

فيزياء الثالث الثانوي العلمي

ورقة عمل (1) B

1 الحركة التوافقية البسيطة



ثانياً : اجب عن الأسئلة الآتية :

10/ درجات لأول 10، للثاني ، 20 للثالث/

① أعط تفسيراً علمياً باستخدام العلاقات الرياضية :
في الهزارة التوافقية البسيطة ، وعند مرور الجسم
بمركز الاهتزاز

- a تكون السرعة عظمى طويلاً .
b يكون التسارع معدوماً .

② أثبت صحة العلاقة $E_K = \frac{3}{4} E$ لهزارة توافقية
بسيطة طاقتها الميكانيكية مصونة ، وذلك عند
مرورها بالمطال $\bar{x} = \frac{x_{max}}{2}$..

③ انطلاقاً من تابع المطال $\bar{x} = 0.03 \cos \pi t$
في النواس المرن غير المتخامد ، استنتج تابع التسارع
ثم أكمل الجدول التالي .

t (s)	0	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{3T_0}{4}$	T_0
a (m.s ⁻²)					

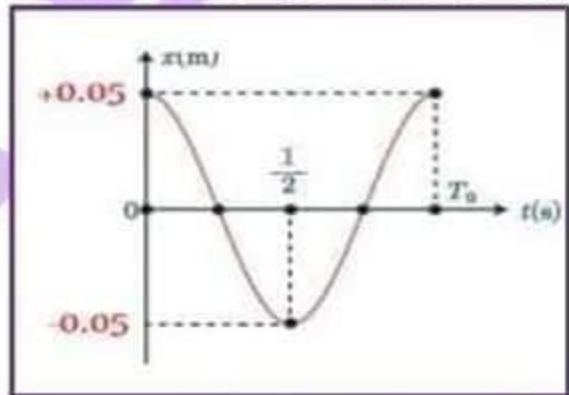
① ارسم المنحنى لتغيرات التسارع بدلالة الزمن خلال
دور واحد ..

② حدّد المواضع التي تأخذ فيها التسارع
a قيمة عظمى (طويلاً) .
b قيمة معدومة ..

③ حدّد قيمة التسارع ، في اللحظة $t = \frac{5T_0}{2}$.

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي : / 10 درجات /

① يوضح المنحنى البياني تغيرات المطال مع الزمن
خلال دور واحد لنواس مرن (هزارة توافقية بسيطة)
فيكون التابع الزمني للتسارع مقدراً بـ $m \cdot s^{-2}$



- a $\bar{a} = 2 \cos 2\pi t$
b $\bar{a} = -2 \cos 2\pi t$
c $\bar{a} = 0.05 \cos \pi t$
d $\bar{a} = -0.05 \cos 2\pi t$

② عند مرور النواس المرن بمركز الاهتزاز

- a تنعدم الطاقة الحركية
b تكون الطاقة الكامنة عظمى .
c يكون التسارع أعظماً
d جميع الإجابات خاطئة .

ثالثاً : أجب عم أحد الأسئلة الآتية : / 30 درجة /

- 1) انطلاقاً من العلاقة $\vec{F} = -k \vec{x}$ في الهزازة التوافقية البسيطة برهن أن حركة الجسم المعلق هي حركة جيبية انسحابية ، ثم استنتج عبارة الدور الخاص .
- 2) برهن أن الطاقة الميكانيكية في الهزازة التوافقية البسيطة هي طاقة ثابتة . وتتناسب طردياً مع مربع سعة الحركة . ثم ارمس المنحني البياني لتغيرات الطاقة الكامنة والحركية في النواس . ما شكل الطاقة الميكانيكية عندما $x = +X_{max}$.

رابعاً : حل المسالتين الآتيتين :

المسألة الأولى : / 60 درجة /

- هزازة توافقية بسيطة غير متخادمة تتألف من نابض مرن مهمل الكتلة شاقولي ، حلقاته متباعدة ، عُلق في نهايته جسم صغير كتلته $(m = 0.2 \text{ kg})$ يهتز الجسم بحركة جيبية انسحابية، التابع الزمني لمطاهها :

$$\bar{x} = 0.06 \cos(2\pi t + \pi) \text{ m}$$

- 1) احسب كلاً مما يأتي :
النور الخاص - التواتر الخاص لاهتزاز الجسم . ثم احسب ثابت صلابة النابض .
- 2) عيّن موضع الجسم لحظة بدء الزمن .
- 3) احسب الطاقة التي قُدمت للنواس حتى تفت له هذه الحركة . ثم بيّن في أي المواضع تكون الطاقة الميكانيكية بشكل طاقة :
(A) حركية فقط ، (B) كامنة فقط .
- 4) احسب القيمة الجبرية لكل من تسارع الجسم وسرعته عندما يكون مطال حركته : $(x = -4 \text{ cm})$.
- 5) احسب قيمة كل من المطال والسرعة عندما تكون الطاقة الحركية تساوي الطاقة الكامنة .

المسألة الثانية : / 60 درجة /

- هزازة توافقية بسيطة مؤلفة من جسم صلب كتلته $(m = 1 \text{ Kg})$ معلق بنابض مرن شاقولي مهمل الكتلة حلقاته متباعدة ثابت صلابته $(k = 100 \text{ N.m}^{-1})$. تزيح الجسم عن وضع توازنه شاقولياً نحو الأسفل بالاتجاه الموجب ضمن حدود مرونة النابض مسافة (8 cm) و نتركه في اللحظة $(t = 0)$ دون سرعة ابتدائية فيهتز بحركة جيبية انسحابية المطلوب :

- 1) احسب النور الخاص لهذه الهزازة .
- 2) استنتج التابع الزمني لمطال الحركة انطلاقاً من شكله العام .
- 3) حنّد قيمة اللحظة التي يمر فيها الجسم من مركز الاهتزاز لأول مرة ، وما سرعته وطاقته الحركية عندئذ .
- 4) احسب القيمة الجبرية لقوة الإرجاع عند المطال $(x = -2 \text{ cm})$.
 $(g = 10 \text{ m.s}^{-2} , \pi^2 = 10 \text{ m.s}^{-2})$

افتحصتم الأسئلة

فيزياء
الثالث الثانوي العلمي
ورقة عمل (1) B

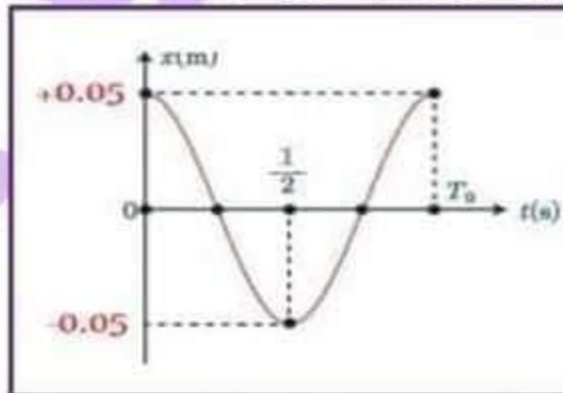
الحركة 1

التوافقية البسيطة



أولاً: اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي: / 10 درجات /

- ① يوضح المنحني البياني تغيرات المطال مع الزمن خلال دور واحد لنواس مرن (هزازة توافقية بسيطة) فيكون التابع الزمني للتسارع مقدراً بـ $m \cdot s^{-2}$



- $\bar{a} = 2 \cos 2\pi t$ (a)
 $\bar{a} = -2 \cos 2\pi t$ (b)
 $\bar{a} = 0.05 \cos \pi t$ (c)
 $\bar{a} = -0.05 \cos 2\pi t$ (d)

- ② عند مرور النواس المرن بمركز الاهتزاز
 (a) تنعدم الطاقة الحركية
 (b) تكون الطاقة الكامنة عظمى .
 (c) يكون التسارع أعظماً
 (d) جميع الإجابات خاطئة .

