) \text{ المدرج الثالث}$$

حساب الكتلة الخطية:

$$\mu = \frac{m}{L} = \frac{10^{-2}}{1} = 10^{-2}(kg \cdot m^{-1})$$

حساب قوة الشد

$$f = \frac{n v}{2L} \Rightarrow f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \Rightarrow f^2 = \frac{n^2 F_T}{4L^2 \mu}$$

$$2500 = \frac{25 \times F_T}{4 \times 1 \times 10^{-2}} \Rightarrow F_T = 4N$$

حساب سرعة الاهتزاز

$$v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} = \sqrt{\frac{4}{10^{-2}}} = \sqrt{400} = 20(m \cdot s^{-1})$$

(6) نجعل طول الوتر نصف ما كان عليه، هل تتغير كتلته الخطية باعتبار أنه متجانس ؟

(5) احسب قوة شد الخيط التي تجعله يهتز بمغزلين، وحدد أبعاد العقد والبطون عن النهاية المقيدة في هذه الحالة.

$$l' = \frac{L}{2} \Rightarrow m' = \frac{m}{2} \text{ (فرضاً)}$$

$$\mu' = \frac{m'}{L'} = \frac{\frac{m}{2}}{\frac{L}{2}} = \frac{m}{L} = \mu$$

لا تتغير كتلته الخطية بها أن الوتر متجانس

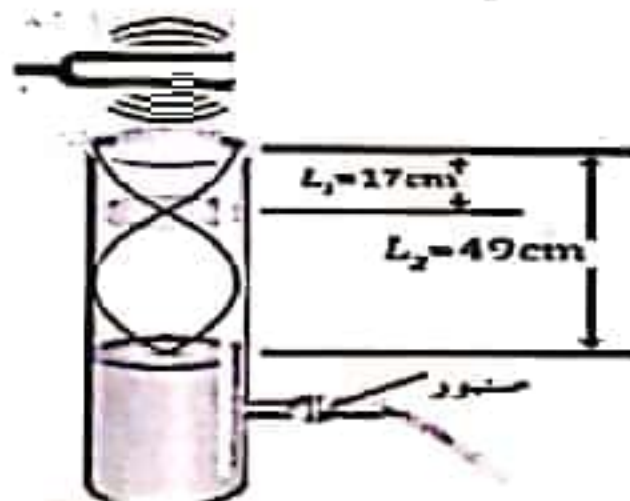
إضافي للطلب D من هذه المسألة:

أنبوب أسطوانتي مملوء بالماء وله صنوبر عند قاعدته، تهتز رنانة فوق طرفه العلوي المفتوح، وعند إنقاص مستوى الماء في الأنبوب، سمع صوت شديد يبعد مستوى الماء فيه عن طرفه العلوي بمقدار $L_1 = 17 cm$ ، وباستمرار إنقاص مستوى الماء سمع صوت شديد ثان يبعد مستوى الماء فيه عن طرفه العلوي بمقدار $L_2 = 49 cm$ ، فإذا علمت أن سرعة انتشار الصوت في شروط التجربة السابقة $v = 340 m \cdot s^{-1}$ ، احسب تواتر الرنانة المستخدمة.

$$\Delta L = L_2 - L_1 = 0.49 - 0.17 = 0.32 m$$

$$0.32 = \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = 0.64 m \quad \Delta L = \frac{3\lambda}{4} - \frac{\lambda}{4} \Rightarrow \Delta L = \frac{\lambda}{2} \Rightarrow$$

$$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{340}{0.64} \approx 531.25 Hz$$



من أجل مغزلين: $n = 2$

حساب قوة الشد

$$f = \frac{n v}{2L} \Rightarrow f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \Rightarrow f^2 = \frac{n^2 F_T}{4L^2 \mu}$$

$$2500 = \frac{4 \cdot F_T}{4 \cdot 1 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow F_T = 25N$$

في حالة المغزلين (أي لدينا ثلاث عقد وبتنين اهتزاز العقد):

$$\lambda = \frac{2L}{n} = \frac{2 \cdot 1}{2} = 1 m$$

$$x = n \frac{\lambda}{2}$$

$$x_1 = \frac{\lambda}{2} (0) = 0 \Leftrightarrow n = 0 \text{ العقدة الأولى}$$

$$x_2 = \frac{\lambda}{2} (1) = \frac{1}{2} m \Leftrightarrow n = 1 \text{ العقدة الثانية}$$

$$x_3 = \frac{\lambda}{2} (2) = 1 m \Leftrightarrow n = 2 \text{ العقدة الثالثة}$$

$$x = (2n + 1) \frac{\lambda}{4} \text{ معادلة البطنون}$$

$$x = (2(0) + 1) \frac{1}{4} = \frac{1}{4} (m) \Leftrightarrow n = 0 \text{ البطن الأول}$$

$$x = (2(1) + 1) \frac{1}{4} = \frac{3}{4} (m) \Leftrightarrow n = 1 \text{ البطن الثاني}$$

(B) مزمار ذو فم ونهايته مفتوحة طوله $L=3m$ فيه هواء درجة حرارته $0^{\circ}C$ حيث سرعة انتشار الصوت فيه $v = 330m.s^{-1}$ وتواتر الصوت الصادر $f=110Hz$

(1) أحسب طول الموجة المتكونة وعدد أطوال الموجة و البعد بين بطنين متتالين، ثم استنتج رتبة الصوت.

(2) نسخن مزمار إلى درجة $819^{\circ}C$ ، احسب سرعة انتشار الصوت عند هذه الدرجة ثم استنتج طول الموجة المتكونة ليصدر المزمار الصوت السابق نفسه.

ليصدر الصوت نفسه أي نفس التواتر $f=110Hz$

♥ سرعة انتشار الصوت: $v_1 = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}} \cdot v_2$

♥ $\frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{T_2}{T_1}} \Rightarrow v_2 = \sqrt{\frac{T_2}{T_1}} \cdot v_1$

♥ $v_2 = \sqrt{\frac{273+819}{273+0}} \cdot 330 = \sqrt{\frac{1092}{273}} \cdot 330 = \sqrt{4} \cdot 330$

♥ $\Rightarrow v_2 = 660m.s^{-1}$

♥ طول الموجة المتكونة: $\lambda_2 = \frac{v_2}{f} = \frac{660}{110} = 6(m)$

مزمار ذو فم ونهاية مفتوحة \Rightarrow متشابه الطرفين

♥ طول الموجة المتكونة: $\lambda = \frac{v}{f} = \frac{330}{110} = 3(m)$

♥ عدد أطوال الموجة = $\frac{\text{طول المزمار}}{\text{طول الموجة}} = \frac{3}{3} = 1$ طول موجة

♥ البعد بين بطنين متتالين $\frac{\lambda}{2} = \frac{3}{2} = 1.5(m)$

♥ حساب رتبة الصوت $n: n = \frac{2L}{\lambda} = \frac{2 \times 3}{3} = 2$

♥ هنا قد يعطينا رتبة الصوت n ويطلب طول الموجة λ :

