للتحصيلي Ghasham22

للقدرات Ghasham23

أ.غشام قدرات وتحصيلي Ghasham_22 ☑

قوانين الرياضيات





جميع الحقوق محفوظة لقناة أ. غشام وسيتم حل جميع الاسئلة على قناة التجميعات والاختبار المقنن



https://t.me/Ghasham22 قناة التحصيلي أ. غشام https://t.me/Ghasham22/521 رابط تجميع أ. غشام

6













للتحصيلي

للقدرات



الغبارات المطفية								
قيم الصواب للعبارات						عبارة الوصل $(p \land q)$: عبارة مركبة تربط عبارتين بأداة لربط " و "		
p	q	$p \wedge q$	$p \lor q$	$p \rightarrow q$		• عبارة الفصل (p \ q) : عبارة مركبة تربط عبارتين بأداة		
T	T	T	T	T		الربط " أو "		
T	F	F	T	F		العبارة الشرطية $(p o q)$: عبارة تكتب على الصورة العبارة الشرطية المعبارة العبارة الشرطية المعبارة العبارة		
F	T	F	T	T		إذا كَانَ فإن		
F	F	F	F	T				
العبارات الشرطية المرتبطة :								
المعكوس المعاكس الايجابي						العبارة الشرطية العكس		
$\sim q \rightarrow \sim p$ $\sim p \rightarrow \sim q$						$q \rightarrow p$ $p \rightarrow q$		
• الزوايتان المتتامتان : مجموع قياسيهما °90 • الزوايتان المتكاملتان : مجموع قياسيهما °180								
لزوايتان المتجاورتان : لهما الرأس نفسه ، المنطقة الزوايتان المتقابلتان بالرأس : لهما الرأس المنطقة الرأس المنطقة المتداد المنطقة المن								

♂ Ghasham23

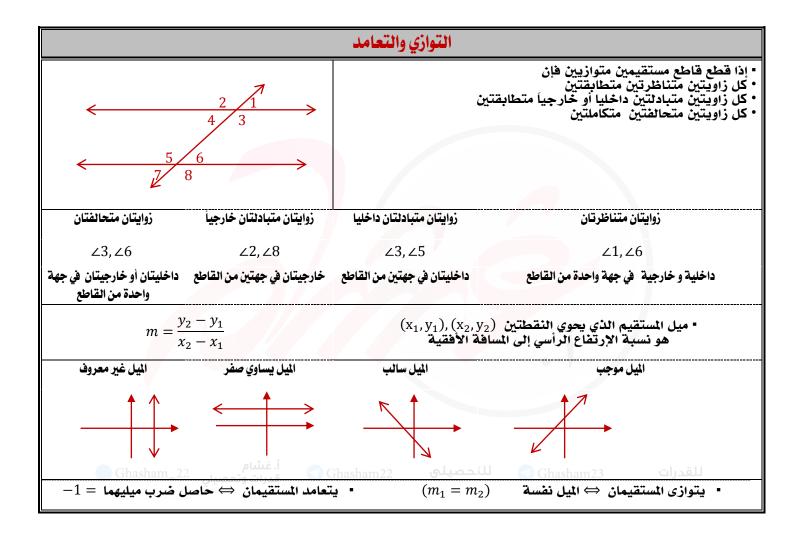
للقدرات

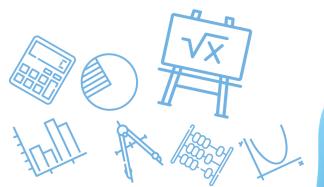
Ghasham_22

7

⋖ Ghasham22









معادلة الخط المستقيم :

وسيغة الميل والمقطع الصادي المستقيم الرأسي
$$x=a$$
 السيني والصادي السيقيم الرأسي $y=b$ السيني والصادي $\frac{x}{a}+\frac{y}{b}=1$ $y-y_1=m(x-x_1)$ $y=mx+b$ الميل المقطع الصادي a المقطع الصادي أي نقطة على المستقيم a المقطع الصادي أي نقطة على المستقيم a المقطع الصادي

صيغ البعد :

البعد بين نقطة مستقيم
$$(x_1,y_1)$$
 مستقيمين متوازيين (x_1,y_1) مستقيمين متوازيين $ax+by+c=0$ $ax+by+d=0$ $ax+by+d=0$
$$M=\left(\frac{x_2+x_1}{2},\frac{y_2+y_1}{2}\right) \qquad d=\frac{|c-d|}{\sqrt{a^2+b^2}} \qquad d=\frac{|ax_1+by_1+c|}{\sqrt{a^2+b^2}} \qquad d=\sqrt{(x_2-x_1)^2+(y_2-y_1)^2}$$

الأشكال الرباعية

- قياس زاوية داخلية في المضلع المنتظم =
- على الزاوية الخارجية = $\frac{360}{n}$ قياس الزاوية الخارجية = $\frac{360}{n}$

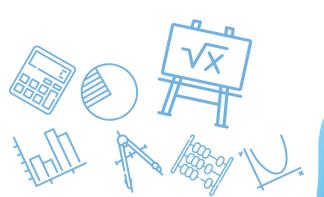
عدد الأضلاع = $\frac{360}{180-\theta}$ عدد الأضلاع عدد $\frac{360+\theta}{180}$

مجموع قياسات الزوايا heta قياس زواية داخلية لمضلع heta

مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع محدب =

حيث n هي عدد الأضلاع $(n-2) \times 180$

- مجموع قياسات الزوايا الخارجية لمضلع محدب (زاویة واحدة عند كل رأس) يساوي °360
 - خصائص شبه المنحرف المتطابق الساقين :-
- زاویتا کل قاعدة متطابقان
- القطراه متطابقان