ثانياً : أجب عن الأسئلة الآتية :

10/ درجات لأول 10، للثاني 20، للثالث

- ① أعط تفسيراً علمياً باستخدام العلاقات الرياضية :
 في الهزازة التوافقية البسيطة ، وعند مرور الجسم بمركز الاهتزاز

- (a) تكون السرعة عظمى طويلاً .
 (b) يكون التسارع معدوماً .

- ② أثبت صحة العلاقة $E_K = \frac{3}{4} E$ لهزازة توافقية بسيطة طاقتها الميكانيكية مصونة ، وذلك عند مرورها بالمطال $\bar{x} = \frac{x_{max}}{2}$..

- ③ انطلاقاً من تابع المطال $\bar{x} = 0.03 \cos \pi t$ في النواس المرن غير المتخامد ، استنتج تابع التسارع ثم أكمل الجدول التالي .

t (s)	0	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{3T_0}{4}$	T_0
a (m.s ⁻²)					

- ① ارسم المنحني لتغيرات التسارع بدلالة الزمن خلال دور واحد ..
 ② حدّد المواضع التي تأخذ فيها التسارع
 (a) قيمة عظمى (طويلاً) .
 (b) قيمة معدومة ..
 ③ حدّد قيمة التسارع ، في اللحظة $t = \frac{5T_0}{2}$.

ثالثاً: أجب عم أحد الأسئلة الآتية: / 30 درجة /

- 1) انطلاقاً من العلاقة $\vec{F} = -k \vec{x}$ في الهزازة التوافقية البسيطة برهن أن حركة الجسم المعلق هي حركة جيبية انسحابية ، ثم استنتج عبارة الدور الخاص .
- 2) برهن أن الطاقة الميكانيكية في الهزازة التوافقية البسيطة هي طاقة ثابتة . وتتناسب طردياً مع مربع سعة الحركة . ثم ارسم المنحني البياني لتغيرات الطاقة الكامنة والحركية في النواس . ما شكل الطاقة الميكانيكية عندما $x = +X_{max}$.

رابعاً: حل المسالتين الآتيتين:

المسألة الأولى: / 60 درجة /

- هزازة توافقية بسيطة غير متخادمة تتألف من نابض مرن مهمل الكتلة شاقولي ، حلقاته متباعدة ، عُلق في نهايته جسم صغير كتلته $(m = 0.2 \text{ kg})$ يهتز الجسم بحركة جيبية انسحابية، التابع الزمني لمطاهها :

$$\bar{x} = 0.06 \cos(2\pi t + \pi) \text{ m}$$

- 1) احسب كلاً مما يأتي :
النور الخاص - التواتر الخاص لاهتزاز الجسم . ثم احسب ثابت صلابة النابض .
- 2) عيّن موضع الجسم لحظة بدء الزمن .
- 3) احسب الطاقة التي قُدمت للنواس حتى تفت له هذه الحركة . ثم بيّن في أي المواضع تكون الطاقة الميكانيكية بشكل طاقة :
(A) حركية فقط ، (B) كامنة فقط .
- 4) احسب القيمة الجبرية لكل من تسارع الجسم وسرعته عندما يكون مطال حركته : $(x = -4 \text{ cm})$.
- 5) احسب قيمة كل من المطال والسرعة عندما تكون الطاقة الحركية تساوي الطاقة الكامنة .

المسألة الثانية: / 60 درجة /

- هزازة توافقية بسيطة مؤلفة من جسم صلب كتلته $(m = 1 \text{ Kg})$ معلق بنابض مرن شاقولي مهمل الكتلة حلقاته متباعدة ثابت صلابته $(k = 100 \text{ N.m}^{-1})$. تزيح الجسم عن وضع توازنه شاقولياً نحو الأسفل بالاتجاه الموجب ضمن حدود مرونة النابض مسافة (8 cm) و نتركه في اللحظة $(t = 0)$ دون سرعة ابتدائية فيهتز بحركة جيبية انسحابية المطلوب :

- 1) احسب النور الخاص لهذه الهزازة .
- 2) استنتج التابع الزمني لمطال الحركة انطلاقاً من شكله العام .
- 3) حنّد قيمة اللحظة التي يمر فيها الجسم من مركز الاهتزاز لأول مرة ، وما سرعته وطاقته الحركية عندئذ .
- 4) احسب القيمة الجبرية لقوة الإرجاع عند المطال $(x = -2 \text{ cm})$.
 $(g = 10 \text{ m.s}^{-2} , \pi^2 = 10 \text{ m.s}^{-2})$

افتحصتم الأسئلة

فيزياء

الثالث الثانوي العلمي

حل ورقة عمل (1) B

1 الحركة

التوافقية البسيطة



$$\Rightarrow E_K = \frac{1}{2} K (X_{max}^2 - x^2)$$

$$\Rightarrow E_K = \frac{1}{2} K \left[X_{max}^2 - \left(\frac{1}{2} X_{max} \right)^2 \right]$$

$$\Rightarrow E_K = \frac{3}{4} \left(\frac{1}{2} K X_{max}^2 \right) = \frac{3}{4} E$$

(3)

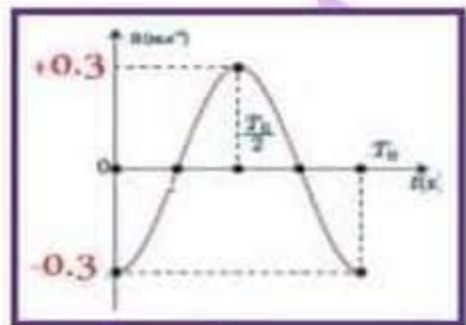
t (s)	0	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{3T_0}{4}$	T_0
a (m.s ⁻²)	-0.3	0	+0.3	0	-0.3

$$\bar{x} = 0.03 \cos \pi t$$

$$\Rightarrow (\bar{x})'_t = -0.03 \pi \sin \pi t$$

$$\Rightarrow (\bar{x})''_t = -0.03 \pi^2 \cos \pi t$$

$$\Rightarrow \bar{a} = -0.3 \cos \pi t$$



(2) من تابع التسارع
تكون قيمة التسارع

(a) عظمى (طويلة) $|\pm 0.3|$
 $|\cos \pi t| = |\pm 1|$ عندما
 $\bar{x} = \pm 0.03 \text{ m}$ عندئذ
أي عند مرور الجسم في أحد الوضعين الطرفين ..

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي: / 10 درجات /

- (1) الجواب (b)
(2) الجواب (d)
جميع الإجابات خاطئة.

