

## مذاكرة لوغاريتمي وأسي

### السؤال الأول:

حل المعادلات أو المترجمات الآتية:

$$\ln(x - 2) \leq \ln(2x - 1) \quad (3) \quad (\ln(-3x) = \ln(x^2 - 2)) \quad (2) \quad e^{2x^2-1} \geq 3 \quad (1)$$

السؤال الثاني: في الحالتين الآتيتين جد الحل المشترك لجملة المعادلتين

$$\begin{cases} 2\ln x + \ln y = 7 \\ 3\ln x - 5\ln y = 4 \end{cases} \dots\dots\dots(2) \quad \begin{cases} x^2 + y^2 = 10 \\ \ln x + \ln y = \ln 3 \end{cases} \dots\dots\dots(1)$$

السؤال الثالث: ليكن التابع  $f$  المعرف على المجال  $I = ]-1,1[$  وفق  $f(x) = \ln\left(\frac{x+1}{1-x}\right)$ .

(1) أثبت أن التابع  $f$  تابع فردي.

(2) أثبت أن  $f$  اشتقاقي على  $I$ ، وادرس تغيرات  $f$  على المجال  $[0,1[$ .

(3) ارسم الخط البياني للتابع  $f$ .

السؤال الرابع: ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرف على  $R$  وفق  $f(x) = \exp\left(\frac{1}{2} - x^2\right)$

(1) احسب نهاية  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$  واستنتج معادلة كل مقارب للخط  $C$

(2) ادرس تغيرات  $f$  ونظّم جدولاً بها وعين القيمة الصغرى للتابع

(3) اكتب معادلة المماس  $d$  للخط  $C$  في النقطة التي ينعدم فيها  $f'(x)$

(4) جد إحداثيات النقطتين اللتين ينعدم فيهما  $f''(x)$  واكتب معادلتَي المماسين  $d_1$  و  $d_2$  فيهما

(5) ادرس وضع الخط البياني  $C$  بالنسبة إلى كل من  $d$  و  $d_1$  و  $d_2$

(6) ارسم  $d$  و  $d_1$  و  $d_2$  ثم ارسم  $C$

\*انتهت الأسئلة\*

مدرس (الساوة): أحمد طريقي

0955 420 349