$L = n \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = \frac{2L}{n}$

(3) احسب طول المزمار آخر ذي فم، نهايته مغلقة يحوي الهواء في الدرجة $0^{\circ}C$ تواتر مدروجه الثالث يساوي تواتر الصادر عن المزمار السابق

(4) إذا تكوّنت عقدة واحدة في منتصف المزمار في الدرجة $0^{\circ}C$ فاحسب تواتر الصوت البسيط عندئذ

الدرجة $(0^{\circ}C) \Rightarrow v = 330m.s^{-1}$

الصوت البسيط $n = 1$

♥ $f = \frac{n \cdot v}{2L} = \frac{1 \times 330}{2 \times 3} \Rightarrow f = 55 Hz$

لو طلب التواتر عند ال درجة $819^{\circ}C$ كما عوضنا السرعة $v = 660m.s^{-1}$

مختلف $L' = ? \Rightarrow f' = (2n-1) \frac{v}{4L'} \Rightarrow L' = (2n-1) \frac{v}{4f'}$

$(0^{\circ}C) \Rightarrow v = 330m.s^{-1}$ ، $(2n-1) = 3$ المدروج الثالث

يساوي تواتر المزمار السابق: مختلف $f = f'$ متشابه $110Hz$

$L' = (2n-1) \frac{v}{4f'} \Rightarrow L' = \frac{330 \times 3}{110 \times 4} = \frac{9}{4} = 2,25 m$

(C) مزمار ذو فم نهايته مغلقة يحوي غاز الأكسجين سرعة انتشار الصوت فيه $324m.s^{-1}$ يصدر صوتاً أساسياً تواتره $162Hz$.

(2) نستبدل بغاز الأكسجين في المزمار غاز الهيدروجين في درجة الحرارة نفسها، احسب سرعة انتشار الصوت في غاز الهيدروجين ثم احسب تواتر الصوت الأساسي الذي يصدره هذا المزمار في هذه الحالة. ($H = 1 \quad O = 16$)

♥ حساب سرعة انتشار الصوت في غاز الهيدروجين $v_2 = \sqrt{\frac{D_1}{D_2}} \cdot v_1$

♥ $M_{H_2} = 2, M_{O_2} = 32 \Rightarrow D_1 = \frac{M_1}{29} = \frac{32}{29} \quad D_2 = \frac{M_2}{29} = \frac{2}{29}$

♥ $v_2 = \sqrt{\frac{32}{29} \times 324} = \sqrt{16} \times 324 \Rightarrow v_2 = 4 \times 324 = 1296(m.s^{-1})$

♥ حساب التواتر: للصوت الأساسي $(2n-1) = 1$

♥ $f_2 = (2n-1) \frac{v_2}{4L} = 1 \times \left(\frac{1296}{4 \times \frac{1}{2}} \right) = 648Hz$

(1) احسب طول الموجة المتكونة وطول هذا المزمار

♥ طول الموجة: $\lambda = \frac{v}{f} = \frac{324}{162} = 2(m)$

♥ حساب طول هذا المزمار: $L = ?$

فم+نهاية مغلقة \Rightarrow مختلف

$v = 324(m.s^{-1}) \quad f = 162(Hz) \quad (2n-1) = 1$

$f = (2n-1) \frac{v}{4L} \Rightarrow L = (2n-1) \frac{v}{4f}$

$L = 1 \frac{324}{4(162)} = \frac{1}{2}(m)$

(D) عمود هوائي طوله $L = 2m$ سرعة انتشار الصوت في الهواء $v = 330 m.s^{-1}$

(2) احسب تواتر الصوت الأساسي (أصغر تواتر يحدث عند التجاوب، الرنين الأول) ومن ثم تواتر المدروج الثالث الذي يصدره إذا كان العمود مفتوحاً.

تواتر العمود الهوائي المفتوح (متشابه الطرفين): $f = \frac{nv}{2L}$

صوت أساسي $n = 1$

تواتر الصوت الأساسي: $f = \frac{1 \times 330}{2 \times 2} \Rightarrow f = \frac{330}{4} Hz$

مدروج ثالث: $n = 3$

تواتر المدروج الثالث: $f = \frac{3 \times 330}{2 \times 2} \Rightarrow f = \frac{990}{4} Hz$

القوة الضاغطة تساوي الضغط ضرب مساحة المسطح $F = P.S$

(1) احسب تواتر الصوت الأساسي (أصغر تواتر يحدث عند التجاوب، الرنين الأول) ومن ثم تواتر المدروج الثالث الذي يصدره إذا كان العمود مغلقاً (قناة سمعية)

تواتر العمود الهوائي المغلق (مختلف الطرفين): $f = (2n-1) \frac{v}{4L}$

صوت أساسي $(2n-1) = 1$

تواتر الصوت الأساسي: $f = 1 \times \frac{330}{4 \times 2} \Rightarrow f = \frac{330}{8} Hz$

مدروج ثالث: $(2n-1) = 3$

تواتر المدروج الثالث: $f = 3 \times \frac{330}{4 \times 2} \Rightarrow f = \frac{990}{8} Hz$

البعد بين صوتين شديدين متتالين (رئيين متعاقبين): $\frac{\lambda}{2}$

(3) حدد البعد الذي يحدث عنده الرنين الأول عندما تهتز رنانة تواترها $f = \frac{330}{4} Hz$ فوق العمود الهوائي المغلق

البعد الذي يحدث عنده الرنين الأول هو $L_1 = ?$ وإن تواتر العمود الهوائي المغلق (مختلف الطرفين) الرنين الأول: $f = (2n-1) \frac{v}{4L_1}$

$(2n-1) = 1 \Rightarrow f = \frac{v}{4L_1} \Rightarrow L_1 = \frac{v}{4f} \Rightarrow L_1 = \frac{330}{4 \times \frac{330}{4}} = 1 m$

تم شرح المنهاج كاملاً على قناة اليوتيوب أسامة أحمد فيزياء

المسألة رقم «10» الموانع

(A) يتدفق الماء عبر مضخة حيث: $\rho_{H_2O} = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$, $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ $v_1=15 \text{ m.s}^{-1}$ $z=20 \text{ m}$ $S_1=20 \text{ cm}^2$ $S_2=60 \text{ cm}^2$

2. احسب العمل الميكانيكي اللازم لضخ 100L من الماء إلى الارتفاع $Z = 7 \text{ m}$

1. احسب P_1 ، v_2 السرعة عند المقطع S_2 والضغط عند المقطع S_1
علماً أن: $P_2 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$

حساب العمل الميكانيكي: $W = -m g z + (P_1 - P_2)\Delta V$
 $m = \rho V = 1000 \times 100 \times 10^{-3} = 100 \text{ kg}$
 $W = -100 \times 10 \times 7 + (2 \times 10^5 - 1 \times 10^5)100 \times 10^{-3}$
 $W = -7 \times 10^3 + 1 \times 10^4 = -7000 + 10000 \Rightarrow W = 3000 \text{ J}$

الاستمرارية $S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2 = \text{const} \Rightarrow v_2 = \frac{S_1}{S_2} \cdot v_1$