ثانياً: اجب عن الأسئلة الآتية:

/ 10 درجات لاول، 10 للثاني، 20 للثالث /

(1) اعط تفسيراً علمياً باستخدام العلاقات الرياضية:

عند المرور بمركز الاهتزاز $\bar{x} = 0$

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi}) = 0 \text{ أي}$$

(a) بما أن تابع السرعة

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

وعند المرور بمركز التوازن (الاهتزاز).

$$\cos(\omega_0 t + \bar{\varphi}) = 0$$

إذاً: $\sin(\omega_0 t + \bar{\varphi}) = \pm 1$

$$\bar{v} = |v_{max}| = |\omega_0 X_{max}| \text{ فيكون}$$

طريقة ثانية: أو من عبارات الطاقة حيث:

$$v = \omega_0 \sqrt{X_{max}^2 - x^2}$$

$$x = 0 \Rightarrow v = \omega_0 X_{max}$$

(b) بما أن $\bar{a} = -\omega_0^2 \bar{x}$

وعند المرور بمركز الاهتزاز $x = 0$

$$\bar{a} = 0 \text{ إذاً:}$$

ينعدم التسارع ..

(2) لما كان $E = E_p + E_K$

$$\Rightarrow E_K = E - E_p$$

$$\Rightarrow E_K = \frac{1}{2} K X_{max}^2 - \frac{1}{2} K x^2$$

② لحظة بدء الزمن $t = 0$ s نعوض

$$\begin{aligned} \Rightarrow \bar{x} &= 0.06 \cos(0 + \pi) \\ \Rightarrow \bar{x} &= -0.06 \text{ m} \end{aligned}$$

③ إن الطاقة التي قُدمت للنواس تساوي الطاقة الكامنة

$$E = E_p = \frac{1}{2} K X_{max}^2$$

$$\Rightarrow E = \frac{1}{2} \times 8 (0.06)^2$$

$$\Rightarrow E = 144 \times 10^{-4} \text{ J}$$

بما أن : $E = E_p + E_K$

(A) يكون في مركز التوازن $E = E_K$

لأن $E_p = 0$

(B) في أحد الوضعين الطرفيين $E = E_p$

لأن $E_K = 0$

$$\bar{a} = -\omega_0^2 \bar{x} \quad \text{④}$$

عندما $x = -4 \text{ cm}$

$$\Rightarrow \bar{a} = -(2\pi)^2 (-4 \times 10^{-2})$$

$$\Rightarrow \bar{a} = +1.6 \text{ m.s}^{-2}$$

لما كان $E_K = E - E_p$

$$E_p = \frac{1}{2} K x^2 = \frac{1}{2} \times 8 \times (-4 \times 10^{-2})^2$$

$$E_p = 64 \times 10^{-4} \text{ J}$$

$$E_K = \frac{1}{2} m v^2 = E - E_p$$

$$v = \sqrt{\frac{2(E-E_p)}{m}} \Rightarrow$$

$$v = \sqrt{\frac{8[(0.06)^2 - (0.04)^2]}{0.2}} \Rightarrow$$

$$v = 0.2\sqrt{2} \text{ m.s}^{-1}$$

أو :

$$v = \sqrt{\frac{2(E-E_p)}{m}} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2 \times \frac{1}{2} K (X_{max}^2 - x^2)}{m}}$$

$$v = \sqrt{\frac{8[(0.06)^2 - (0.04)^2]}{0.2}} \Rightarrow$$

$$v = 0.2\sqrt{2} \text{ m.s}^{-1}$$

المدرس زياد درويش

0933371991

⑥ معدومة $\bar{a} = 0$

عندما $\cos \pi t = 0$

أي $\bar{x} = 0$

عند مرور الجسم في مركز الاهتزاز ..

③ في اللحظة $t = \frac{5T_0}{2}$ وبما أن

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} \Rightarrow T_0 = \frac{2\pi}{\pi}$$

$$\Rightarrow T_0 = 2 \text{ s}$$

نعوض $t = \frac{5 \times 2}{2} = 5 \text{ s}$

نعوض يتابع التسارع

$$\bar{a} = -0.3 \cos \pi(5)$$

$$\Rightarrow \bar{a} = -0.3 \cos \pi$$

$$\Rightarrow \bar{a} = -0.3 \text{ m.s}^{-2}$$

ثالثاً : أجب عم أحد الأسئلة الآتية : / 30 درجة /

من الكتاب

٤ / ٢ التين الآتيتين :

المسـ : / 60 درجة /

$$\bar{x} = 0.06 \cos(2\pi t + \pi) \text{ m} \quad \text{①}$$

بالمقارنة مع تابع المطال ...

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

نجد $X_{max} = 0.06 \text{ m}$

$$\omega_0 = 2\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\bar{\varphi} = \pi \text{ rad}$$

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{2\pi} = 1 \text{ s}$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{1} = 1 \text{ Hz}$$

$$\omega_0^2 = \frac{K}{m} \Rightarrow K = m \omega_0^2$$

$$K = 0.2 \times (2\pi)^2 \Rightarrow$$

$$K = 8 \text{ N.m}^{-1}$$

أو من عبارة الدور الخاص ..

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} \Rightarrow \omega_0 = \frac{2\pi}{5}$$

$$\Rightarrow \omega_0 = 10 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{K}{m}} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{100}{1}} \text{ : أو}$$

$$\Rightarrow \omega_0 = 10 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

تعيين $\bar{\varphi}$ من شروط البدء

$$\left. \begin{array}{l} t = 0 \\ x = X_{max} \\ v = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow \bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 + \bar{\varphi})$$

$$\Rightarrow X_{max} = X_{max} \cos(0 + \bar{\varphi})$$

$$\Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0$$

فالتابع الزمني للمطال

$$\Rightarrow \bar{x} = 8 \times 10^{-2} \cos 10t \text{ m}$$

③ عند المرور بمركز الاهتزاز لأول مرة

يكون قد مضى زمناً مقداره ربع دور $t = \frac{T_0}{4}$

$$t = \frac{T_0}{4} \Rightarrow t = \frac{\pi}{4} \Rightarrow t = \frac{\pi}{20} \text{ s}$$

أو: عند المرور بمركز التوازن

(الاهتزاز) $x = 0$ نعوض في

التابع الزمني للمطال

$$0 = 8 \times 10^{-2} \cos 10t \text{ m}$$

$$\cos 10t = 0 \Rightarrow 10t = \frac{\pi}{2} + \pi K$$

من أجل المرور الأول $K = 0$

$$10t = \frac{\pi}{2} \Rightarrow t = \frac{\pi}{20} \text{ s}$$

$$E = E_p + E_k \quad (5)$$

عندما $E_p = E_k$

$$E = 2E_p \Rightarrow \frac{1}{2} K X_{max}^2 = 2 \left(\frac{1}{2} K x^2 \right)$$

$$x^2 = \frac{X_{max}^2}{2} \Rightarrow x = \frac{X_{max}}{\sqrt{2}}$$

$$x = \frac{0.06}{\sqrt{2}} \Rightarrow x = 0.03 \sqrt{2} \text{ m}$$

حساب السرعة:

$$E_p = E_k \Rightarrow E = 2E_k$$

$$\frac{1}{2} K X_{max}^2 = 2 \left(\frac{1}{2} m v^2 \right)$$

$$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{K X_{max}^2}{2m}}$$

$$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{8 \times (0.06)^2}{2 \times 0.2}}$$

$$\Rightarrow v = 0.27 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

المسألة الثانية: / 60 درجة

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \Rightarrow (1)$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{1}{100}} \Rightarrow T_0 = \frac{\pi}{5} \text{ s}$$

