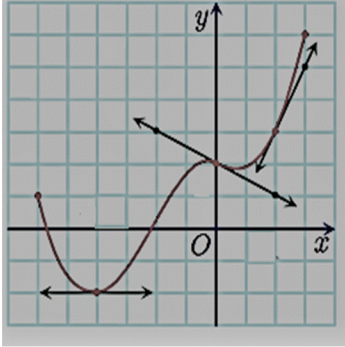


أجب عن الأسئلة التالية :



السؤال الأول : ليكن الخط البياني للتابع f والمطلوب :

1. أوجد مجموعة التعريف
2. أوجد المستقر الفعلي
3. أوجد $f(0), f(-4), f(2)$
4. أوجد $f'(0), f'(-4), f'(2)$
5. اكتب معادلة المماس للخط البياني للتابع في النقطة $(2, 3)$
6. ما حلول المعادلة $f(x) = 1$

السؤال الثاني : احسب نهاية التابع $f(x) = \frac{\cos x - 1}{x^2} + \frac{1}{2}$ عند الصفر .

السؤال الثالث : أوجد $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + \sin x}{x - 2}$

السؤال الرابع : ليكن التابع f المعرف على $+\infty[, \frac{1}{2}$ وفق $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$.
أوجد $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم عين $A > x$ ليكون $f(x)$ من المجال $[1.95, 2.05]$.

السؤال الخامس : ليكن c الخط البياني للتابع f المعرف على $R \setminus \{-3\}$ وفق $f(x) = \frac{x^2 + 2x - 2}{x + 3}$

❖ اكتب $f(x)$ بالشكل : $f(x) = ax + b + \frac{1}{x+3}$ وعين قيمة a و b

❖ أثبت أن المستقيم $y = ax + b$ مقارب مائل للخط (c) في جوار $+\infty$.

السؤال السادس : ليكن التابع f المعرف على $D = R \setminus \{-1\}$ وفق $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 1}{x + 1}$

❖ جد الأعداد a و b و c التي تحقق $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$ أيأ كان x من D .

❖ أوجد النهايات عند أطراف مجموعة التعريف .

السؤال السابع : ليكن c الخط البياني للتابع f المعرف على $+\infty[, 0]$ وفق : $f(x) = \frac{x^3 + 4 - 4 \cos x}{x^2}$

❖ أوجد $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$.

❖ أثبت أن المستقيم $y = x$ مقارب للخط (c) .

السؤال الثامن : ليكن التابع f المعرف بالصيغة $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 3} - |x|$. احسب النهايتين :

* $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ * $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

السؤال التاسع : أوجد $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2 + 1} - 1}{x \sin x}$

السؤال العاشر : أوجد قيمة c التي تجعل f مستمرة على R .
 $f(x) = \begin{cases} cx + 1 & : x = 3 \\ cx^2 - 1 & : x \neq 3 \end{cases}$