$v_2 = \frac{20}{60} \times 15 = 5 \text{ m.s}^{-1}$

لحساب P_2 نطبق معادلة برنولي: $P + \frac{1}{2}\rho v^2 + \rho g Z = \text{const}$

$P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g Z_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g Z_2$

$P_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 - \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g Z_2 - \rho g Z_1$

$P_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho(v_2^2 - v_1^2) + \rho g(Z_2 - Z_1)$

$P_1 = 10^5 + \frac{1}{2}(1000)(25 - 225) + 1000 \times 10(20)$

$P_1 = 100000 - 100000 + 200000$

$P_1 = 200000 = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$

3. احسب قيمة فرق الضغط $P_1 - P_2$ عند $Z = 5 \text{ m}$

نطبق معادلة برنولي: $P + \frac{1}{2}\rho v^2 + \rho g Z = \text{const}$

$P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g Z_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g Z_2$

$P_1 - P_2 = \frac{1}{2}\rho v_2^2 - \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g Z_2 - \rho g Z_1$

$P_1 - P_2 = \frac{1}{2}\rho(v_2^2 - v_1^2) + \rho g(Z_2 - Z_1)$

$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \times 1000(25 - 225) + 1000(10)(5)$

$P_1 - P_2 = -100000 + 50000 = -50000 \text{ pa}$

(B) يفرغ خزان (مضخة) ماء حجمه 8 m^3 بمعدل ضخ $0.04 \text{ m}^3.\text{s}^{-1}$

2. سرعة خروج الماء من فتحة الخزان عبر أنبوب مقطعه 100 cm^2

1. احسب الزمن اللازم لتفريغ الخزان

$Q' = S \cdot v$

$v = \frac{Q'}{S} = \frac{4 \times 10^{-2}}{10^{-2}} \Rightarrow v = 4 \text{ m.s}^{-1}$

$Q' = \frac{V}{\Delta t} \rightarrow \Delta t = \frac{V}{Q'}$

$\Rightarrow \Delta t = \frac{8}{4 \times 10^{-2}} \Rightarrow \Delta t = 200 \text{ s}$

4. احسب معدل التدفق الحجمي إذا استغرقت عملية التفريغ 100sec

3. سرعة تدفق الماء من فتحة الخرطوم إذا نقص مقطعها ليصبح نصف ما كان عليه.

$Q' = \frac{V}{\Delta t} = \frac{8}{100} \Rightarrow Q' = 0,08 \text{ m}^3.\text{s}^{-1}$

$S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2$

$S_2 = \frac{1}{2} S_1 \Rightarrow S_1 \cdot v_1 = \frac{1}{2} S_1 v_2$

$\Rightarrow v_2 = 2v_1 \Rightarrow v_2 = 2 \times 4 = 8 \text{ m.s}^{-1}$

تنويه: يوجد ورقيات تشمل نظري مادة الفيزياء كاملاً سؤال وجواب للدورة المكثفة

للمدرس أنس أحمد

تحصل عليها من مؤسسة المتفوقين التربوية

دمشق - حلبوني هاتف: 2214115

أو المكتبة الأدبية حلبوني هاتف 2235567

تنويه: تستطيع مشاهدة فيديوهات لشرح منهاج الفيزياء كاملاً وحل مسائل الكتاب

على قناة اليوتيوب أو تلغرام في البحث عن اسم: (أنس أحمد فيزياء)

المسألة رقم 11 النسبية

نوابت بحطالة بالمسألة ، سرعة الضوء : $c = 3 \times 10^8 m.s^{-1}$

سافر رائد فضاء في مركبة فضائية لها شكل مستطيل إلى أحد كواكب المجرة وفق مسار مستقيم ، بحيث يكون شعاع سرعة المركبة دوماً موازياً لطول المركبة فتسجل أجهزة المركبة المسافة القياسات الآتية : طول المركبة $100m$ ، عرض المركبة $25 m$ ، المسافة المقطوعة : 4 سنة ضوئية ، زمن الرحلة $\frac{8}{\sqrt{3}}$ سنة المطلوب

(1) احسب كلاً من سرعة المركبة وطولها وعرضها أثناء الرحلة ، والمسافة التي قطعتها وزمن الرحلة وفق قياسات المحطة الأرضية المعطيات بالنسبة للمركبة للمسافة (المراقب الداخلي) سجلت القياسات الآتية طول المركبة $L'_0 = 100m$ عرض المركبة $d_0 = 25 m$ ، المسافة المقطوعة : $L' = 4c$ سنة ضوئية ، زمن الرحلة $t_0 = \frac{8}{\sqrt{3}}$ سنة المطلوب : السرعة ، طول المركبة L ، عرض المركبة d ، المسافة المقطوعة L' ، زمن الرحلة t

بالنسبة للمراقب الخارجي (المحطة الأرضية)

♥ حساب v السرعة :

$$v = \frac{\text{المسافة المقطوعة}}{\text{الزمن}} = \frac{L'}{t_0} = \frac{4c}{\frac{8}{\sqrt{3}}} \Rightarrow v = \frac{\sqrt{3}}{2} c$$

♥ حساب γ :

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{3}{4}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{4}}} = 2$$

♥ طول المركبة بالنسبة للمراقب الخارجي (المحطة الأرضية) يتقلص لأن شعاع السرعة موازياً له :

$$L = \frac{L_0}{\gamma} = \frac{100}{2} = 50m$$

♥ عرض المركبة يبقى نفسه ولا يتغير لأن شعاع السرعة موازياً لطول المركبة أي :

$$d = d_0 = 25 m$$

♥ مسافة الرحلة المقطوعة بالنسبة للمراقب الخارجي :

$$L' = \frac{L'_0}{\gamma} \Rightarrow L'_0 = \gamma \cdot L' = 2 \times 4 = 8 \text{ light years}$$

♥ زمن الرحلة بالنسبة للمراقب الخارجي (المحطة الأرضية) يتمدد :

$$t = \gamma \cdot t_0 = 2 \times \frac{8}{\sqrt{3}} = \frac{16}{\sqrt{3}} \text{ years}$$

(2) درس رائد الفضاء الكتلة السكونية لجسيم $m_0 = 9 \times 10^{-31} kg$ ، وفي أحد التجارب كانت طاقته الكلية تساوي ثلاثة أضعاف طاقته السكونية.

(a) احسب الطاقة السكونية للجسيم وطاقته الكلية .

$$E_0 = m_0 c^2$$

$$E_0 = m_0 c^2 = 9 \times 10^{-31} \times (3 \times 10^8)^2$$

$$E_0 = 9 \times 10^{-31} \times 9 \times 10^{16} = 81 \times 10^{-15} J$$

$$E = 3E_0 = 3 \times 81 \times 10^{-15} = 243 \times 10^{-15} J$$

(b) احسب قيمة γ : من الفرض : $E = 3E_0$

$$mc^2 = 3m_0 c^2 \xrightarrow{m = \gamma m_0} \gamma m_0 = 3m_0 \xrightarrow{\text{بالاختصار}} \gamma = 3$$

(c) احسب كتلته أثناء حركته خلال التجربة (في الميكانيك النسبي)

$$m = \gamma m_0 = 3 \times 9 \times 10^{-31} \Rightarrow m = 27 \times 10^{-31} kg$$

(d) احسب سرعة الجسيم في هذه التجربة.