② الحركة جيبية انسحابية، فالتابع الزمني

للمطال هو $\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$

تعيين الثوابت ω_0 ، φ ، X_{max}

$$X_{max} = 8 \times 10^{-2} \text{ m}$$

• حساب السرعة

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$\bar{v} = -10 \times 8 \times 10^{-2} \sin\left(10\left(\frac{\pi}{20}\right) + 0\right)$$

$$\bar{v} = -0.8 \sin \frac{\pi}{2}$$

$$\bar{v} = -0.8 \text{ m.s}^{-1}$$

أو:

عند المرور بوضع التوازن تكون السرعة عظمى

$$\bar{v} = v_{max} = \pm \omega_0 X_{max}$$

و من أجل المرور الأول

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max}$$

$$\bar{v} = -10 \times 8 \times 10^{-2}$$

$$\bar{v} = -0.8 \text{ m.s}^{-1}$$

$$E_K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow$$

$$E_K = \frac{1}{2} \times 1(-0.8)^2$$

$$E_K = 32 \times 10^{-2} \text{ J}$$

أو: حسب مصونية الطاقة

$$E = E_K + E_P$$

$E_P = 0$ في مركز الاهتزاز

$$\Rightarrow E = E_K = \frac{1}{2} k X_{max}^2$$

$$\Rightarrow E_K = \frac{1}{2} \times 100 \times (8 \times 10^{-2})^2$$

$$\Rightarrow E_K = 32 \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$\bar{F} = -K \bar{x}$$

$$\Rightarrow \bar{F} = -100(-2 \times 10^{-2})$$

$$\Rightarrow \bar{F} = +2 \text{ N}$$

④

انتهى العمل

السؤال الأول : اختاري الاجابة الصحيحة لكل مما يأتي : / 40 درجة /

① يوضح المنحنى البياني تغيرات التسارع مع الزمن خلال دور واحد لهزازة توافقية بسيطة فيكون التابع الزمني للتسارع مقدراً بـ $m \cdot s^{-2}$..

$\bar{a} = 0.1 \pi^2 \cos 2\pi t$	b	$\bar{a} = 0.1 \pi^2 \cos \pi t$	a
$\bar{a} = -0.1 \pi^2 \cos 2\pi t$	d	$\bar{a} = -0.1 \pi^2 \cos \pi t$	c

② أنبوية تُغذّي حقلاً بالماء مساحة مقطعها (4 cm^2) ينساب فيها الماء

بسرعة $(10 \text{ cm} \cdot \text{S}^{-1})$ تنتهي بـ (100) ثقب مساحة فوهة كل منها (1 mm^2) فتكون سرعة الماء من كل ثقب

$10 \text{ cm} \cdot \text{S}^{-1}$	d	$40 \text{ cm} \cdot \text{S}^{-1}$	c	$20 \text{ cm} \cdot \text{S}^{-1}$	b	$60 \text{ cm} \cdot \text{S}^{-1}$	a
-------------------------------------	---	-------------------------------------	---	-------------------------------------	---	-------------------------------------	---

③ ينعدم التدفق المغناطيسي الذي يجتاز ملفاً مغناطيسياً إذا كانت الزاوية بين الناظم على السطح \vec{n} و شعاع الحقل \vec{B} مقدرة بالراديان

$\alpha = \frac{\pi}{2}$	d	$\alpha = \frac{\pi}{3}$	c	$\alpha = \frac{\pi}{4}$	b	$\alpha = 0$	a
--------------------------	---	--------------------------	---	--------------------------	---	--------------	---

④ دولا ب بارلو نصف قطره r نخضع نصفه السفلي لتأثير حقل مغناطيسي منتظم أفقي \vec{B} يُعاند مستويه ثم نمرر تياراً متواصلاً في الإطار فإن طول ذراع القوة الكهرطيسية التي تدير الدولا ب (d) تساوي :

$\frac{r}{4}$	d	$\frac{r}{2}$	c	r	b	$2r$	a
---------------	---	---------------	---	-----	---	------	---

السؤال الثاني : اجبني عن السؤال الآتي : / 20 درجة /

اكتبي نص نظرية برنولي في الجريان المستقر ، و اكتبي المعادلة المعيرة عن تلك النظرية ، كيف تصبح تلك المعادلة إذا كان الأنبوب (الجريان) أفقياً ؟

السؤال الثالث : اجبني عن أحد السؤالين الآتيين : / 25 درجة /

① نقرّب القطب الشمالي لمغناطيس مستقيم في أحد وجهي وشيعة وفق محورها ، يتصل طرفاها بواسطة مقياس ميكرو أمبير فتتحرف إبرة المقياس دلالة وجود تيار متحرض فيها ..
 (a) فسري سبب نشوء هذا التيار ، ثم اكتبي العلاقة الرياضية المعيرة عن القوة المحركة الكهربية المتحرضة مع شرح دلالات الرموز .
 (b) اكتبي نص قانون لنز في تحديد جهة التيار المتحرض .

② في الميكانيك النسبي الكتلة تكافئ الطاقة $\Delta m = \frac{E_K}{c^2}$ انطلاقاً من هذه العلاقة ، برهنى أنّ الطاقة الكلية في الميكانيك النسبي هي مجموع الطاقة السكونية و الطاقة الحركية .

السؤال الرابع : اجبني عن السؤال الآتي : / 35 درجة /

انطلاقاً من مصونية الطاقة الميكانيكية ، برهنى أنّ حركة نواس الفتل غير المتخامد هي حركة جيبية دورانية ثم أوجدي عبارة الدور الخاص لهذا النواس

السؤال الخامس : أجبني عن أحد السؤالين الآتيين : / 40 درجة /

① عند إمرار تيار كهربائي متواصل شدته صغيرة (I) في إطار المقياس الغلفاني فإنه يدور بزاوية صغيرة (θ) ثم يتوازن . المطلوب .. انطلاقاً من شرط التوازن الدوراني $\sum \vec{T}_D = 0$ استنتجي العلاقة بين زاوية دوران الإطار (θ) وشدة التيار المار (I) .

② في تجربة أنبوب الأشعة المهبطية يكون مسار الحزمة الالكترونية مستقيماً . تقرب قطباً شمالياً لمغناطيس

مستقيم من الحزمة الالكترونية .. ماذا يحدث لمسار الحزمة الالكترونية ؟

(a) ماذا تتوقعي أن يحدث لمسار الحزمة عند تقرب القطب الجنوبي بدلاً من الشمالي ؟

(b) ما العوامل المؤثرة في شدة القوة المغناطيسية .

(c) اكتب العبارة الشعاعية للقوة المغناطيسية . (d) اكتب عناصر شعاع هذه القوة . (e)

السؤال السادس : حل المسائل الآتية : / 75 درجة للأولى ، 45 درجة للثانية ، و 50 درجة للرابعة /

المسألة الأولى : نواس ثقلي يتألف من قرص متجانس كتلته (M) و نصف قطره ($R = \frac{2}{3} m$) نثبت في نقطة من محيط القرص كتلة نقطية ($m' = M$) تساوي كتلة القرص . و نجعله يهتز في مستوى شاقولي حول محور أفقي مار من مركز القرص وعمودي على مستويه . المطلوب : ① استنتجي بالرموز العلاقة المحددة للدور الخاص لهذا النواس بدلالة (R) ، انطلاقاً من عبارة دور النواس الثقلي في حالة السعات الصغيرة ، واحسبي قيمته ..