⋖ Ghasham22

للتحصيلي

للقدرات

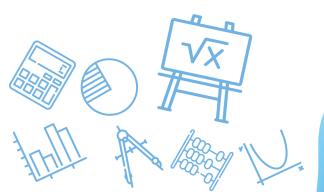
Ghasham_22

أ. غشام قدرات وتحصيلي



النسبة والتشابه						
		- ۾ التمدد	- مضهوم أساسي : التناسب			
: × الطول في الأصل	ً = معامل التمدد	الطول في الصورة		$a.d = c.b \iff \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ إذا كان		
المصورة الأصــل	ى التمدد = طول طول	معامل	• مقياس الرسم = المسافة على الرسم المسافة المحقيقية			
$y_1 \cdot x_1 = y_2 \cdot x_2$	y · x ويكون ₂	التغير العكسي: • التغير العكسي	$rac{y_1}{x_1} = rac{y_2}{x_2}$ ويكون $y = kx$: التغير الطردي			
دیاً مع x وعکسیاً مع z)	ئن (y تتغیر طر	 التغيرالمركب : لتك إذاً 	التغير المشترك : إذا كانت (y) تتغير طردياً مع $(x \cdot z)$ فإن التغير المشترك الإدارات الإدارات المتعاربات ال			
	$\frac{y_1 \cdot z_1}{x_1} = \frac{y_2 \cdot z_2}{x_2}$	ويكون $y \cdot z = kx$		$\frac{y_1}{x_1 \cdot z_1} = \frac{y_2}{x_2 \cdot z_2} .$	ويكوز $y = kx \cdot z$	
			نشابه مثلثين:-		ا إذا تشابه مثلثين فإ	
(AA) بقت زاویتان ہے متلث	عابقت إذا طا	(SAS) إذا تناسب ضلعين وتد	النسبة بين محيطيهما تساوي (SSS). النسبة بين أضلاعهما المتناظرة إذا تناسبت اطوال الاضلاع			
ين في مثلث اخر	زاوي <u>ت</u>	الزاوية المحصورة	ىتىتىن.		- النسبة بين مساحت مربع النسبة بين الأه المتناظرة	
	وی :-	الانعكاسات في المست			- الدوران :	
صورتها	النقطة	الإنعكاس	الصورة	النقطة	الدوران	
(a, -b)	(a,b)	x حول محور	(-y,x)	(x,y)	زا وية °90	
(-a,b)	(a,b)	حول محور y	(-x,-y)	(x,y)	زاوية ^{°180}	
(-a,-b)	(a,b)	حول نقطة الأصل	(y,-x)	(x,y)	زاوية ^{°270}	
(b, a)	(a,b)	حول المستقيم	ية $^\circ-90$ يساوي دوران بزاوية $^\circ$		دوران بزاویة °90–	
نبدل الاحداثيات		y = x	90° 2	 يساوي دوران بزاويا 	دوران بزاوية °270	
				180° دوران بزاویة -180° یساوي دوران بزاویة		
 تركيب انعكاسين حول مستقيمين متوازيين هو انسحاب ومقداره ضعف المسافة بين المتوازيين 			 تركيب انعكاسين حول مستقيمين متقاطعين هو دوران زاويته 			
	ومساره صعب المسافة بين المنواريين			ضعف الذاهبة التي بين الستقيمين		

10



⋖ Ghasham22



الدائرة

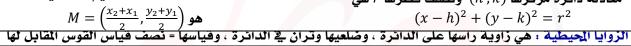
- إذا عامد نصف القطر وترا في دائرة فإنه ينصف الوتر وينصف قوسه ايضا
- يتطابق قوساهما.
- الوتران المتطابقين في دائرة • لهما البعد نفسه عن المركز



- $L = r \cdot \theta \Leftarrow \frac{L}{2\pi r} = \frac{x^{\circ}}{360^{\circ}}$ طول القوس:
 - حيث d هي القطر طول القوس L
 - حيث r نصف القطر قياس الزاوية المركزية في مضلع منتظم = = 360 عدد الأضلاع

 $C=\pi d$ أو $C=2\pi r$

- r نصف قطر الدائرة قياس الزاوية بالراديان heta
 - $\overset{\circ}{x}$ قياس الزاوية $\overset{\circ}{x}$ منتصف قطعة المستقيم \overline{AB} حيث -
- معادلة دائرة مركزها $(h\,,k)$ ونصف قطرها r هي
- $(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$





- زوایا محیطیة

- في الرباعي الدائري كل زاويتين متقابلتين متكاملتان
- الزوايتان المحيطيتان المرسومتان الزاوية المحيطية المرسومة على القطر قائمة.





 $m \angle B + m \angle D = 180^{\circ}$

 $m \angle 1 = \frac{1}{3} \angle APB$

- $m BEC = 180^{\circ}$
- $m CD = 60^{\circ}$

المماس لدائرة عمودي على

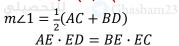
نصف القطر المار بنقطة

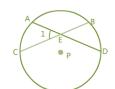
التماس للقدرات

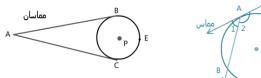
المماسان المرسومان لدائرة من نقطة خارجها متطابقان. GhAB=AC22

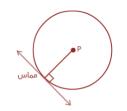
 $m \angle CPB = 40$

- -تقاطع مماس وقاطع • بفاضح سدس ر_ في دائرة(زاوية مماسية)
- تقاطع وترين في دائرة









- **⋖** Ghasham22
- **♂** Ghasham23
- للقدرات

للتحصيلي

أ.غشام قدرات وتحصيلي Ghasham_22

11







$$m\angle A = \frac{1}{2}[\widehat{DB} - \widehat{BC}]$$

$$m\angle A = \frac{1}{2}[\widehat{DB} - \widehat{BC}]$$

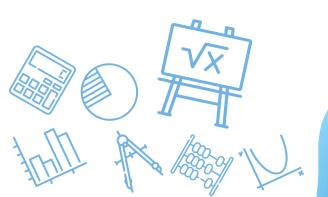
$$AB^2 = AC \cdot AD \qquad AB \cdot AD = AC$$