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \xrightarrow{\text{نربع الطرفين}} \gamma^2 = \frac{1}{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

$$\gamma^2 \left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right) = 1 \Rightarrow \gamma^2 - \frac{\gamma^2 v^2}{c^2} = 1$$

$$\frac{\gamma^2 v^2}{c^2} = \gamma^2 - 1 \xrightarrow{\text{نعزل } v^2} v^2 = \frac{(\gamma^2 - 1)c^2}{\gamma^2}$$

$$v^2 = \frac{(9-1)c^2}{9} \Rightarrow v = \frac{2\sqrt{2}}{3} c$$

$$v = \frac{2\sqrt{2}}{3} \times 3 \times 10^8 \Rightarrow v = 2\sqrt{2} \times 10^8 m.s^{-1}$$

(e) احسب الطاقة الحركية لهذا الجسيم وفق الميكانيك النسبي

$$E_k = E - E_0 = 3E_0 - E_0 = 2E_0$$

$$E_k = 2E_0 = 2 \times 81 \times 10^{-15} = 162 \times 10^{-15} J$$

(f) احسب كمية الحركة وفق الميكانيك الكلاسيكي ثم وفق الميكانيك النسبي

كلاسيكياً : لا تتغير الكتلة بين حالتي السكون والحركة أي : $p = m_0 v$

$$p = 9 \times 10^{-31} \times 2\sqrt{2} \times 10^8 \Rightarrow p = 18\sqrt{2} \times 10^{-23} kg.m.s^{-1}$$

نسبياً : تزداد الكتلة m_0 عند الحركة وتصبح m فتكون كمية حركته :

$$p = mv = \gamma m_0 v = 3 \times 9 \times 10^{-31} \times 2\sqrt{2} \times 10^8$$

$$\Rightarrow p = 54\sqrt{2} \times 10^{-23} kg.m.s^{-1}$$

مسألة : يفرض أن أخوين توأمين أحدهما رائد فضاء طار بسرعة قريبة من سرعة الضوء في الغلاء $v = \frac{\sqrt{899}}{30} c$ ، وبقي رائد الفضاء في رحلته سنة واحدة وفق ميقاثة يحملها ، فما الزمن الذي أنتظره أخوه التوأم على الأرض ليعود رائد الفضاء من رحلته ؟

زمن الذي سجلته الميقاثة التي يحملها رائد الفضاء : $t_0 = 1 \text{ year}$

زمن الذي سجلته المراقب الخارجي للرحلة (الأخ التوأم الذي بقي على الأرض) t

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{899}{900}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{900}}} = \sqrt{900} = 30$$

أي أن الأخ التوأم انتظر ثلاثين عاماً حتى انتهت رحلة أخيه التوأم التي استغرقت بالنسبة له عاماً واحداً. $t = 30 \times 1 = 30 \text{ year}$

المسألة رقم 12، الكترنيات

ثوابت معطاة بالمسألة، سرعة الضوء: $C = 3 \times 10^8 m.s^{-1}$ ثابت بلانك: $h = 6.6 \times 10^{-34} = 66 \times 10^{-35} J.s$
شحنة الإلكترون: $e = 1.6 \times 10^{-19} = 16 \times 10^{-20} (C)$ كتلة الإلكترون: $m_e = 9 \times 10^{-31} (kg)$

(A) نطبق فرقا في الكمون، قيمته $V = 720 (V)$ بين اللبوسين الشاقولين لمكثفة مستوية، ندخل إلكتروننا ساكنا في نافذة اللبوس السالب
استنتج العلاقة المحددة لسرعة هذا الإلكترون عندما يخرج من نافذة مقابلة لللبوس الموجب _ بإهمال ثقل الإلكترون _ ثم احسب قيمتها

عند دخول الإلكترون من النافذة فإنه يخضع لقوة كهربائية F محمولة على الحقل الكهربائي وتعاكسه بالاشارة
بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

الوضع الأول: لحظة ترك المهبط (اللبوس السالب) بدون سرعة ابتدائية
الوضع الثاني: لحظة الوصول للمصعد (اللبوس الموجب)

$$\begin{aligned} \Delta E_K &= \sum W_{\vec{F}} \\ E_K - E_{K_0} &= W_{\vec{F}} \\ \frac{1}{2} m_e v^2 &= \vec{F} \cdot d \\ \frac{1}{2} m_e v^2 &= e E \cdot d \\ \frac{1}{2} m_e v^2 &= e U \end{aligned}$$

يمكن استخدام نظرية الطاقة الحركية
راسم الأهرارز - الأشعة المهبطية
الأشعة السينية - الكترونات مسرعة

$$v^2 = \frac{2eU}{m_e} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2eU}{m_e}} = \sqrt{\frac{2 \times 16 \times 10^{-20} \times 720}{9 \times 10^{-31}}} \Rightarrow v = 16 \times 10^6 (m.s^{-1})$$

(B) على فرض أن الإلكترون الأفقي يتحرك بسرعة $4 \times 10^4 km.s^{-1}$ ليُدخل بهذه السرعة لحظة بدء خضوعه لتأثير اللبوسين الأفقيين لمكثفة مشحونة يبعدان عن بعضهما $2cm$ بينهما فرق الكمون $10^3 (V)$

(1) احسب شدة الحقل الكهربائي المنتظم بين لبوسي المكثفة.

(2) احسب شدة القوة الكهربائية التي يخضع لها الإلكترون بإهمال ثقله.

$$v_0 = 4 \times 10^7 (m.s^{-1}) \quad d = 2 \times 10^{-2} (m) \quad U = 10^3 (V)$$

$$U = E \cdot d \Rightarrow E = \frac{U}{d} = \frac{10^3}{2 \times 10^{-2}} = 5 \times 10^4 (V.m^{-1})$$

$$F = eE = 16 \times 10^{-20} \times 5 \times 10^4 = 8 \times 10^{-15} (N)$$

(3) استنتج معادلة حامل مسار الإلكترون المتحرك بين لبوسي المكثفة

(4) حساب شدة الحقل المغناطيسي المعامد للحقل الكهربائي المتولد بين لبوسي المكثفة الذي يجعل الإلكترون يتحرك بحركة مستقيمة منتظمة ...