② احسبي طول النواس البسيط الموافق .

③ نزيح الجملة عن وضع توازنها الشاقولي بسعة زاوية (60°) و نتركها دون سرعة ابتدائية ..

(a) احسبي الدور الخاص للنواس في هذه الحالة .

(b) استنتجي بالرموز العلاقة المحددة للسرعة الزاوية للنواس لحظة المرور بالشاقول ، ثم احسبي قيمتها .

(c) احسبي السرعة الخطية لمركز عطالة النواس لحظة المرور بالشاقول .

علماً أن : $I_{D/C} = \frac{1}{2} M R^2$ (عزم عطالة القرص حول محور عمودي على مستويه و مار من منتصفه)

($g = 10 \text{ m.s}^{-2}$, $\pi^2 = 10$)

المسألة الثانية : يهتز جسم كتلته ($m = 0.05 \text{ Kg}$) بحركة توافقية بسيطة بمرونة نابض مهمل الكتلة ،

حلقاته متباعدة شاقولي ، و بدور خاص (4 s) و سعة اهتزاز ($X_{max} = 8 \text{ cm}$) ، فإذا علمت أن مبدأ الزمن لحظة

مرور الجسم في موضع مطاله ($\frac{X_{max}}{2}$) متحركاً بالاتجاه السالب . المطلوب :

① استنتجي التابع الزمني للمطال انطلاقاً من شكله العام .

② عيّني لحظة المرور الأول في وضع التوازن .

③ احسبي قيمة ثابت صلابة النابض . هل تتغير قيمته بتغير الكتلة ؟

④ احسبي الطاقة الكامنة المرونية في موضع مطاله ($x = -4 \text{ cm}$) .

المسألة الثالثة : في تجربة السكتين التحريضية يبلغ طول الساق النحاسية المستندة عليهما (20 cm) وشدة الحقل

المغناطيسي المنتظم الشاقولي المؤثر (0.5 T) . نخرج الساق عمودياً على السكتين مماسة لهما بسرعة ثابتة

(0.4 m.S^{-1}) . والمطلوب :

① استنتجي عبارة شدة التيار المتحرض في الدارة و احسب قيمتها . باعتبار المقاومة الكلية للدارة (5Ω) .

ثم ارسى شكلاً توضيحياً يبين جهة كل من (\vec{B} , \vec{v} , \vec{F} لورنتز) و جهة التيار المتحرض .

② احسبي الاستطاعة الكهربائية الناتجة . ③ احسبي شدة القوة الكهربائية المؤثرة في الساق أثناء تحرجها .

المسألة الرابعة : تبلغ شدة الحقل المغناطيسي في مركز وشيعة ($25 \times 10^{-3} \text{ T}$) عندما يمر فيها تيار شدته

($I = 4 \text{ A}$) فإذا جرى الملف بسلك قطره ($2r = 1 \text{ mm}$) بما فيه سمك العازل و كانت اللغات متلاصقة

(مماسة لبعضها) . احسبي عدد الطبقات .. (يُعتبر $4\pi = 12.5$ ، و يُهمل تأثير الحقل لمغناطيسي الأرضي)

(2)

السؤال الأول : اختاري الاجابة الصحيحة لكل مما يأتي :

40 / درجة /

- $\bar{a} = -0.1 \pi^2 \cos 2 \pi t$ d الجواب (1)
 40 cm.s^{-1} c الجواب (2)
 $\alpha = \frac{\pi}{2}$ d الجواب (3)
 $\frac{r}{2}$ c الجواب (4)

السؤال الثاني : اجبى عن السؤال الآتي : 20 / درجة /

إن مجموع الضغط والطاقة الحركية لواحدة الحجوم ، و
 الطاقة الكامنة الثقالية لواحدة الحجوم تساوي مقداراً ثابتاً
 عند نقطة من خط الانسياب لسائل جريانه مستقر .
 من معادلة برنولي

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

الأنبوب أفقي

$$z_1 = z_2$$

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$\Rightarrow P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2)$$

السؤال الثالث : اجبى عن أحد السؤالين الآتيين :

25 / درجة /

(a) (1) إن تقرب القطب الشمالي يؤدي إلى زيادة التدفق
 المغناطيسي و بالتالي تنشأ قوة محرقة كهربائية متحرضة ،
 تسبب مرور تيار كهربائي متحرض في الوشعة (حسب

$$\varepsilon = - \frac{d\Phi}{dt} \quad (\text{قانون فردي})$$

$d\Phi$ تغير التدفق المغناطيسي المحرض (weber)

dt زمن تغير التدفق المغناطيسي المحرض (s)

ε القوة المحركة الكهربائية المتحرضة (V)
 الإشارة السالبة تتسجم مع قانون لنز .

(b) إن جهة التيار المتحرض في دارة مغلقة تكون
 بحيث ينتج أفعالاً تعاكس السبب الذي أدى إلى حدوثه ..

$$\Delta m = \frac{E_K}{C^2}$$

نضرب طرفي العلاقة بالثابت C^2

$$\Delta m \cdot C^2 = \frac{E_K}{C^2} \cdot C^2$$

$$(m - m_0)C^2 = E_K$$

$$mC^2 - m_0C^2 = E_K$$

$$mC^2 = m_0C^2 + E_K$$

$$E = E_0 + E_K$$

حيث : $E_0 = m_0C^2$ الطاقة السكونية

$E_K = E - E_0$ الطاقة الحركية

$E = mC^2$ الطاقة الكلية

السؤال الرابع : اجبى عن السؤال الآتي : 35 / درجة /

$$E = E_p + E_K = \text{const}$$

$$\frac{1}{2} K \theta^2 + \frac{1}{2} I_{\Delta/c} \omega^2 = 0$$

بالاشتقاق بالنسبة للزمن

$$\frac{1}{2} K [2 \bar{\theta} (\bar{\theta})'_t] + \frac{1}{2} I_{\Delta/c} [2 \bar{\omega} (\bar{\omega})'_t]$$

$$K \bar{\theta} (\bar{\theta})'_t = - I_{\Delta/c} \bar{\omega} (\bar{\omega})'_t$$

$$\text{وبما أن } (\bar{\theta})'_t = \bar{\omega} \quad , \quad (\bar{\theta})''_t = (\bar{\omega})'_t$$

$$K \bar{\theta} (\bar{\theta})'_t = - I_{\Delta/c} (\bar{\theta})'_t (\bar{\theta})''_t$$

$$\Rightarrow (\bar{\theta})''_t = - \frac{K}{I_{\Delta/c}} \bar{\theta} \quad \dots \quad (1)$$

إن هذه المعادلة هي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية تقبل
 حلاً جيبياً من الشكل

الدموية ، (B)

نعوض في شرط التوازن

$$NIBS - K\bar{\theta}' = 0$$

$$\Rightarrow \theta' = \frac{NIBS}{K} I$$

(2) تنحرف الحزمة الالكترونية عن مسارها .
(a) تغيير جهة انحراف الحزمة عند تغيير جهة الحقل (تبديل القطب)

(b) العوامل المؤثرة في شدة القوة المغناطيسية :

تناسب شدة القوة المغناطيسية طردياً مع :

- مقدار الشحنة المتحركة q .