$$m\angle A = \frac{1}{2}(\widehat{DE} - \widehat{BC})$$

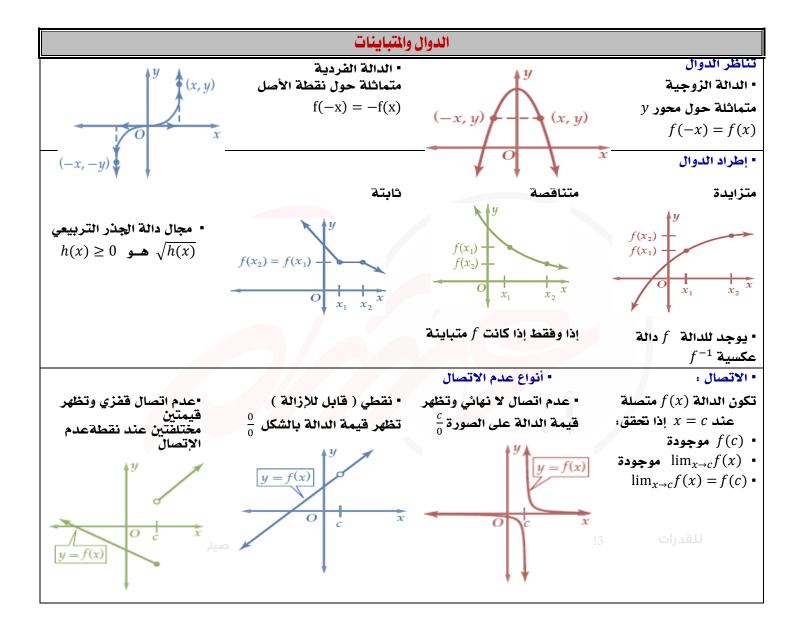
$$m\angle A = \frac{1}{2}(\widehat{BEC} - \widehat{BC})$$

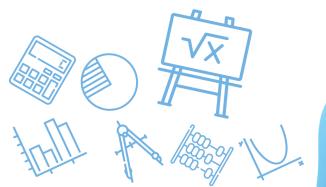
$$AB \cdot AD = AC \cdot AE$$











- **√** Ghasham22
- √ Ghasham23
- للقدرات

للتحصيلي

☑ Ghasham_22



الدوال الرئيسة (الأم)					
الدالةالتكعيبية	الدالةالتربيعية	الدالةالمحايدة	الدالة الثابتة		
$f(x) = x^3$	$f(x) = x^2$	f(x) = x	$c \in R$, $f(x) = c$		
الدالة الدرجية	الدالة القيمة الطلقة	دالة المقلوب	دالة الجذر التربيعي		
f(x) = [x]	f(x) = x	$f(x) = \frac{1}{x}$	$f(x) = \sqrt{x}$		

$$m = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$$
 التحويلات على دوال القيمة الطلقة

متوسط معدل تغير الدالة f(x) في الفترة $[x_1,x_2]$ هو -

الإنعكاس حول محوري الإحداثيات

g(x)	_	f(اما	1
$g(\lambda)$	_) (121	J

$$g(x) = |f(x)|$$

y الإنعكاس حول محور g(x) = f(-x)

x الإنعكاس حول محور

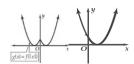
يحذف الجزءيسار y ويضع مكانه صورة الجزء الواقع يمين

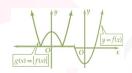
γ بالإنعكاس حول γ

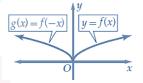
x ليصبح فوقه

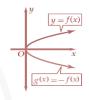
انعكاس اي جزء نحت محور

g(x) = -f(x)









- إذا كانت درجة البسط تساوي درجة المقام فإن خط التقارب الأفقي هو (المعامل الرئيسي للمقام)/(المعامل الرئيسي y = (y + y)
 - إذا كانت درجة البسط أقل من درجة المقام فإن خط y=0 التقارب الأفقي هو
 - الدالة اللوغارتمية
 - x > 0 , b > 0 , $b \neq 1$ •

 $y = \log_b x$ الدالة اللوغارتمية

 $x = b^y$ الصورة الأسية

R مجال الدالة اللوغارنمية هو R^+ ومداها هو

- خطوط التقارب للدوال الكسرية : $y = \frac{h(x)}{q(x)}$ أبسط شكل
 - $g(x) = 0, h(x) \neq 0$ یوجد خط تقارب رأسی عندما
 - الدالة الأسية
 - $a \neq 0$, b > 0 , $b \neq 1$ نتكن

 $y = a \cdot b^x$

الدالة الأسية

- R^+ مجال الدالة الأسية هو R ومداها هو R^+
- y=c هو $y=b^x+c$ خط التقارب للدالة الأسية
- x=0 هو $y=\log_b x$ هو التقارب للدالة اللوغارتمية
- $\log_b x \cdot y = \log_b x + \log_b y$
- $-\log_b \frac{x}{y} = \log_b x \log_b y$
- $\bullet \log_b x^n = n \cdot \log_b x$ $\bullet \log_b x = \frac{\log x}{\log b} = \frac{\log_a x}{\log_a b}$
 - اللوغارتم العشري : هو اللوغارتم الذي أساسه العدد 10
 - e اللوغارتم الطبيعي : وأساسه العدد النيبري $\log_b x = \log_b y$

 $\ln x$ ویکتب $\log_e x$ او

مجال الدالة للوغارتمية $y = \log_b f(x)$ هو مجموعة • R ومداها هو f(x) > 0 حل المتباينة

- خصائص اللوغارتمات الأساسية
 - لوغارتم الواحد
- $\log_b 1 = 0$ $-\log_b b = 1$
- لوغارتم عدد لنفس الأساس
- $-\log_b b^x = x$ $b^{\log_b x} = x$
- لوغارتم قوة لنفس الأساس قوة لوغارتم لنفس الأساس
- $e^{\ln x} = x$

خاصية المساواة

 $\Leftrightarrow x = y$



14

- **⋖** Ghasham22
- ✓ Ghasham23
- للقدرات

- Ghasham_22



كثيرات الحدود و دوالها

القانون العام لحل المعادلة التربيعية

: هو
$$ax^2 + bx + c = 0$$
 , $a \neq 0$

$$b^2 - 4ac = 0$$
 يوجد جذر حقيقي واحد

الأس السالب

 $x^{-a} = \frac{1}{x^a}, \frac{1}{x^{-a}} = x^a$ قوة ناتج القسمة

 $\left(\frac{x}{y}\right)^a = \frac{x^a}{y^a}$

$$b^2 - 4ac > 0$$
يوجد جذران حقيقيان

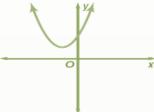


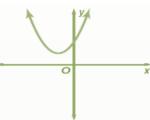
الميز

 $\Delta = b^2 - 4ac$

 $b^2 - 4ac < 0$

يوجد جذران مركبان







• أصفار الدوال (نقاط التقاطع مع محور x)