$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{F} = m \cdot \vec{a}$
نسط على \vec{Ox} $0 = m_e \cdot a_x \Rightarrow a_x = 0$
 \Rightarrow الحركة مستقيمة منتظمة
 $x = V_0 t + x_0 \Rightarrow x = vt$ (1)
نسط على OY
 $F = m_e \cdot a_y \Rightarrow a_y = \frac{eE}{m_e} = CONST$
الحركة متغيرة بانتظام
 $y = \frac{1}{2} a_y t^2$ (2)
 $y = \frac{1}{2} \frac{eE}{m_e} t^2$
نزل الزمن من (1) ونعوض في (2):
 $t = \frac{x}{v} \Rightarrow y = \frac{1}{2} \frac{eE}{m_e} \frac{x^2}{v^2}$
 $E = \frac{U}{d} \Rightarrow y = \frac{1}{2} \frac{e \cdot U \cdot x^2}{m_e \cdot v^2 \cdot d}$
 $y = \frac{1 \times 16 \times 10^{-20} \times 10^3}{2 \times 9 \times 10^{-31} \times 16 \times 10^6 \times 2 \times 10^{-2}} \cdot x^2$
 $y = \frac{25}{9} x^2$
حامل مسار الإلكترون يمثل قطع مكافئ

حقل مغناطيسي \hookrightarrow قوة مغناطيسية
حقل كهربائي \hookrightarrow قوة كهربائية
 $\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}$
حركته مستقيمة منتظمة $\hookrightarrow a=0$
 $\sum \vec{F} = \vec{0} \Rightarrow$
لورنتز $F = F_{\text{كهربائية}}$
 $eE = evB \sin \frac{\pi}{2}$
 $B = \frac{E}{v} = \frac{5 \times 10^4}{4 \times 10^7} = \frac{5}{4} \times 10^{-3} (T)$

(C) خلية ضوئية (حجيرة كهروضوئية)، يتكون المهبط فيها من صفيحة من السيزيوم حيث تساوي عتبة طول الموجة اللازم لانتزاع الإلكترون $\lambda_s = 6600 \text{Å}$

(2) احسب عدد الالكترونات الصادرة عن المهبط في الثانية إذا كانت شدة التيار $16mA$

(1) احسب الطاقة اللازمة لانتزاع الالكترون، وما الشرط الذي يجب أن يحققه طول موجة الضوء لتعمل الحجيرة الكهروضوئية

$$q = \left\{ \begin{array}{l} It \\ N_e \end{array} \right. \Rightarrow It = Ne$$

$$N = \frac{It}{e} = \frac{16 \times 10^{-3} \times 1}{16 \times 10^{-20}} = 10^{17} \text{ إلكترون}$$

$$\lambda_0 = 66 \times 10^2 \text{Å} = 66 \times 10^2 \times 10^{-10} = 66 \times 10^{-8} (m)$$

$$E_s = hf_s = h \frac{c}{\lambda_s}$$

$$E_s = 66 \times 10^{-35} \times \frac{3 \times 10^8}{66 \times 10^{-8}} \Rightarrow E_s = 8 \times 10^{-19} J$$

شرط عمل الحجيرة الكهروضوئية: $\lambda \leq \lambda_s \Rightarrow \lambda \leq 66 \times 10^{-8} m$

(3) نعرض الخلية لحزمة ضوئية بطول موجة $\lambda = 4400 \text{ \AA}$ فيجري انتزاع الكترونات، احسب الطاقة الحركية والسرعة العظمى لكل الكترون منتزع

$$p = \frac{h}{\lambda} = \frac{66 \times 10^{-35}}{44 \times 10^{-8}} = \frac{6}{4} \times 10^{-27} = 1.5 \times 10^{-27} \text{ kg.m.s}^{-1}$$

(5) احسب قيمة كمون الإيقاف

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:
الوضع الأول: عند المهبط بسرعة عظمى الوضع الثاني: قبيل المصدر بسرعة معدومة

$$\Delta E_k = \sum W_F \Rightarrow E_{k_2} - E_{k_1} = W_F$$

$$0 - E_{k_1} = e(-U_0) \Rightarrow U_0 = \frac{E_{k_1}}{e} = \frac{1.5 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} = 0.9 \text{ V}$$

$$E_k = E - E_s \Rightarrow E_k = hf - E_s$$

$$E_k = h \cdot \frac{c}{\lambda} - E_s$$

$$E_k = \frac{66 \times 10^{-35} \times 3 \times 10^8}{44 \times 10^{-8}} - 3 \times 10^{-19} = \frac{18}{4} \times 10^{-19} - 3 \times 10^{-19}$$

$$E_k = (4.5 - 3) \times 10^{-19} \Rightarrow E_k = 1.5 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$E_k = \frac{1}{2} m_e v^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2E_k}{m_e}} = \sqrt{\frac{1.5 \times 10^{-19}}{9 \times 10^{-31}}}$$

$$v = \frac{\sqrt{1.5}}{3} \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$$

(D) يعمل أنبوب لتوليد الأشعة السينية بفرق كمون $8 \times 10^4 \text{ volt}$ حيث يصدر الإلكترون عن المهبط بسرعة معدومة عملياً.

(2) احسب قيمة التواتر الأعظمي للأشعة السينية الصادرة وطول الموجة الموافق لذلك التواتر (أقصر طول موجة للأشعة السينية الصادرة)

(1) استنتج بالرموز الطاقة الحركية لأحد الإلكترونات لحظة وصوله لمقابل المهبط (صفحة البلاطين)، وسرعة الإلكترون لحظة اصطدامه بالهدف

$$E = E_k$$

$$h \cdot f_{max} = e \cdot U$$

$$f_{max} = \frac{e \cdot U}{h} = \frac{16 \times 10^{-20} \times 8 \times 10^4}{66 \times 10^{-35}} = 19.4 \times 10^{18} \text{ Hz}$$

$$f_{max} = \frac{c}{\lambda_{min}} \Rightarrow \lambda_{min} = \frac{c}{f_{max}}$$

$$\lambda_{min} = \frac{3 \times 10^8}{19.4 \times 10^{18}} = 0.155 \times 10^{-10} \text{ m}$$

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين
الوضع الأول: لحظة تركه المهبط دون سرعة ابتدائية
الوضع الثاني: لحظة الوصول للمصدر

$$\Delta E_k = \sum W_F \Rightarrow \Delta E_k = W_F = F \cdot d \Rightarrow$$

$$E_k - E_{k_0} = e \cdot E \cdot d \Rightarrow E_k = e \cdot U$$

$$E_k = 16 \times 10^{-20} \times 8 \times 10^4 = 128 \times 10^{-16} \text{ J}$$

$$v = \sqrt{\frac{2eU}{m_e}} = \sqrt{\frac{2 \times 16 \times 10^{-20} \times 8 \times 10^4}{9 \times 10^{-31}}} = \frac{16}{3} \cdot 10^{12.5} \text{ m.s}^{-1}$$

(E) إذا علمت أن طاقة تآين جزئيات الهواء هي $E' = 10 \text{ eV}$ ، اوجد المسار الحر الوسطي (L) للإلكترون في الهواء علماً أن $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ، وأن الاتقارغ الشروري يظهر عندما تصل شدة الحقل الكهربائي إلى $E = 3 \times 10^6 \text{ V/m}$

نحول طاقة التآين E' المعبطة من eV إلى J $E' = 10 \times 1.6 \times 10^{-19} = 16 \times 10^{-19} \text{ J}$