- شدة الحقل المغناطيسي المؤثر B .

- سرعة الشحنة v .

- $\sin \theta$ حيث θ الزاوية بين شعاع الحقل \vec{B} وشعاع السرعة \vec{v} .

$$\vec{F} = q\vec{v} \wedge \vec{B} \quad (c)$$

(d) عناصر شعاع القوة المغناطيسية (من الكتاب) .

$$F = q v B \sin \theta$$

السؤال السادس : حل المسائل الآتية :

المسألة الأولى : / 75 درجة /

$$I_{\Delta/c} = \frac{1}{2} M R^2 , \quad R = \frac{3}{2} m$$

$$g = 10 \text{ m.s}^{-2} , \quad m' = M$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta/0}}{m g d}} \quad (1)$$

$$I_{\Delta/0} = I_{\text{مركز}} + I_{\text{تساوي}} \Delta$$

المحور يمر من مركز عتالة القرص لانطبق نظرية هاينغز

$$I_{\Delta/0} = \frac{1}{2} M R^2 + M R^2$$

$$I_{\Delta/0} = \frac{3}{2} M R^2$$

$$m = M + m' = M + M = 2M$$

ايجاد d

$$d = \frac{m_1 r_1 + m_2 r_2}{m_1 + m_2}$$

$$d = \frac{M(0) + MR}{2M} = \frac{R}{2}$$



$$\bar{\theta} = \theta_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

بالاشتقاق مرتين بالنسبة للزمن

$$(\bar{\theta})'_t = -\omega_0 \theta_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{\theta})''_t = -\omega_0^2 \theta_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{\theta})''_t = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots \dots (2)$$

من (1) و (2) نجد

$$-\omega_0^2 \bar{\theta} = -\frac{K}{I_{\Delta/c}} \bar{\theta}$$

$$\Rightarrow \omega_0^2 = \frac{K}{I_{\Delta/c}}$$

$$\Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{K}{I_{\Delta/c}}} > 0$$

$K, I_{\Delta/c}$ ثابتان موجبان فحركة نواس الفتل جيبيية دورانية التابع الزمني للمطال

$$\bar{\theta} = \theta_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

استنتاج الدور :

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{K}{I_{\Delta/c}}}$$

$$\Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta/c}}{K}}$$

السؤال الخامس : اجب عن أحد السؤالين الآتيين :

/ 40 درجة /

(1) شرط التوازن $\sum \bar{\Gamma}_{\Delta} = 0$

$$\bar{\Gamma}_{\Delta/\text{كهرطيسية}} + \bar{\Gamma}_{\Delta/\text{فتل}} = 0$$

$$\bar{\Gamma}_{\Delta/\text{كهرطيسية}} = NIBS \sin \alpha$$

لكن $\alpha + \theta' = \frac{\pi}{2}$ إذا $\sin \alpha = \cos \theta'$

$$\Rightarrow \bar{\Gamma}_{\Delta/\text{كهرطيسية}} = NIBS \cos \theta'$$

لكن θ' صغيرة إذا

$$\bar{\Gamma}_{\Delta/\text{كهرطيسية}} = NIBS \leftarrow \cos \theta' \cong 1$$

= حساب عزم مزدوجة الفتل

$$\bar{\Gamma}_{\Delta/\text{فتل}} = -K\bar{\theta}$$

$$\Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2mgh}{I_{\Delta/O}}}$$

ولكن $h = d(1 - \cos \theta_{max})$

$$\Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2mgd(1 - \cos \theta_{max})}{I_{\Delta/O}}}$$

$$\Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2 \times 2 Mg \frac{R}{2} (1 - \frac{1}{2})}{\frac{3}{2} MR^2}}$$

$$\Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{3g}{2L}} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{3 \times 10}{2 \times \frac{3}{2}}}$$

$$\Rightarrow \omega = \sqrt{10} = \pi \text{ rad} \cdot s^{-1}$$

$$v_c = \omega r_c \Rightarrow r_c = d = \frac{R}{2} \quad (c)$$

$$\Rightarrow v_c = \pi \times \frac{2}{3 \times 2} = \frac{\pi}{3} \text{ m} \cdot s^{-1}$$

المسألة الثانية : / 45 درجة /

① التابع الزمني للمطال

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

تعيين الثوابت $(\theta_{max}, \omega_0, X_{max})$

$$X_{max} = 8 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \text{ rad} \cdot s^{-1}$$

تعيين $\bar{\varphi}$ من شروط البدء

$$t = 0 \left. \begin{array}{l} x = \frac{X_{max}}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{X_{max}}{2} = X_{max} \cos(0 + \bar{\varphi})$$

$$\cos \bar{\varphi} = \frac{1}{2} \Rightarrow \varphi \begin{cases} \frac{\pi}{3} \text{ rad} \\ \frac{5\pi}{3} \text{ rad} \end{cases}$$

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi}) \quad \text{من تابع السرعة في اللحظة } t = 0$$

نعوض في عبارة الدور ..

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{3}{2} MR^2}{2Mg \frac{R}{2}}}$$

$$\Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{3R}{2g}}$$

$$\Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{3 \times \frac{2}{3}}{2 \times 10}}$$

$$\Rightarrow T_0 = 2 \text{ s}$$

$$(2) \text{ (مركب) } T_0 = T_0 \text{ (بسيط)}$$

$$\Rightarrow 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}} = 2$$

$$\Rightarrow 4\pi^2 \frac{\ell}{10} = 4 \quad \text{نعوض ونربع}$$

$$\ell = 1 \text{ m}$$

$$T'_0 = T_0 \left(1 + \frac{\theta_{max}^2}{16}\right) \quad (a) \quad (3)$$

$$\Rightarrow T'_0 = 2 \left(1 + \frac{(\frac{\pi}{4})^2}{16}\right)$$

$$\Rightarrow T'_0 = 2.138 \text{ s}$$

(b) نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

$$\theta_1 = \theta_{max} \quad \text{الأول}$$

$$\theta_2 = 0 \quad \text{الثاني}$$

$$\Delta E_K = \sum \bar{W}_{\vec{F}_{(1 \rightarrow 2)}}$$

$$E_{K_2} - E_{K_1} = W_{\bar{W}} + W_{\bar{R}}$$

ولكن

$$\text{حالة سكون} \quad E_{K_1} = 0$$

$$\text{حركة دورانية} \quad E_{K_2} = \frac{1}{2} I_{\Delta/O} \omega^2$$

$$\text{عمل قوة الثقل} \quad W_{\bar{W}} = mgh$$

$$\text{نقطة تأثير } \bar{R} \text{ لا تنتقل} \quad W_{\bar{R}} = 0$$

نعوض

$$\frac{1}{2} I_{\Delta/O} \omega^2 - 0 = mgh + 0$$

$$\Rightarrow \omega^2 = \frac{2mgh}{I_{\Delta/O}}$$





عند تحريك المساق L بسرعة ثابتة \vec{v} عمودياً على شعاع الحقل المغناطيسي \vec{B} فإنها تنتقل خلال زمن Δt مسافة (Δx)

$$\Delta x = v \cdot \Delta t$$

$$\Delta S = L \cdot \Delta x \quad \text{فتتغير مساحة السطح}$$

$$\Delta S = L \cdot v \cdot \Delta t$$

$$\Delta \Phi = B \cdot \Delta S \quad \text{ويتغير التدفق}$$

$$\Delta \Phi = B \cdot L \cdot v \cdot \Delta t$$

فتتولد قوة محرركة كهربائية متحرّضة قيمتها المطلقة

$$\varepsilon = \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| \Rightarrow \varepsilon = B \cdot L \cdot v$$