فيمكن كتابة المعادلة بالصورة $x^2 - (r_1 + r_2)x + r_1 \cdot r_2 = 0$

 $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

 $ax^2 + bx + c = 0$

 $r_1 + r_2 = -\frac{b}{a}$

 $,r_1\cdot r_2=\frac{c}{a}$

إذا كان r₁, r₂ جذري

المعادلة

- تحليل كثيرات الحدود
 - مجموع مكعبين

$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$
الفرق بين مكعيين

$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$
الفرق بین مربعین

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$
 الربع الكامل

$$a^{2} + 2ab + b^{2} = (a + b)^{2}$$

 $a^{2} - 2ab + b^{2} = (a - b)^{2}$

• خصائص الأسس فسمة القوى ضرب القوى $\frac{x^a}{x^b} = x^{a-b}$

$$x^a \cdot x^b = x^{a+b}$$
قوة القوة

$$(x^a)^b = x^{a \cdot b}$$

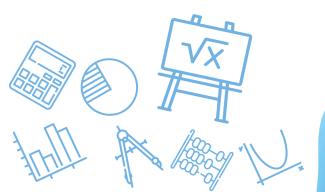
قوة ناتج الضرب
$$(xy)^a = x^a \cdot y^a$$

$$x^{0} = 1, x \neq 0$$

$$(x)^{-a} (y)^{a} y$$

- قانون دیکارت للإشارات :
- عددالأصفار الحقيقية الموجبة للدالة P(x) هو عدد مرات تغیر اشارة معاملات حدود P(x) أو أقل بعدد زوجي
- عددالأصفار الحقيقية السالبة للدالة P(x) هو عدد مرات تغير إشارة معاملات حدود P(-x) أو أقل منه بعدد زوجي

- نظرية الباقى :
- P(r) هو (x-r) على على الحدود الحدود
 - نظریة العوامل :
- يكون (x-r) عامل من عوامل كثيرة الحدود P(r) = 0 وفقط إذا كان



للقدرات



المتتابعات والمتسلسلات

- المتتابعة الهندسية
- الحد النوني $a_n = a_1 \cdot r^{n-1}$ حيث
- الحدالأول r، أساس المتتابعة a_1 عدد الحدود a_1

،
$$r=rac{a_n}{a_{n-1}}$$
 ، $r=\sqrt[n-1]{rac{a_n}{a_1}}$: أساس المتتابعة

مراعاة الإشارة

$$S_n = \frac{a_1 - a_n \cdot r^1}{1 - r}$$
 if $S_n = \frac{a_1 - a_1 \cdot r^n}{1 - r}$

 مجموع حدود المتسلسلة الهندسية غير المنتهية يرمزله بالرمز |r| < 1 حيث S

وإذا كان $|r| \geq 1$ فتكون متباعدة $S = \frac{a_1}{1-r}$

$$d=rac{a_{n}-a_{1}}{n-1}$$
 , $d=a_{n}-a_{n-1}$: أساسى المتتابعة

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$
 الحد النوني •

عدد الحدود a_1 عدد الحدود a_1 عدد الحدود

أو
$$S_n = \frac{n}{2} (a_1 + a_n)$$
 أو

$$S_n = \frac{n}{2} (2a_1 + (n-1)d)$$

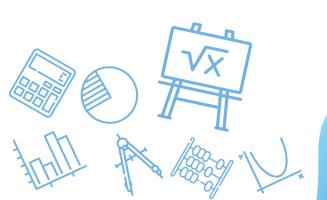
• نظرية ذات الحدين :

$$(a+b)^{n} = c_{0}^{n} a^{n} \cdot b^{0} + c_{1}^{n} a^{n-1} \cdot b^{1} + c_{2}^{n} a^{n-2} \cdot b^{2} + \dots + c_{n}^{n} a^{0} \cdot b^{n}$$

- الأعداد التخيلية :

Ghasham فوى الوحدة التخيلية
$$i$$
 ونصيا $i^1=i$, $i^2=-1$, $i^3=-i$, $i^4=+1$ $(a+bi)(a-bi)=a^2+b^2$

وتعرف الوحدة التخيلية
$$i$$
 على أنها الجذر التربيعي الأساسي للعدد -1 أو $i=\sqrt{-1}$



⋖ Ghasham22

للقدرات

أ.غشام قدرات وتحصيلي Ghasham_22



الاحتمال (١)

الإحتمال الهندسي

C

p(B) =مساحة المنطقة A

$$p(BC) = rac{BC}{AC}$$
طول القطعة

الحوادث المستقلة و الحوادث غير المستقلة

 الحوادث المستقلة : وقوع الأولى لايؤثر على احتمال وقوع الثانية مثل:رمي قطعة نقد ثم إدارة قرص مؤشر احتمال وقوع حادثتين مستقلتين

$$P(A \circ B) = p(A \cap B) = p(A) \cdot p(B)$$

• ال<mark>حوادث غير المستقلة : وقوع</mark> الأولى يؤثر على احتمال وقوع الثانية مثل: سحب كرة من كيس ثم سحب كرة

p(A) = p(A/B) ثانیة

احتمال وقوع حادثتين غير مستقلتين

 $P(A \circ B) = p(A \cap B) = p(A) \cdot p(B/A)$

• الاحتمالات المشروطة : إحتمال وقوع الحادثة B بشرط

 $p(B/A) = \frac{p(A \cap B)}{A}$ وقوع A مسبقا $p(D/A) = \frac{p(A)}{p(A)}$ ويكون لحادثتين غير مستقلتين. الحوادث المتنافية و الحوادث غير المتنافية