طول المسار الحر الوسطي: $L = \frac{U}{E}$ - حقل كهربائي

$$E' = eU \Rightarrow U = \frac{E'}{e} = \frac{16 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} = 10 \text{ V}$$

$$L = \frac{U}{E} = \frac{10}{3 \times 10^6} = \frac{1}{3} \times 10^{-5} \text{ m}$$

(F) احسب الطاقة المتحررة وطول موجة الإشعاع الصادر عندما يبط إلكترون من السوية الثالثة ذات الطاقة $E_3 = -1.51 \text{ eV}$ إلى السوية الثانية ذات الطاقة $E_2 = -3.4 \text{ eV}$

$$\Delta E = E_{2\text{تر}} - E_{3\text{تر}} = (-3.4) - (-1.51) = -1.89 \text{ eV}$$

$$\Delta E = -1.89 \times 1.6 \times 10^{-19} = -3.024 \times 10^{-19} \text{ J} \Rightarrow \Delta E = 3.024 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$\Delta E = hf = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{\Delta E} = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{3.024 \times 10^{-19}} = 6.6 \times 10^{-7} \text{ m}$$

(G) يخضع إلكترون يتحرك بسرعة $8 \times 10^3 \text{ km.s}^{-1}$ إلى تأثير حقل مغناطيسي منتظم ناظمي على شعاع شدته $B = 5 \times 10^{-3} \text{ T}$ ، المطلوب:

3. استنتج العلاقة المحددة لنصف اتقارغ لهذا المسار، واحسب قيمته حيلة المقارنة: خارجية

الحيلة المدروسة: الإلكترون يتحرك بسرعة $\vec{v} \perp \vec{B}$

القوى الخارجية المؤثرة \vec{F} المغناطيسية، تقل الإلكترون W ومهمل لعصره أمام اقوة المغناطيسية

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

بالاستناد على الشاظم:

$$F_{\text{لورنتز}} = m \cdot a_c \Rightarrow e \cdot v \cdot B \cdot \sin \frac{\pi}{2} = m \frac{v^2}{r}$$

$$r = \frac{mv}{eB} = \frac{9 \times 10^{-31} \times 8 \times 10^6}{16 \times 10^{-20} \times 5 \times 10^{-3}} \Rightarrow r = 9 \times 10^{-3} \text{ m}$$

4. احسب دور الحركة

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi \times 9 \times 10^{-3}}{8 \times 10^6} \Rightarrow T = \frac{9\pi}{4} \times 10^{-9} \text{ S}$$

1. احسب شدة القوة المغناطيسية

$$v = 8 \times 10^3 \text{ km.s}^{-1} = 8 \times 10^3 \times 10^3 = 8 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$$

$$F = e \cdot v \cdot B \cdot \sin \theta$$

$$F = 1.6 \times 10^{-19} \times 8 \times 10^6 \times 5 \times 10^{-3} \times 1$$

$$F = 6.4 \times 10^{-15} \text{ N}$$

2. برهن أن حركة الإلكترون ضمن المنطقة التي يسدها الحقل المغناطيسي هي حركة دائرية منتظمة

$$\sum \vec{F} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{F} = m_e \vec{a}$$

$$e \vec{v} \wedge \vec{B} = m_e \vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \frac{e}{m_e} \vec{v} \wedge \vec{B}$$

من خواص الجداء الشعاعي: $\vec{a} \perp \vec{B}$ ، $\vec{a} \perp \vec{v}$

بما أن \vec{v} محمول على المماس و $\vec{a} \perp \vec{v}$ فالتسارع محمول على الناظم أي أنه تسارع ناظمي فحركة الإلكترون ضمن المنطقة التي يسودها الحقل المغناطيسي هي حركة دائرية منتظمة

المسألة رقم 13 الفيزياء الفلكية

نوابت معطاة بالمسألة ، سرعة الضوء : $C = 3 \times 10^8 m.s^{-1}$ ثابت هابل $H_0 = 68 kg.s^{-1}/Mpc$. الفرسخ الفلكي $pc = 3.26 ly$
سافر رائد فضاء في مركبة فضائية إلى أحد كواكب المجرة باعتبار لهذا الكوكب شكل كروي قطره $6800 km$ وكتلته $M = 6.4 \times 10^{23} kg$ وثابت الجاذبية العام $G = 6.673 \times 10^{-11} N.m^2 kg^{-2}$

$$H_0 = \frac{68 \times 10^3 m.s^{-1}}{10^6 \times 3.26 \times 3 \times 10^8 \times 365.25 \times 24 \times 3600 m}$$

$$H_0 = \frac{68 \times 10^3 s^{-1}}{10^6 \times 3 \times 10^{16}} = \frac{68}{3} \times 10^{-19} s^{-1}$$

نعوض في قانون هابل :

$$d = \frac{v'}{H_0} = \frac{15 \times 10^6}{\frac{68}{3} \times 10^{-19}} \Rightarrow d = \frac{45}{68} \times 10^{25} m$$

وهو بعد تلك المجرة عنا .
4. باعتبار لهذا الكوكب شكل كروي قطره $6800 km$ وكتلته $6.4 \times 10^{23} kg$
1. احسب سرعة الإفلات من جاذبية المريخ .
2. لو ضغط المريخ حتى أصبح ثقبا أسودا . فاحسب نصف قطر المريخ عندئذ .

الحل:

1- $E_k = E_p$
 $\frac{1}{2}mv^2 = F_G \cdot r$
 $\frac{1}{2}mv^2 = G \frac{mM}{r^2} r \Rightarrow v^2 = \frac{2GM}{r}$
 $v = \sqrt{\frac{2GM}{r}} = \sqrt{\frac{2 \times 6.673 \times 10^{-11} \times 6.4 \times 10^{23}}{3400 \times 10^3}} \Rightarrow v = 15.5 \times 10^3 m.s^{-1}$

في سرعة الإفلات من جاذبية المريخ .
2- حسب فرض شذرنز شبيك $v^2 = \frac{2GM}{r} \Rightarrow c^2 = \frac{2GM}{r} \Rightarrow r = \frac{2GM}{c^2}$
 $r = \frac{2 \times 6.673 \times 10^{-11} \times 6.4 \times 10^{23}}{(3 \times 10^8)^2} \Rightarrow r = 9.3 \times 10^{-4} m$

أي يجب أن يصبح المريخ بحجم كرة نصف قطرها أقل من واحد ميلي متر .

1. احسب سرعة الإفلات من جاذبية هذا الكوكب

$$E_k = E_p$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = F_G \cdot r$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = G \frac{mM}{r^2} r \Rightarrow v^2 = \frac{2GM}{r}$$

$$v = \sqrt{\frac{2GM}{r}} = \sqrt{\frac{2 \times 6.673 \times 10^{-11} \times 6.4 \times 10^{23}}{3400 \times 10^3}} \Rightarrow v = 15.5 \times 10^3 m.s^{-1}$$

في سرعة الإفلات من جاذبية هذا الكوكب

2. لو ضغط الكوكب حتى أصبح ثقبا أسودا . فاحسب نصف قطره عندئذ .

$$v^2 = \frac{2GM}{r} \Rightarrow c^2 = \frac{2GM}{r} \Rightarrow r = \frac{2GM}{c^2}$$

$$r = \frac{2 \times 6.673 \times 10^{-11} \times 6.4 \times 10^{23}}{(3 \times 10^8)^2} \Rightarrow r = 9.3 \times 10^{-4} m$$

أي يجب أن يصبح الكوكب بحجم كرة نصف قطرها أقل من واحد ميلي متر

3. على فرض أن المحطة الأرضية قامت بالانزياح في طول موجة الهيدروجين لتلك المجرة فكان 5% مما كان عليه . احسب بعد تلك المجرة .