فتكون شدة التيار المتحرّض

$$i = \frac{\varepsilon}{R}$$

$$i = \frac{B L v}{R}$$

$$i = \frac{0.5 \times 20 \times 10^{-2} \times 0.4}{5}$$

$$i = 8 \times 10^{-3} \text{ A}$$

$$P = \varepsilon \cdot i \quad (2)$$

$$\varepsilon = B \cdot L \cdot v \quad \text{حيث}$$

$$\varepsilon = 0.5 \times 20 \times 10^{-2} \times 0.4$$

$$\varepsilon = 4 \times 10^{-2} \text{ V}$$

$$P = 4 \times 10^{-2} \times 8 \times 10^{-3}$$

$$P = 32 \times 10^{-5} \text{ W}$$

$$F = i L B \sin \theta \quad (3)$$

$$F = 8 \times 10^{-3} \times 20 \times 10^{-2} \times 0.5 \times 1$$

$$F = 8 \times 10^{-4} \text{ N}$$

أو:

$$P_{\text{كهربائية}} = P_{\text{ميكانيكية}}$$

$$32 \times 10^{-5} = F \cdot v$$

$$F = \frac{32 \times 10^{-5}}{v}$$

$$F = \frac{32 \times 10^{-5}}{0.4}$$

$$F = 8 \times 10^{-4}$$



• عندما $\varphi = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$ مقبول

$$\vec{v} = -\omega_0 X_{\max} \sin\left(0 + \frac{\pi}{3}\right) < 0$$

• و عندما $\varphi = \frac{5\pi}{3} \text{ rad}$ مرفوض

$$\vec{v} = -\omega_0 X_{\max} \sin\left(0 + \frac{5\pi}{3}\right) > 0$$

$$\bar{x} = 8 \times 10^{-2} \cos\left(\frac{\pi}{2} t + \frac{\pi}{3}\right) \text{ m}$$

عند المرور بوضع التوازن $x = 0$ (2)

$$0 = 8 \times 10^{-2} \cos\left(\frac{\pi}{2} t + \frac{\pi}{3}\right)$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{2} t + \frac{\pi}{3}\right) = 0$$

$$\frac{\pi}{2} t + \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{2} + K\pi$$

• مرور أول $K = 0$

$$\frac{\pi}{2} t + \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow t = \frac{1}{3} \text{ s}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{K}{m}} \Rightarrow K = m \omega_0^2 \quad (3)$$

$$K = 0.05 \left(\frac{\pi}{2}\right)^2 \Rightarrow K = 0.125 \text{ N.m}^{-1}$$

• طريقة ثانية:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \quad \text{من عبارة الدور}$$

$$K = \frac{4\pi^2 m}{T_0^2} \Rightarrow$$

$$K = 0.125 = 125 \times 10^{-3} \text{ N.m}^{-1}$$

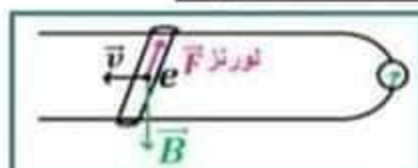
$$E_p = \frac{1}{2} K x^2 \quad (4)$$

عندما $x = -4 \text{ cm}$

$$E_p = \frac{1}{2} (125 \times 10^{-3}) (-4 \times 10^{-2})^2$$

$$\Rightarrow E_p = 1 \times 10^{-4} \text{ J}$$

• المسألة الثالثة: / 70 درجة / (1)



المسألة الرابعة : / 50 درجة /

$$B = 4 \pi \times 10^{-7} \frac{N I}{\ell} \dots \textcircled{1}$$

عدد اللفات = عدد اللفات في الطبقة الواحدة \times عدد الطبقات

$$N = N_1 \times n$$

عدد اللفات في الطبقة الواحدة = $\frac{\text{طول الوشعة}}{\text{قطر السلك}}$

$$N_1 = \frac{\ell}{2r}$$

$$N = \frac{\ell}{2r} \times n \quad \text{قتصيح}$$

نعوض في $\textcircled{1}$..

$$B = 4 \pi \times 10^{-7} \frac{\frac{\ell}{2r} n I}{\ell}$$



$$B = 4 \pi \times 10^{-7} \frac{n I}{2r}$$



$$n = \frac{B \times 2r}{4 \pi \times 10^{-7} I}$$



$$n = \frac{25 \times 10^{-3} \times 1 \times 10^{-3}}{4 \pi \times 10^{-7} \times 4}$$

$$4\pi = 12.5$$



$$n = 5 \quad \text{طبقات}$$

انتهى العلم

الكهرباء و المغناطيسية

4 الدارات المهتزة

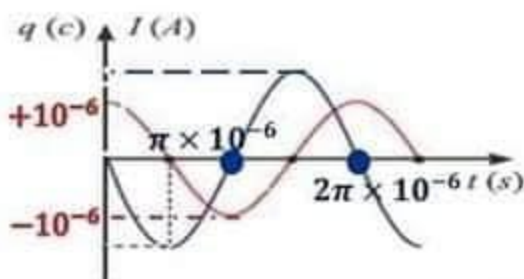


والتيارات عالية التواتر

فيزياء

الثالث الثانوي العلمي

ورقة عمل (9) A



ثالثاً : اجب عن أحد السؤالين الآتيين : / 20 درجة /

① المعادلة التفاضلية لدارة تحتوي على (R, L, C) هي

$$L(\ddot{q}) + R(\dot{q}) + \frac{1}{C}q = 0$$

a كيف نحصل على دارة مهتزة تفرغها جيبي ؟

b استنتج عبارة الدور الخاص للاهتزازات الحرة غير

المتخامدة في الدارة الكهربائية (L, C)

(علاقة تومسون).

② استنتج بالرموز عبارة الطاقة في الدارة الكهربائية المهتزة

(L, C) و برهن أنها ثابتة . ثم ارمس الخطوط البيانية

لكل من (E_L, E_C) موضعاً تغيراتها خلال دور واحد .

رابعاً : حل المسألة الآتية : / 90 درجة /

دارة مهتزة تتألف من مكثفة سعتها $(C = 10^{-9} F)$

ووشية مهملة المقاومة لفتاتها متلاصقة بطبقة واحدة

طولها $(\ell = 25 \text{ cm})$ وذاتيتها $(L = 10^{-3} H)$

نشحن المكثفة بتوتر كهربائي $(100 V)$ ثم نصلها

في اللحظة $(t = 0)$ بين طرفي الوشية .

والمطلوب :

① احسب الشحنة الكهربائية العظمى للمكثفة . والطاقة

الكهربائية المخزنة فيها في اللحظة $t = 0$.

② احسب الدور الخاص للتفرغ المهتز في الدارة .

③ اكتب التابع الزمني للشحنة اللحظية ،

والتابع الزمني للشدة اللحظية

④ احسب طول سلك الوشية . انتهت الأسئلة

أولاً : اختر الاجابة الصحيحة مما يأتي : / 30 درجة /

① تتألف دارة مهتزة من مكثفة مشحونة سعتها (C)

ووشية ذاتيتها (L) دورها الخاص (T_0) .