• الحوادث المتنافية : لا يمكن وقوعها في الوقت نفسه

Ghasham
$$P(A \ni B) = p(A \cup B) = p(A) + p(B)$$

• الحوادث غير المتنافية : يوجد بينها نواتج مشتركة $p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$

$$p(\bar{A}) = 1 - p(A)$$
 : الحادثة المتممة

• فضاء العينة : هو مجموعة جميع النواتج المكنة في تجربة ميدأ العد

يستخدم في التجارب ذات مرحلتين أو أكثر مثل

• الأحتمال باستعمال التباديل والتوافيق

التباديل ، هو تنظيم إجموعة عناصر يكون فيها الترتيب مهم

• المضروب (n!)

$$n! = n(n-1)(n-2) \dots \dots 2 \times 1$$

 $0! = 1$

■ عدد التباديل الخطية لجموعة من العناصرالمختلفة

n! يساوي n

يرمزلعدد تباديل n من العناصر المختلفة مأخوذة r ي كل r

$$_{n}p_{r}=rac{n!}{(n-r)!}$$
 ، $_{n}p_{r}$ مرة بالرمز

التباديل مع التكرار عدد التباديل المختلفة $\frac{n}{2}$ من العناصر التباديل مع التكرار عدد التباديل المختلفة $\frac{n}{2}$ n!يتكرر فيها عنصر r_1 من المرات

 $r_1! \times r_2 \times ... \times r_k$ و عنصرآخر r_2 من المرات...

التباديل الدائرية n عدد التباديل المختلفة n من العناصر التباديل الدائرية n

 $\frac{n!}{n} = (n-1)!$ مرتبة على دائرة دون نقطة مرجع

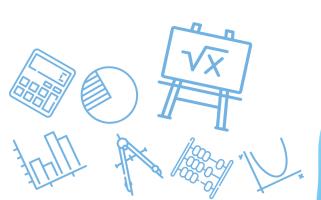
• إذا رتبت العناصر التي عددها n بالنسبة لنقطة مرجع n! نعاملها كتباديل خطية وعددها

 $n! = n \times (n-1) \times \dots \times 2 \times 1$

 التوافيق : هو تنظيم إجموعة من العناصر يكون فيها الترتيب غير مهم

يرمزلعدد توافيق n من العناصرالمختلفة مأخوذة r في كل σ

$$_{n}C_{r}=rac{n!}{(n-r)!\cdot r!}=rac{np_{r}}{r!}$$
 ، $_{n}C_{r}$ مرة بالرمز





والإحصاء الأحتمال (٢)

• قانونا الإنحراف المعياري

n (حجمها عدد قيمها

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^{n} (x_k - \bar{x})^2}{n-1}}$$

n (حجمه) مجتمع عدد قیمه

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^{n} (x_k - \mu)^2}{n}}$$

- التوزيع الإحتمالي المنفصل : يجب أن يحقق شرطين
 - $\sum P(X) = 1 \quad \Box \quad 0 \le P(X) \le 1 \quad \Box$
 - صيغة احتمال ذات الحدين :

احتمال النجاح $\frac{2}{3}$ مرة من n من المحاولات المستقلة

$$P(x) = C_x^n p^x q^{n-x} = \frac{n!}{(n-x)! \, x!} p^x q^{n-x}$$

المتوسط والتباين والانحراف المعياري لتوزيع ذات الحدين :

$$\mu = np$$

المتوسط

$$\sigma^2 = npq$$

التباين

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{npq}$$
 والانحراف المعياري

التحليل الإحصائي ومقاييس النزعة المركزية

قسمة مجموع القيم على عددها المتوسط

عندما لا يوجد قيم متطرفة يستخدم:

ير بـ ـيا سعره، القيمة التي تتوسط البيانات بعد ترتيبها تصاعدياً الوسيط

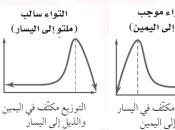
عندما يوجد قيم متطرفة ولا توجد فراغات يستخدم:

كبيرة في المنتصف

القيم التي تظهر اكثر من غيرها المنوال

 $\overline{+} \frac{1}{\sqrt{n}}$ هامش الخطأ هے المعاینة بالقیمة

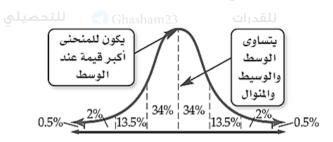
- توزيع ذات الحدين وتحقق :
- يعاد إجراء التجربة لعدد محدد n من المحاولات المستقلة
 - F نجاح S ، فشل نتيجتان متوقعتان S ، نجاح S
 - P او P(S) او النجاح P(S)
 - P = 1 q، q أو P(F) الفشل
 - يمثل المتغير العشوائي X عدد مرات النجاح $\frac{1}{2}$ من







 μ القانون التجريبي : يصف التوزيع الطبيعي الذي متوسطه وانحرافه σ بالتالى



تقريب توزيع ذات الحدين إلى التوزيع الطبيعي $np \geq 5$, $nq \geq 5$

يمكن تقريب توزيع ذات الحدين إلى توزيع طبيعي $\sigma = \sqrt{npq}$ بمتوسط $\bar{x} = np$ وازحراف معياري



القطوع المكافئة :-

الصورة القياسية

إشارة c موجبة

الإنجاه: افقي

الرأس: (h,k)

البؤرة، (h+c,k)

الدليل: x = h - c

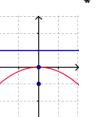
طول

|4c|الوترالبؤري

القطوع المخروطية

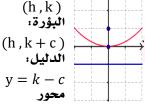
$(x-h)^2 = 4c(y-k)$

إشارة c سالبة الإنجاه : راّسي



الرأس: (h,k) البؤرة:

x = h التماثل



معادلة المماس عند النقطة (x_1, y_1) هي

 $m = f'(x_1)$ حيث $(y - y_1) = m(x - x_1)$

الإنجاه: اخترنا حالة الحور القاطع راسي (صادي)

y = k - c

الإنجاهُ : رَاسي

الرأس:

(h, k)

البؤرة:

الصورة القياسية

إشارة c موجبة

محور التماثل

القطوع الزائدة :-

 $(y-k)^{2} - \frac{(x-h)^{2}}{2} = 1$

طول المحور القاطع 2a

طول الحور غير المرافق 2b

الصورة القياسية :