نحسب بعد المجرة من قانون هابل : $v' = H_0 d \Rightarrow d = \frac{v'}{H_0}$

• يجب حساب سرعة الانزياح v' حسب تأثير دوبلر :

$$\lambda' = \left(1 + \frac{v'}{c}\right) \lambda \Rightarrow \lambda' - \lambda = \frac{v'}{c} \lambda \Rightarrow \Delta \lambda = \frac{v'}{c} \lambda$$

$$\frac{\Delta \lambda}{\lambda} = \frac{v'}{c}$$

نعوض نصل إلى :

من الفرض الانزياح في طول الموجة : $\frac{\Delta \lambda}{\lambda} = 5\% = 5 \times 10^{-2}$

$$5 \times 10^{-2} = \frac{v'}{3 \times 10^8} \Rightarrow v' = 15 \times 10^6 m.s^{-1}$$

• يجب حساب ثابت هابل من وحدات التوليفة :

$$H_0 = \frac{68 km.s^{-1}}{Mpc}$$

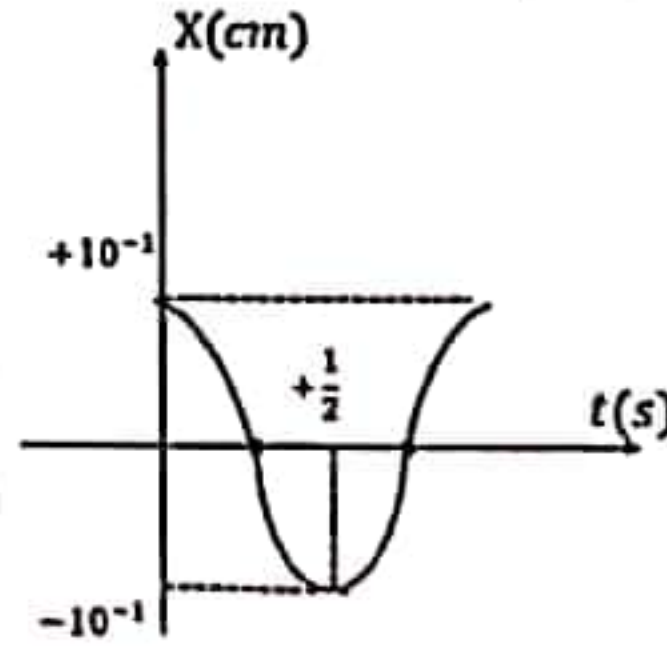
$$H_0 = \frac{68 \times 10^3 m.s^{-1}}{10^6 \times 3.26 light year}$$

القادم في جلسة المراجعة
قبل الامتحان بإيام
محبكم : أنس أحمد

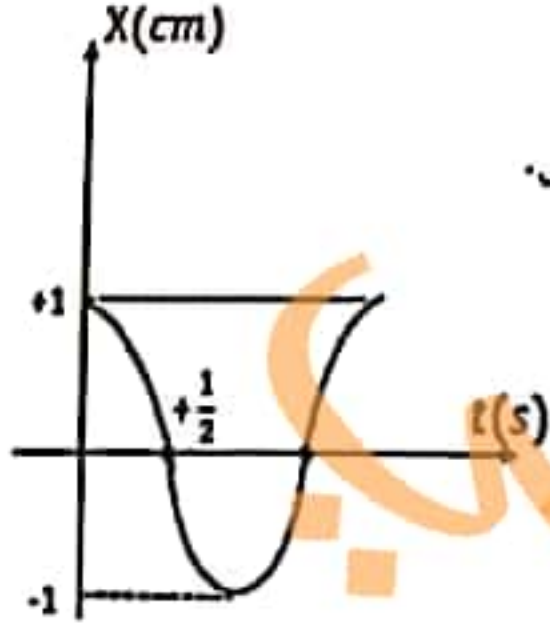


سؤال الخطوط البيانية

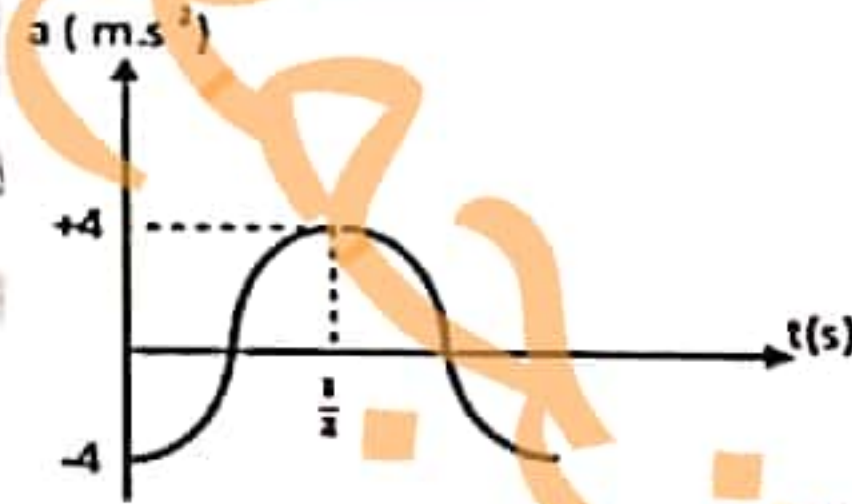
1) يمثل الخط البياني تابع الممتل للنواس المرن استنتج من هذا المنحني :
الدور الخاص للحركة ونبعتها وسعتها
السرعة العظمى (طويلة)
التابع الزمني للمتلاها .
التابع الزمني للسرعة .



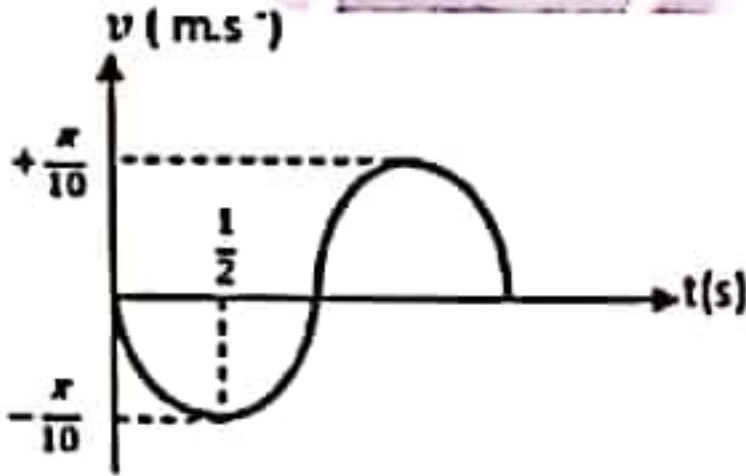
2) اقرأ الخط البياني استنتج من هذا المنحني :
ماذا يمثل الخط البياني .
التابع الزمني للممتل .
عين زمن مرور الجسم بوضع التوازن للمرة الأولى .