نستبدل الوشية بوشية أخرى ذاتيتها $(L' = 3L)$

والمكثفة بمكثفة أخرى $(C' = 3C)$ فيصبح دورها

الخاص :

$$T_0' = 3T_0 \quad b \quad , \quad T_0' = 9T_0 \quad a$$

$$T_0' = T_0 \quad d \quad , \quad T_0' = \frac{1}{3}T_0 \quad c$$

② تتألف دارة مهتزة من مكثفة مشحونة سعتها (C)

ووشية مهملة المقاومة ذاتيتها (L) وتواترها الخاص

(f_0) . استبدلنا بالوشية وشية أخرى ذاتيتها $L' = \frac{1}{4}$

فيصبح التواتر الخاص :

$$f' = \frac{f}{4} \quad b \quad , \quad f' = \frac{f}{2} \quad a$$

$$f' = 4f \quad d \quad , \quad f' = 2f \quad c$$

③ تتألف دارة مهتزة من مكثفة مشحونة سعتها (C)

وذاتيتها (L) وطاقتها (E) . نستبدل الذاتية بذاتية أخرى

بحيث $(L' = 2L)$ فتصبح طاقة الدارة (E') :

$$E' = 2L I_{max}^2 \quad b \quad , \quad E' = 4L I_{max}^2 \quad a$$

$$E' = \frac{1}{2}L I_{max}^2 \quad d \quad , \quad E' = L I_{max}^2 \quad c$$

ثانياً : اجب عن السؤالين الآتيين : / 40 درجة /

① اعط تفسيراً علمياً لكل مما يأتي باستخدام العلاقات الرياضية

المناسبة .

a تبدي الوشية معاتعة كبيرة للتيارات عالية التواتر .

b تبدي المكثفة معاتعة صغيرة للتيارات عالية التواتر .

② يمثل الشكل الرسم البياني للتابعين (الشحنة وشدة التيار)

بدلالة الزمن للدارة (L, C)

a احسب التواتر الخاص للاهتزازات الكهربائية .

b اكتب التابع الزمني لشحنة المكثفة ولشدة التيار .

ما فرق الطور بينهما .

c ما قيمة شحنة المكثفة عندما تنعدم شدة التيار ؟

الكهرباء و المغناطيسية

4 الدارات المهتزة



والتيارات عالية التواتر

فيزياء

الثالث الثانوي العلمي

حل ورقة عمل (9) A

من الشكل $T_0 = 2\pi \times 10^{-6} \text{ Hz}$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi \times 10^{-6}} \Rightarrow f_0 = \frac{1}{2\pi} \times 10^6 \text{ Hz}$$

$\bar{q} = q_{max} \cos \omega_0 t$ تابع الشحنة **b**

$q_{max} = 10^{-6} \text{ C}$ من المنحنى

$$\omega_0 = 2\pi f_0 \Rightarrow \omega_0 = 2\pi \left(\frac{1}{2\pi} \times 10^6 \right)$$

$$\omega_0 = 10^6 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\bar{q} = 10^{-6} \cos 10^6 t \text{ C}$$

- تابع شدة التيار $\bar{i} = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$

$$I_{max} = \omega_0 q_{max} = 10^6 \times 10^{-6} \text{ حيث}$$

$$I_{max} = 1 \text{ A}$$

$$\bar{i} = 1 \cos(10^6 t + \frac{\pi}{2}) \text{ A تابع شدة التيار}$$

أو باستنتاج تابع الشحنة $\bar{i} = \frac{d\bar{q}}{dt} = (\bar{q})'_t$

$$\bar{i} = -10^6 (10^{-6} \sin 10^6 t)$$

$$\bar{i} = 1 \cos(10^6 t + \frac{\pi}{2}) \text{ A}$$

- فرق الطور بينهما $\varphi = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$

أولاً: اختر الاجابة الصحيحة مما يأتي : 30/ درجة /

$$T_0 = 3T_0 \quad \text{b} \quad \text{الجواب ①}$$

$$f' = 2f \quad \text{c} \quad \text{الجواب ②}$$

$$E' = \frac{1}{2} L I_{max}^2 \quad \text{d} \quad \text{الجواب ③}$$

ثانياً: اجب عن السؤالين الآتيين : 40/ درجة /

$$X_L = \sqrt{r^2 + \omega^2 L^2} \quad \text{a} \quad \text{①}$$

المقاومة r صغيرة

$$\Rightarrow X_L = \omega L$$

$$\omega = 2\pi f \quad \text{بما أن}$$

$$\Rightarrow X_L = 2\pi f L$$

لما كانت f كبيرة فإن X_L كبيرة .

$$X_C = \frac{1}{\omega C} \quad \text{b}$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi f_0 C} \quad \text{إذا } \omega = 2\pi f$$

في التيارات عالية التواتر f كبيرة فإن X_C صغيرة

فالممانعة صغيرة .

$$f_0 = \frac{1}{T_0} \quad \text{التواتر الخاص } \text{a} \quad \text{②}$$

المدرس زاهد حدرويش

0933371991



$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{\ell} \quad (4)$$

$$N = \frac{\ell'}{2\pi r}, \quad S = \pi r^2$$

$$\Rightarrow L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{(\frac{\ell'}{2\pi r})^2 \cdot \pi r^2}{\ell}$$

$$\Rightarrow L = 10^{-7} \times \frac{\ell'^2}{\ell}$$

$$\Rightarrow \ell' = \sqrt{\frac{L \cdot \ell}{10^{-7}}}$$

$$\Rightarrow \ell' = \sqrt{\frac{10^{-3} \times 25 \times 10^{-2}}{10^{-7}}}$$

$$\Rightarrow \ell' = 50 \text{ m}$$

انتهى الحل

c عندما تتعدم شدة التيار تكون شحنة المكثفة عظمى
 $(10^{-6}) \text{ C}$

ثالثاً: اجب عن أحد السؤالين الآتيين: / 20 درجة /

من الكتاب ..

رابعاً: حل المسألة الآتية: / 90 درجة /

$$q_{max} = C U_{max} \quad (1)$$

$$\Rightarrow q_{max} = 10^{-9} \times 100$$

$$\Rightarrow q_{max} = 10^{-7} \text{ C}$$

$$E_C = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C}$$

$$\Rightarrow E_C = \frac{1}{2} \times \frac{(10^{-7})^2}{10^{-9}}$$

$$\Rightarrow E_C = 5 \times 10^{-6} \text{ J}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{L \cdot C} \quad (2)$$

$$\Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{10^{-3} \times 10^{-9}}$$

$$T_0 = 2\pi \times 10^{-6} \text{ s}$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos \omega_0 t \quad (3)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} \Rightarrow \omega_0 = \frac{2\pi}{2\pi \times 10^{-6}}$$

$$\Rightarrow \omega_0 = 10^6 \text{ rad. s}^{-1}$$

$$\Rightarrow \bar{q} = 10^{-7} \cos 10^6 t \quad \text{C}$$

- تابع الشدة -

$$\bar{i} = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

$$I_{max} = \omega_0 q_{max} \Rightarrow I_{max} = 10^6 \times 10^{-7}$$

$$\Rightarrow I_{max} = 10^{-1} \text{ A}$$

$$\Rightarrow \bar{i} = 10^{-1} \cos(10^6 t + \frac{\pi}{2}) \text{ A}$$