والبعد البؤري 2c

الراسان

إشارة c سالبة

 $(y-k)^2 = 4c(x-h)$

الإنجاه: افقى

الرأس: (h, k)

البؤرة،

الدليل:

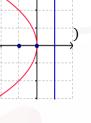
v = k

x = h - c

محور التماثل

الدليل:

x = h

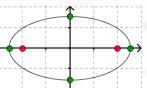


rمعادلة الدائرة التي مركزها (h,k) ونصف قطرها

 $(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$

القطوع الناقصة :-الإنجاه : اخترنا المحور الاكبر افقي (سيني)

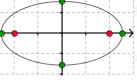
الصورة القياسية :



 $\frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$

طول الحور الأكبر 2a طول الحور الاصغر 2b

والبعد البؤري 2c



الراسان المرافقان

البؤرتان $(h, k \mp b)$ $(h \mp c, k)$ $e = \frac{c}{a}$ الإختلاف المركزي

الراسان

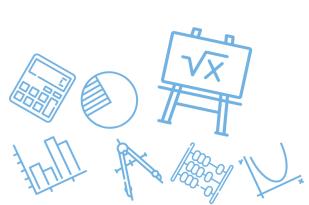
الراسان المرافقان

 $(h \mp b, k)$ $(h, k \mp c)$ $(h, k \mp a)$ $(h, k \mp a)$ خطوط التقارب $(y-k) = \mp \frac{a}{b}(x-h)$

البؤرتان

 $c^2 = a^2 + b^2$

 $c^2 = a^2 - b^2$





تحديد أنواع القطوع المخروطية

- الصورة القياسية لمعادلات القطوع المخروطية

$$Ax^2 + Bxy + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$$

الميز	نوع القطع المخروطي
$B^2 - 4AC = 0$	قطع مكافئ
$B^2 - 4AC < 0, B \neq 0, A \neq C$	قط <mark>ع ناقص</mark>
$B^2 - 4AC = 0$, $B = 0$, $A = C$	د <mark>ائ</mark> رة
$B^2 - 4AC > 0$	قطع زائد

B=0

B = 0

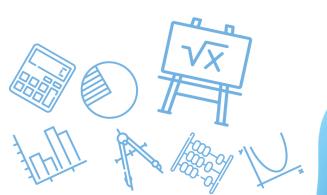
نوع القطع المخروطي $A\cdot C=0$

 $B = 0, A \neq C$ $A \cdot C > 0$ B = 0, A = C $A \cdot C > 0$

 $A\cdot C>0$ دائرة AC<0

قطع ناقص

أ. غشام Ghasham_22 للتحصيلي Ghasham22 قدرات وتحصيل



20

تحصيلي

Ghasham23

للقدرات

☑ Ghasham_22

أ. غشام قدرات وتحصيلي



حساب المثلثات (١)

$$\cot \theta = \frac{1}{1}$$
 المقابل $\sec \theta = \frac{1}{1}$ $\sec \theta = \frac{1}{1}$

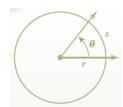
$$tan \theta = \frac{118}{118}$$
 المجاور $cos \theta = \frac{118}{118}$

ا إذا كانت
$$heta$$
 زاوية حادة $heta$ مثلث قائم فإن $heta$

$$\csc \theta = \frac{1}{1}$$
المقابل

$$sin \, heta = rac{1}{1}$$
الموتر

• طول القوس من الدائرة (S) ، المقابل لزاوية مركزية

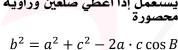


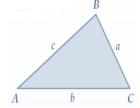
قياسها (θ) يساوي $S = r \cdot \theta$ حيث (θ) بالراديان

تحويل قياس الزوايا :

- ا للتحويل من درجات إلى راديان ، نضرب $rac{u}{8}$ $rac{u_0}{180^\circ}$
- التحويل من راديان إلى درجات، نضرب $\frac{8}{2}$ للتحويل من راديان الى درجات التحويل من راديان $\frac{100}{\pi}$

قانون جيوب التمام : يستعمل إذا اعطي ضلعين وزاوية





$$b^{2} = a^{2} + c^{2} - 2a \cdot c \cos B$$

$$c^{2} = a^{2} + b^{2} - 2a \cdot b \cos C$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2b \cdot c \cos A$$

 قانون الجيوب :
 يستعمل إذاأعطي ضلعين وزاوية غير محصورة أو زاويتين وضلع غير محصور

$$\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$$

 $y = a \cdot \sin b\theta$

|a|

360°

b

 $y = sin\theta$

مساحة المثلث :

يساوي نصف حاصل ضرب طولي أي ضلعين متجاورين يّ جيب الزاويّة بينهما

$$=\frac{1}{2}ab \cdot sinC$$

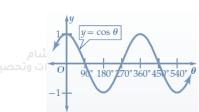
$y = a \cdot tanb\theta$ ليس لها سعة 180°

$$\frac{180^{\circ}}{b}$$

$$y = tan\theta$$

 $y = \tan \theta$





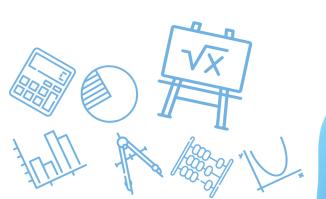
نمثيل الدوال المثلثية بيانيا في المستوى الإحداثي