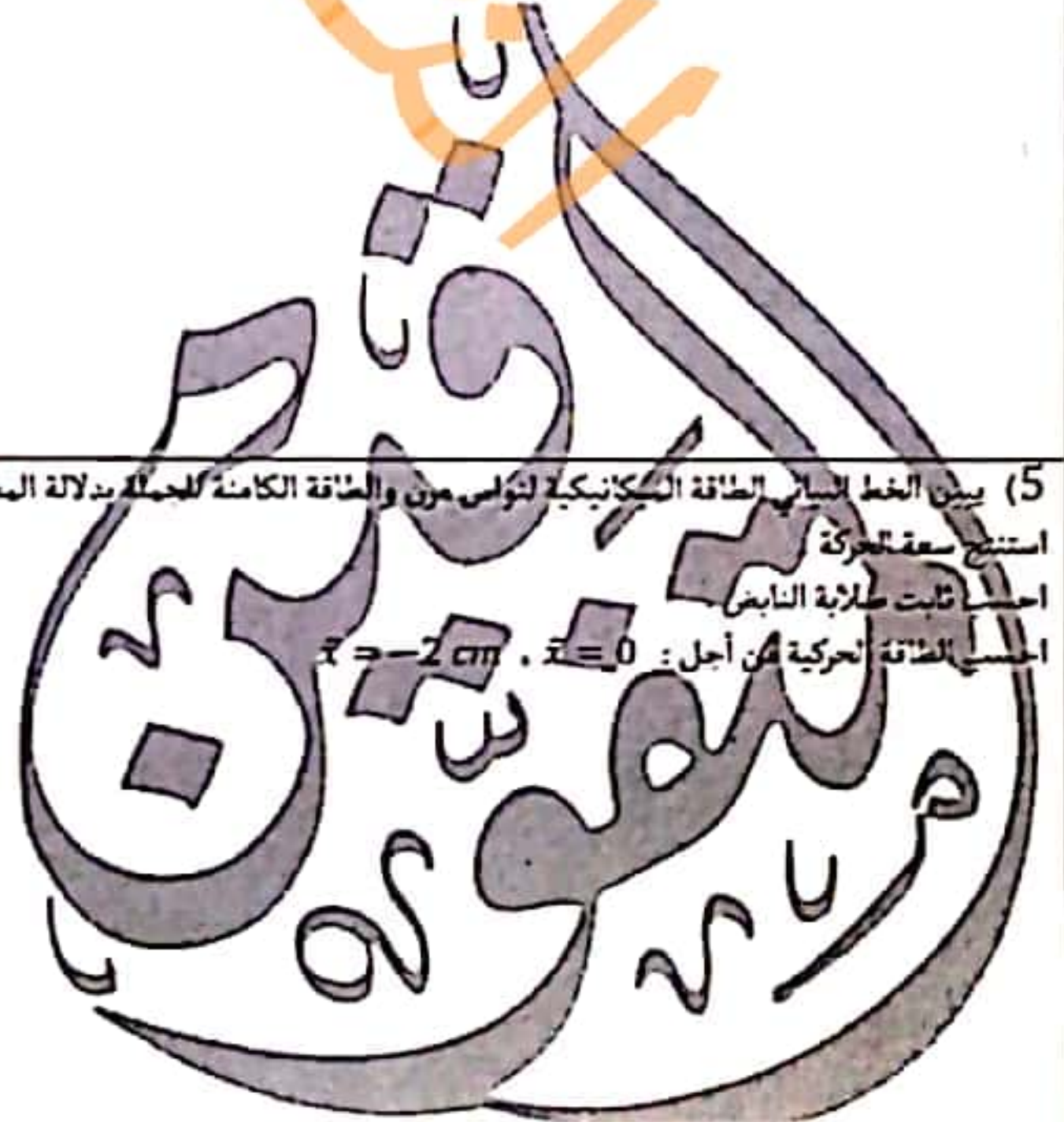
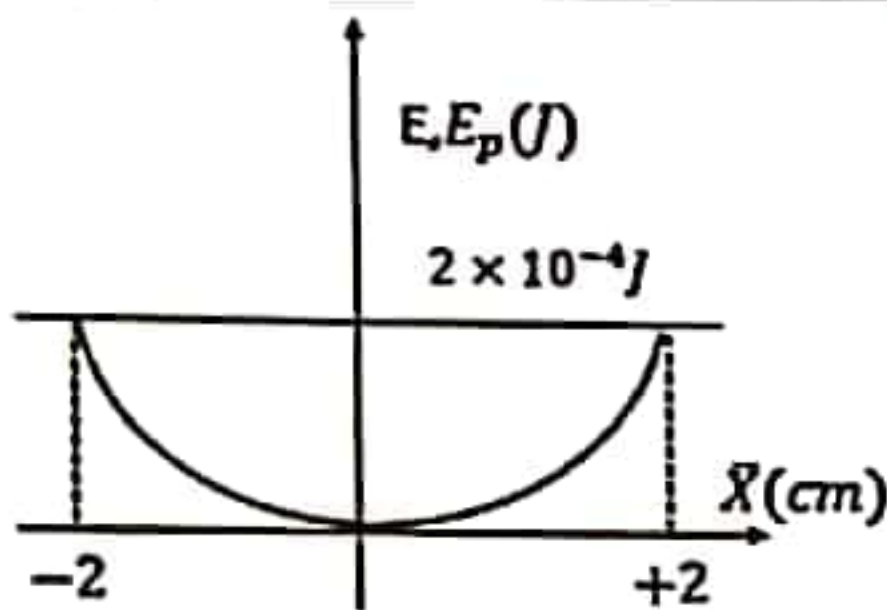
3) يمثل الخط البياني تابع التسارع لحركة جيبية انشحابية استنتج من هذا المنحني :
الدور الخاص للحركة وسعتها
التابع الزمني لتسارعها



4) يمثل الخط البياني تابع السرعة لحركة جيبية انشحابية استنتج من هذا المنحني :
الدور الخاص للحركة ونبعتها وسعتها
التابع الزمني لممتلاها .



5) بين الخط البياني الطاقة الميكانيكية لنواس مرن والطاقة الكامنة للحملة بدلالة الممتل والمطلوب :
استنتج سعة الحركة
احسب ثابت صلابة النابض .
احسب الطاقة الحركية من أجل : $\bar{x} = -2 \text{ cm}$, $\bar{x} = 0$





♥ سلسلة التجمع التعليمي ♥

القناة الرئيسية: [T.me/BAK111](https://t.me/BAK111)

بوت الملفات العلمي @Ob_Am2020bot



للتواصل

[T.me/BAK117_BOT](https://t.me/BAK117_BOT)