

**السؤال الأول :**

لنتأمل في معلم متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  النقاط التالية

:  $A(3,-2,2)$  و  $B(6,1,5)$  و  $C(6,-2,-1)$  والمطلوب :

- 1- احسب مركبات الأشعة  $\vec{AB}, \vec{AC}, \vec{BC}$  .....
- 2- أثبت أن المثلث ABC قائم ثم احسب مساحته ...
- 3- تحقق أن المعادلة الديكارتية للمستوي ABC تعطى بالشكل  
$$x - 2y + z - 9 = 0$$
- 4- ليكن لدينا  $D(0,4,-1)$  احسب بُعد D عن المستوي ABC
- 5- اكتب التمثيل الوسيطى للمستقيم AD ثم ادرس الوضع النسبي للمستقيم AD مع المستوي ABC ...
- 6- احسب حجم رباعي الوجوه ABCD الذي رأسه D ...
- 7- جد إحداثيات النقطة I منتصف BC
- 8- أثبت أن النقاط A, B, C تقع على كرة مركزها I ونصف قطرها  $\frac{\sqrt{45}}{2}$  ثم استنتج معادلة الكرة هذه ..
- 9- ليكن المستوي P الذي معادلته  $x + y + 2z - 5 = 0$ 
  - أثبت أن المستوي P والمستوي ABC متقاطعان ...
  - أعط تمثيل وسيطي للمستقيم d الذي يمثل الفصل المشترك لهذين المستويين ..
  - اكتب معادلة المستوي Q الذي يعامد كلاً من P والمستوي ABC ويمر من  $G(0,0,2)$  ....
  - اكتب معادلة كرة مركزها النقطة G وتمس المستوي P ..
  - ادرس تقاطع المستويات P و Q و ABC ...

السؤال الثاني :

ABCEFGH مكعب I منتصف AE و J منتصف CG

والمطلوب :

1- أثبت صحة المساواة الشعاعية :

$$\vec{AF} = \frac{1}{2}(\vec{CG} + \vec{AE}) - \vec{DA} - \vec{FH}$$

2- إذا علمت أن طول حرف المكعب 2

• أعط معلماً متجانساً مبدؤه النقطة A ثم أكتب إحداثيات رؤوس المكعب في هذا المعلم ...

• أوجد معادلة المستوي المحوري للقطعة المستقيمة FG

• احسب FI.FJ ثم استنتج أن  $\cos(\widehat{IFJ}) = \frac{1}{5}$

• أوجد معادلة المستوي IHA ثم احسب بعد النقطة J عنه ...

• جد مركبات الشعاع  $\vec{u}$  حيث :

$$\vec{u} = \vec{AB} - \frac{1}{3}\vec{EF} + \vec{CE}$$

• أعط إحداثيات النقطة M منتصف HB ثم أثبت أن النقاط

A و M لا تحدد مستوي ..

• اكتب التمثيل الوسيط لكل من المستقيمت HB و JA ثم أثبت أن

هذان المستقيمان متقطعان ونقطة التقاطع هية M ...

• أثبت أن النقطة  $G'(4, -2, -2)$  تنتمي للمستقيم HB

• عند أي قيمة للوسيط t تنتمي النقطة  $L(t,1,0)$  إلى المستوي IHD

اختبار شامل بالثلاث أبحاث الأشعة لطلاب البكلوريا

**السؤال الثالث :**

ABCEFGH مكعب فيه I منتصف AB و J منتصف BC  
و K نقطة تحقق  $\vec{KA} + 2\vec{KB} + \vec{KC} + \vec{KH} = 0$  والمطلوب :

1- أثبت أن K مركز أبعاد متناسبة للنقاط I و J و H

2- بفرض M نقطة متغيرة في الفراغ وتحقق :

$$\|2\vec{MI} + 2\vec{MJ} + \vec{MH}\| = \|5\vec{MI} - 5\vec{MJ}\|$$

عين مجموعة النقاط M....

3- نفرض معلماً متجانساً مبدؤه النقطة D والمطلوب :

• عين إحداثيات I و J و K

• اكتب في هذا المعلم معادلة مجموعة النقاط M

والله ولي التوفيق

للاستفسار عن أي سؤال يرجى التواصل على الرقم 0982232768

ولاتنسى الاشتراك بقناتنا على اليوتيوب *T.khaled shaker*

والانضمام لقناتنا على التغرام *Math video*

وطبعا يلي بدو الحل فرح يكون متواجد  
على قناة اليوتيوب

**T.khaled shaker**