السعة

طول الدورة

$$y = \sin \theta$$

$$y =$$





	(التطابقات الثلثية)	حساب المثلثات (۲)	
$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$	$\cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$		المتطابقات النسبية
$tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$ $cos\theta = \frac{1}{\sec \theta}$	$\cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$ $\sin \theta = \frac{1}{\csc \theta}$	$tan\theta = \frac{1}{cot\theta}$	متطابقات المقلوب
$sec\theta = \frac{1}{\cos\theta}$ $\cos^2\theta + \sin^2\theta = 1$	$csc\theta = \frac{1}{sin\theta}$	$cot\theta = \frac{1}{tan\theta}$	
	$1 + tan^2\theta = sec^2\theta$	$1 + \cot^2\theta = \csc^2\theta$	متطابقات فيثاغورس
$\sin(90 - \theta) = \cos\theta$	$\cos(90 - \theta) = \sin\theta$	$\tan (90 - \theta) = \cot \theta$	متطابقات الزاويتين المتتامتين
$\sin(-\theta) = -\sin\theta$	$\cos(-\theta) = \cos\theta$	$\tan(-\theta) = -\tan\theta$	متطابقات الدوال الزوجية والفردية
T	$A \cos B - \sin A \sin B$ $A \cos B + \sin A \sin B$ $\tan A - \tan B$ $1 + \tan A \tan B$	$\sin(A - B) = \sin(A - B)$	متطابقات المجموع والفرق $A \cos B + \cos A \sin B$ $A \cos B - \cos A \sin B$ $\tan A + \tan B$ $\frac{1 - \tan A \tan B}{1 - \tan A \tan B}$
$\tan(2\theta) = \frac{2\tan\theta}{1-\tan^2\theta}$	$\tan(2\theta) = \frac{\sin 2\theta}{\cos 2\theta}$	$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$ $\cos 2\theta = 2\cos^2 \theta - 1$	$\sin 2\theta = 2\sin\theta\cos\theta$ $\cos 2\theta = 1 - 2\sin^2\theta$
$tan\frac{\theta}{2} = \frac{sin\frac{\theta}{2}}{cos\frac{\theta}{2}}$	$tan\frac{\theta}{2} = \mp \sqrt{\frac{1 - cos\theta}{1 + cos\theta}}$	$\sin\frac{\theta}{2} = \mp \sqrt{\frac{1 - \cos\theta}{2}}$	$cos\frac{\theta}{2} = \mp \sqrt{\frac{1+cos\theta}{2}}$
$\tan \theta = a$ $\theta, 180 + \theta$ $\theta + \pi n, n \in Z$	$\cos \theta = a \\ \theta , -\theta$	$\sin \theta = a$ $\theta, 180 - \theta$ $\theta + 360n , n \in Z$	حل المعادلات المتلتية المعادلة الحلول الحل العام

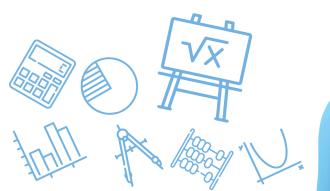
تطابق المثلثات والعلاقات في مثلث ٣

- نظرية فيتُاغورس : في مثلث قائم الزاوية ، مربع الوتر يساوي مجموع مربعي الضلعين الأخرين
- مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلية 180°
 - قياس الزاوية الخارجية في مثلث يساوي مجموع قياسي الزوايتين الداخليتين البعيدتين .
 - مسلمات تطابق المثلثات

بضلع-زاوية-ضلع SAS بثلاثة أضلاع SSS بزاوية-زاوية-ضلع AAS بزاوية-ضلع- زاوية ASA

- نظريات متباينة المثلث ،
- الضلع الأكبر في مثلث يقابل الزاوية التي لها أكبر قياس قياس الزاوية الخارجية لمثلث أكبر من قياس أي من الزاويتين الداخليتين البعيدتين عنها مجموع طولي أي ضلعين في مثلث أطول من الضلع الثالث

22



⋖ Ghasham22

Ghasham23

للقدرات

للتحصيلي

أ. غشام قدرات وتحصيلي Ghasham_22



• تحويل الإحداثيات القطبية إلى ديكارتية · إذا كان n عددًا صحيحًا ، فإنه يمكن تمثيل النقطة بذا كانت $P(r, \theta)$ فإن الإحداثيات الديكارتية للنقطة $P(r, \theta)$ بالإحداثيات (r,θ) $(-r, \theta + (2n+1)180)$, $(r, \theta + 360n)$ أي أن $x = r \cos \theta$, $y = r \sin \theta$ $(x, y) = (r \cos \theta, r \sin \theta)$ z = a + bi هي القيمة المطلقة للعدد المركب • تحويل الإحداثيات الديكارتية إلى قطبية : إذا كانت P(x,y) فإن الإحداثيات القطبية للنقطة P هي $|z| = |a + bi| = \sqrt{a^2 + b^2}$ المسافة بين النقطتين في المستوى القطبي هي : $r = \sqrt{x^2 + y^2}$ عيث : $P(r, \theta)$ $P_1 P_2 = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1 r_2 \cos(\theta_1 - \theta_2)}$ $\theta = \begin{cases} tan^{-1}\frac{y}{x}, x > 0 \\ tan^{-1}\frac{y}{x} + 180, x < 0 \end{cases}$ • ضرب وقسمة الأعداد المركبة على الصورة القطبية:

الأعداد القطيبة

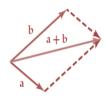
- أما إذا كانت a=0 فإن b < 0 عندما $\theta = -\frac{\pi}{2}$ b > 0 عندما $\theta = \frac{\pi}{2}$ z = a + bi الصورة القطبية للعدد المركب الصورة القطبية العدد المركب
 - $z = r(\cos\theta + i\sin\theta)$
 - نظریة دي موافر $z^n = r^n(\cos n\theta + i\sin n\theta)$
- $z_1 z_2 = r_1 r_2 (\cos(\theta_1 + \theta_2) + i \sin(\theta_1 + \theta_2))$ $z_1 = \frac{r_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} (\cos(\theta_1 - \theta_2) + i\sin(\theta_1 - \theta_2))$ $z = r(\cos\theta + i\sin\theta)$ الجذور الثونية : $r^{\frac{1}{n}}(\cos\frac{\theta+2k\pi}{n}+i\sin\frac{\theta+2k\pi}{n})$
 - k = 0,1,2,... حيث k = 0,1,2,...

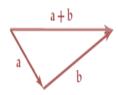
⋖ Ghasham22

- **♂** Ghasham23
- للقدرات

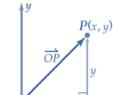


المتجهات





 إذا ضرب متجه في عدد سالب فإنه يعكس اتجاهه ، فمثلا $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$



مرکبتی متجه :

 $|y| = rsin\theta$ المركبة الرأسية /1

 $|x| = r \cos \theta$ المركبة الأفقية /2

طول المتجه هو

$$\left| \overrightarrow{AB} \right| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$
 الضرب الداخلي للمتجهين

$$a \bullet b = a_1b_1 + a_2b_2$$

- $a \cdot b = 0$ يكون المتجهين متعامدين ، إذا وفقط إذا كان b = 0
 - و تعطى نقطة المنتصف $M \leftarrow \overline{AB}$ بالقانون \overline{AB} $M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}, \frac{z_1 + z_2}{2}\right)$
- . ويكون عمودي على المستوى الذي يحوي المتجهين a imes b
 - $a \times b =$ الضرب الإنجاهي للمتجهين a, b هو
- مساحة سطح متوازي الأضلاع الذي a, b ضلعان متجاوران $|a \times b| =$
 - حجم متوازي السطوح هو

$$a \times b = \begin{vmatrix} i & j & k \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix} \qquad c \cdot (a \times b) = \begin{vmatrix} c_1 & c_2 & c_3 \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix}$$

• اتجاه المتجه : يحدد اتجاه المتجه باستعمال

الإنجاه الأفقى ويبدأ من نقطة الأصل مع محور x الموجب 1 (20°) وعكس عقارب الساعة مثل و (30°) مع الأفقى

 $0^{\circ} < arphi < 90^{\circ}$ ، الإنجاه الربعي وزاويته arphi فاي ، (E30°S) شرق أو غرب الخط الرأسي مثل

- 3/ الإنجاه الحقيقي ويبدأ الشمال مع عقارب الساعة ويقاس 025^0 بثلاثة أرقام مثل
 - الذي بدايته $A(x_1,y_1)$ ونهايته إذا كان لدينا المتجه \overline{AB} الذي بدايته فإن $B(x_2, y_2)$
 - الصورة الإحداثية للمتجه هي

$$\overrightarrow{AB} = B - A = \langle x_2 - x_1, y_2 - y_1 \rangle$$

- متجه الوحدة u في إتجاه متجه v هو المتجه على طول المتجه $|\mathbf{u}| = 1$ حيث $\mathbf{u} = \frac{\mathbf{v}}{|\mathbf{v}|} = \frac{1}{|\mathbf{v}|} \mathbf{v}$

 - ا إذا كان المتجه $v = \langle a, b \rangle$ فإن المتجه $v = \langle a, b \rangle$ $|v| = \sqrt{a^2 + b^2}$ طول المتجه

كتابة المتجه باستعمال متجهي الوحدة i , j هي v = ai + bj

xلإيجاد زاوية اتجاه المتجه مع الإتجاه الموجب لمحور

$$\theta = \begin{cases} tan^{-1} \frac{y}{x} & , x > 0 \\ tan^{-1} \frac{y}{x} + 180 & , x < 0 \end{cases}$$

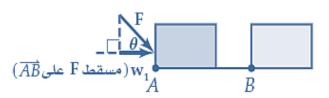
u , v هي الزاوية بين متجهين غير الصفريين θ

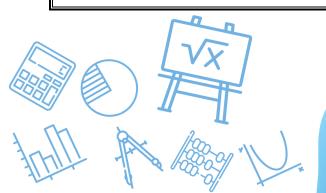
$$\cos\theta = \frac{\mathbf{v} \cdot \mathbf{u}}{|\mathbf{u}| \times |\mathbf{v}|} \quad /1$$

$$u \cdot v = |u| \times |v| \cos\theta$$
 /2

الشغل= القوة المؤثرة × المسافة التي تحركها الجسم

$$w = |w_1| \cdot |\overrightarrow{AB}|$$





- للتحصيلي ✓ Ghasham22
- Ghasham23
- للقدرات



النهايات والإشتقاق

السرعة المتوسطة :

تكون نهاية f(x) عندما تقترب x من c موجودة إذا وفقط إذا -كانت النهايتان من اليمين واليسار موجودتين ومتساويتين اي

b إلى a إلى الفترة الزمنية من

$$v_{avg} = rac{ التغير في المسافة }{ b-a } = rac{f(b)-f(a)}{b-a}$$

 $\lim_{x \to c^+} f(x) = \lim_{x \to c^-} f(x) = L$ $\lim_{x\to c} f(x) = L$ ويكون

• السرعة المتجهة اللحظية :

$$v(t) = \lim_{h \to 0} \frac{f(t+h) - f(t)}{h} = f'(t)$$

المشتقات والتكامل

$$y'$$
, $f'(x)$, $\frac{dy}{dx}$ بالرموز $y = f(x)$ يرمز باشتقة

ا مشتقة الضرب

$$\frac{d}{dx}(f(x) \cdot g(x)) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$

• مشتقة القسمة

$$\frac{d}{dx}\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{(g(x))^2}$$

$$m = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} = f'(x)$$

إذا كانت v(t) ثمثل دالة السرعة المتجهة اللحظية فإن دالة $s(t) = \int v(t) dt$ هي $s(t) = \int v(t) dt$ السافة

- الشغل اللازم لشد نابض مسافة ما (a متر) ، من موضعه الطبيعي بالتكامل $c = \int_0^a cx \, dx$ عدد ثابت نهاية دالة المقلوب عند موجب أو سالب ما لا نهاية هي الصفر $\lim_{x\to\infty} \frac{1}{x} = 0$

نهاية الدوال الكسرية عند موجب أو سالب ما لا نهاية هو
 نهاية أكبر قوة في البسط و أكبر قوة في المقام

$$\lim_{x \to \infty} \frac{a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0}{b_m x^m + \dots + b_1 x + b_0} = \lim_{x \to \infty} \frac{a_n x^n}{b_m x^m}$$

حساب النهايات عند المالانهاية

• إذا كان n عدد صحيح موجب فإن

$$\lim_{x\to\infty} x^n = \infty$$

ا اذا کان
$$n$$
 عدد زوجی $\lim_{x \to -\infty} x^n = \infty$

انا کان
$$n$$
 عدد فردي $\lim_{x o -\infty} x^n = -\infty$ •

نهایة دالة کثیرة حدود Ghasham23

ھي
$$f(x) = a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0$$

$$\lim_{x \to \infty} f(x) = \lim_{x \to \infty} a_n x^n$$

ناخذ النهاية للحد الذي له الاس الاكبر